# доклады.

# АКАДЕМИИ НАУК СССР

# выходят три раза в месяц

гедакционная коллегия: акад. Л. А. Арцимович, акад. А. Г. Бетехтин, акад. А. Векшинский, акад. А. Н. Колмогоров (зам. главного редактора). акад. Л. Курсанов, акад. С. А. Лебелев, акад. И. Н. Назаров, акад. А. И. Некрасов, кад. А. И. Опарин (главный редактор), акад. Е. Н. Павловский, акад. Л. И. Седов, акад. Н. М. Страхов, акад. А. Н. Фрумкин (зам. главного редактора)

# 24-й ГОД ИЗДАНИЯ

# 1956

# TOM 111, № 5

#### СОДЕРЖАНИЕ

MATEMATUK

AILMAIMA	Cmp.
<ul> <li>И. Берштейн и А. Халанай. Индекс особой точки и существовани периодических решений систем с малым параметром.</li> <li>М. С. Бродский. О жордановых клетках бесконечномерных операторов.</li> <li>А. А. Гончар. О новом квазианалитическом классе функций.</li> <li>В. Иванов. Приближенное решение сингулярных интегральных уравнений в случае разомкнутых контуров интегрирования.</li> </ul>	. 923 . 926 . 930
<ul> <li>Н. А. Қащеев. Точная граница применимости теоремы С. А. Чаплыгина для линейного уравнения</li> <li>М. А. Крейнес, И. А. Вайнштейн и Н. Д. Айзенштат. О номографировании</li> </ul>	937
функций, заданных на сетке	941
нии на случай поверхностей ограниченной внешней кривизны  Л. В. Салехов. О норме линейного функционала в пространстве Орлича и об	945
одной внутренней характеристике пространства $L_p$	948
А. Ф. Тиман. Обобщение одной теоремы Стона	955
ХАНИКА	
<b>Н. А. Цытович.</b> Об определении сил сцепления связных грунтов по методу шариковой пробы	965
ДРОМЕХАНИКА	
<b>Г. Л. Гродзовский.</b> Автомодельное движение газа при сильном периферийном взрыве	969
ория упругости	
<b>М. И. Розовский.</b> Полусимволический способ решения некоторых задач теории наследственной упругости	972
ТЕМАТИЧЕСКАЯ ФИЗИКА	
В. П. Маслов. Метод теории возмущений для отыскания спектра обыкновенных дифференциальных операторов с малым параметром при старшей производной	977 981

ФИЗИКА	Cm
К. П. Белов и И. К. Панина. Определение спонтанной деформации решетки при ферромагнитном превращении	94
Б. Б. Говорков, В. И. Гольданский, О. А. Карпухин, А. В. Куценко и В. В. Пав-	9.8
п с пулькова и Б Соколова и М. Г. Шафранова. Рассеяние положительных	99
и отрицательных т-мезонов с энергией 300 Мэв на водороде	99
В. В. Соболев. Перенос излучения в неоднородной среде	100
БИОФИЗИКА	
Э. Я. Граевский и А. А. Нейфах. О роли гипофиза в поражении яйцеклеток амфибий при общем облучении ионизирующей радиацией	100
амфиони при общем облучении новызнующей радиацией	100
ТЕХНИЧЕСКАЯ ФИЗИКА	
<b>Л.</b> С. Стильбанс, Б. И. Бок и Э. Л. Лифшиц. О механизме рассеяния носителей в теллуристом свинце	101)
В. П. Фронтасьев. О характере политермы теплопроводности воды в области	
от 10 до 60°	101
ЭЛЕКТРОТЕХНИКА           А. Ш. Блох. Синтез контактных (р, q)-полюсников	101
С. В. Страхов. Уравнения переходных процессов синхронной машины, отнесенные к координатным осям, вращающимся с произвольной скоростью	1023
КРИСТАЛЛОГРАФИЯ	
М. Л. Шолохович, Е. Г. Фесенко, О. П. Крамаров и А. Л. Ходаков. Получение	
и свойства монокристаллов твердых растворов титанатов бария и свинца и монокристаллов титаната свинца	1022
химия	
А. Ф. Жигач, Е. Б. Казакова н Е. С. Кронгауз. В-триэтилборазол	1022
В. И. Қасаточкин и О. И. Зильбербранд. О химическом строении керогена сланцев	1032
И. Л. Кнунянц и А. В. Фокин. Нитрование перфторолефинов дву окисью азота А. Л. Либерман, О. В. Брагин и Б. А. Казанский. Каталитическая циклизация	1033
н-пропилбензола в индан	1038
цовоорганических соединений класса ArPbX <sub>3</sub> А. В. Топчиев, С. С. Нифонтова, Р. Я. Сущик и А. А. Сучкова. Нормальные	1042
парафиновые углеводороды, выделенные из керосина ромашкинской нефти	1045
<b>Н. И. Шуйкин</b> и <b>И. Ф. Бельский.</b> О раскрытии тетрагидрофуранового цикла под действием некоторых галоидных соединений	1048
ФИЗИЧЕСКАЯ ХИМИЯ	
<b>Н. Я. Бунэ</b> и <b>Я. М. Колотыркин.</b> Электрохимическое поведение нержавеющей стали в растворе серной кислоты	1050
БИОХИМИЯ	
А. Н. Петрова. Новые данные о биосинтезе гликогена в печени	1054
<b>Е. Л. Розенфельд</b> и <b>И. С. Лукомская.</b> О возможности существования в печени полисахарида, отличного от гликогена.	1058
<b>Б. И. Хайкина</b> . Содержание и обмениваемость отдельных фракций гликогена в ткани головного мозга	1061
ГЕОЛОГИЯ	1001
Т. В. Астахова. К вопросу о стратиграфическом положении слова. С Daricrapites	1065
А. b. Вистелиус. Схема районирования современных отложений Восточного Кавказа и Северного Прикасция по их минералогическому составу	1068
Б. А. Корженевский. О некоторых геоморфологических чертах хребта Каратау на Мангышлаке	1072
палеогена Средней Азии	1076
Л. Я. Проводников. О преимуществе геокартирования по геофизическим графикам и возможных ошибках в геологических выводах по картам изоаномал	10/0
П. П. Тимофеев. Генетическая классификация гумусовых углей среднего карбона Лонбасса	1080

бона Донбасса.......

МИНЕРАЛОГИЯ	Cmp.
Я. Я. Яржемский. Преображенскит — новый борат соленосной толщи Индерского поднятия	n
ПАЛЕОНТОЛОГИЯ	
<ul> <li>И. А. Ефремов. Американские элементы в фауне пермских пресмыкающихся СССР.</li> <li>А. И. Нецкая и В. А. Иванова. Первая находка остракод в нижнем кембрии Восточной Сибири.</li> <li>Е. А. Рейтлингер. Микроскопические органические (?) остатки сердобской серии.</li> <li>Н. П. Суворова. Род Lermontovia в нижнем кембрии Сибири и Средней Азии (трилобиты)</li> </ul>	1091
ГИСТОЛОГИЯ:	
<ul> <li>Л. Д. Марцинкевич. Развитие и возрастные изменения эластической стромы кожи млекопитающих.</li> <li>Г. Г. Тиняков. К вопросу о развитии волоса у сельскохозяйственных животных</li> </ul>	1105 1109
ЭКОЛОГИЯ	
<b>Е. А. Коряков.</b> Некоторые экологические приспособления в размножении голомянок (Pisces, Comephoridae)	1111
<ul> <li>М. И. Гольдин и В. Л. Федотина. Исследование вируса мозаики табака методом</li> </ul>	
ультратонких срезов	1115
(гриземин) и его продуценты	1117
ЭКОЛОГИЯ РАСТЕНИЙ	
<b>Е. А. Дороганевская.</b> О связи активности каталазы у полыни с экологическими условиями	1123
ризиология растений	
<ul> <li>Ю. И. Власов. Устойчивость томата к стрику в зависимости от экологических условий</li></ul>	1127
томатов	1130 1134
растений	1138
оология	
O. П. Богданов. О нахождении на территории СССР заднебороздчатой змен зериге — Psammophis schokari Forskal	1142
monata, Stylommatophora)	1144
изиология	
А. Н. Алиев. К физиологическому анализу механизмов инто- ксикации организма при анаэробной инфекции (на модели интоксикации белых крыс токсином Vibrio septique)	1147
МБРИОЛОГИЯ	
Т. А. Детлаф. Видовые различия в формообразовательных свойствах зароды- шевого материала и смещение гаструляции относительно стадий дробления (значение соотношения стадий развития и клеточных поколений)	1149
г. А. Шмидт. Рост и дифференцировка зародышевого диска у коровы (Bos taurus)	1153

# CONTENTS

MATHEMATICS	Page
<ul> <li>I. Berstein and A. Halanay. The index of a singular point and the existence of periodic solutions of systems involving a small parameter.</li> <li>M. S. Brodsky. On Jordanian cells of operators having an infinite number of dimensions.</li> </ul>	923 926
of dimensions  A. A. Gonchar. On a new quasianalytical class of functions	930
integral is taken along an open curve	937
M. A. Kreines, I. A. Wainstein and N. D. Eisenstadt. Nomograms for functions given on a net	941
tation to surfaces of bounded external curvature $\dots$	945
V. I. Sobolev. On the splitting of linear operators	951 955 959 962
MECHANICS SHAW	
N. A. Tsytovich. On the estimation of cohesion in cohesive grounds by ball test	965
FLUID MECHANICS	000
G. L. Grodzovsky. Automodel motion of gas in strong peripheral explosion  THEORY OF ELASTICITY	969
Will be a second of the second	
M. I. Rosovsky. Semisymbolic method of solving certain problems in the hereditary elasticity theory	972
MATHEMATICAL PHYSICS	
V. P. Maslov. The use of the perturbation theory for finding the spectrum of ordinary differential operators involving a small parameter in the term with the highest derivative	977 981
PHYSICS	
<ul> <li>K. P. Belov and I. K. Panina. Estimation of the spontaneous deformation of the lattice on ferromagnetic transformation</li> <li>B. B. Govorkov, V. I. Goldansky, O. A. Karpukhin, A. V. Kutsenko and V. V. Pavlovskaya. Elastic scattering of γ-quanta of up to 120 Mev energy by protons</li> <li>L. S. Dulkova, I. B. Sokolova and M. G. Shafranova. Scattering of 300 Mevenergy pions, both positive and negative, on hydrogen</li> <li>E. K. Zavoisky, M. M. Butslov and G. E. Smolkin. Limit intensification coefficient and proper noises of electron optical light intensifiers</li> <li>V. V. Sobolev. Transfer of radiation in unhomogeneous medium</li> </ul>	985 988 992 996 1000
BIOPHYSICS	
<ul> <li>E. J. Graevsky and A. A. Neyfakh. On the rôle of the pituitary body in the affection of eggs of Amphibians exposed to total treatment with ionizing radiation.</li> <li>Z. N. Faleyeva. Influence of X-radiation upon the cellular composition of blood in mice in the case of application of protective agents.</li> </ul>	1004
TECHNICAL PHYSICS	
L. S. Stilbans, B. I. Bok and E. L. Lifshits. On the mechanism of the scattering of carriers in tellurium lead	1011
ELECTRICAL ENGINEERING	
A. Sh. Blokh. Synthesis of contact $(p, q)$ -poles	1017 1020

CRYSTALLOGRAPHY	70
M. L. Sholokhovich, E. G. Fesenko, O. P. Kramarov and A. L. Khodakov. The pro-	Pages
duction and properties of single crystals of solid solutions of barium titanate and lead titanate and of single crystals of lead titanate.	
CHEMISTRY	
A. F. Zhigach, E. B. Kazakova and E. S. Kronhaus. The B-triethylborazole . V. I. Kasatochkin and O. I. Silberbrand. On the chemical structure of kerogen in oil shales	
1. L. Knuniants and A. V. Fokin, Nitration of pertuggoletines by nitrogen di-	
oxide	1035
E. M. Pariov V. I. Lodochnikova and K. A. Kocheshkov. A now method for the	1039
production of ArPbX <sub>3</sub> lead-organic compounds  A. V. Topchiev, S. S. Nifontova, R. J. Sushchik and A. A. Suchkova. Normal	1042
paraffins isolated from the Romashkin petroleum gasoline	1045
PHYSICAL CHEMISTRY	
N. J. Buné and J. M. Kolotyrkin. The electrochemical behaviour of stainless steel in sulphuric acid solution	1050
BIOCHEMISTRY	
A. N. Petrova. New data on the biosynthesis of glycogen in the liver E. L. Rosenfeld and I. S. Lukomskaya. A new polysaccharide in the liver differing	
from glycogen	1058
GEOLOGY	
T. V. Astakhova. A contribution to the problem as to the stratigraphic position of Doricranites-containing layers.  A. B. Vistelius. Regional division of the recent deposits of Eastern Courses.	1065
Caucasus and Northern Near-Caspian by mineral associations B.A. Korzhenevsky. On some geomorphological features of the Karatau mountain range (Mangyshlak)	1003
complex from the Paleogene of Central Asia	1076
geophysical graphs, and the possible errors involved in geological conclusions inferred from isoanomal line maps	1080
Carboniferous of the Donetz Basin	1083
J. J. Yarzhemsky. Preobrazhensquite, a new borate of saliferous strata of the	1 31
Inder upheaval	
I. A. Efremov, American elements in the fauna of Permian Reptiles of the USSR	1091
A. I. Neckaya and V. A. Ivanova. The first discovery of Ostracoda in the Lower Cambrian of Eastern Siberia	1095
N. P. Suvorova. The genus Lermontovia from the Lower Cambrian of Siberia and Central Asia (Trilobites)	
HISTOLOGY  L. D. Marzinkevich. Development and age-variations in the elastic stroma of the	
skin in Mammals	1105
animals	. 1100
E. A. Koriakov. Certain ecological adaptations in the reproduction of Comephorida	ne 1111
MICROBIOLOGY  M. I. Goldin and V. L. Fedotina. Mosaic virus of tobacco, studied by the method	1911 10
M. I. Goldin and V. L. Fedotina. Mosaic virus of tobacco, studied by the method	1115

THE PARTY OF THE P	Pages
N. A. Krasilnikov, A. N. Belozersky, J. I. Rautenstein, A. I. Korenjako, N. I. Nikitina, A. I. Sokolova and S. O. Urisson. Antibiotic grisin (grisemin) and	1117
its producents	1121
PLANT ECOLOGY	
E. A. Doroganevskaya. Catalase activity in Artemisia as connected with ecological conditions	1123
PLANT PHYSIOLOGY	
<ul> <li>Yu. I. Vlasov. The resistance of the tomato plant to streak disease, as influenced by ecological conditions</li> <li>E. J. Ermolayeva. The effect of high phosphorus doses upon the increase of cold resistance in tomato plants</li> <li>I. V. Mosolov, A. N. Lapshina and A. V. Panova. A contribution to the problem of extra-radical plant nutrition</li> <li>E.M. Poltarev. The formation of the iarovization stade in interspecific wheat hybrids</li> </ul>	1127 1130 1134 1138
ZOOLOGY	
<ul> <li>O. P. Bogdanov. On the discovery of the sand snake Psammophis schokari Forskal. in the USSR.</li> <li>P. V. Matekin. New data concerning the area of distribution of Succinea elegans Risso (Gastropoda, Pulmonata, Stylommatophora)</li> </ul>	1142 1144
PHYSIOLOGY	
A. N. Aliev. An attempt to a physiological analysis of the process of intoxication of the organism in case of anaerobic infection (on a model of intoxication of white rats with Vibrio septique)	1147
EMBRYOLOGY	
T. A. Dettlaff. The species differences in the form building properties of the germ material and the shift of gastrulation processes with respect to cleavage stages (the problem of biological age of the embryo as an interrelation of developmental stages and cell generations)	1149 1153
907	
ПОПРАВКА	
В моей статье, помещенной в ДАН, т. 107, № 3, 1956 г. (И. Я. Бакель «Оценки деформаций регулярных выпуклых поверхностей в зависимости от изме их внутренней метрики») по моему недосмотру в оценках теорем 1—4 пропущен житель $C(M, R_0)$ , где $M = \max\left\{\left[\left\ z_0\right\ _{2, \alpha+\epsilon}, \left\ \frac{dF(0)}{dr}\right\ _{\alpha+\epsilon}, \ldots, \left\ \frac{dF(0)}{dz}\right\ _{\alpha+\epsilon}\right\}$ . Этот житель представляет собой норму операции $[P'(z_0)]^{-1}$ .	нения
Оценки в указанных теоремах должны быть записаны так: Теорема 1. $  z-z_0  _{2,\alpha} \le 2C (M,R_0)(\delta+\delta_1)$ . Теорема 2. $  z-z_0  _{2,\alpha} \le C (M,R_0) \delta$ .	
Теорема 3. $  r-r_0  _{2\alpha} \le 6C(M, R_0)(\delta + \delta_1)$ .	DIO
Teopema 4. $\  \rho' - \rho_0 \ _{2\alpha'} \le 2C(M, R_0) \delta;$ $\  \phi' - \phi_0 \ _{2\alpha'} \le 2C(M, R_0) \delta;$ $\  \phi' - \phi_0 \ _{2\alpha'} \le 2C(M, R_0) \delta.$	K <sub>0</sub> ) 0,
И G Fara	** *****

Т-11764 Подписано к печати 24 XII 1956 г. Тираж 5950 экз. Заказ 1001 Формат бумаги  $70 \times 108^{1}/_{16}$ . Бум. л.  $7^{1}/_{2}$  Печ. л. 20,55+6 вкл. Уч.-изд. л. 20,2

### и. БЕРШТЕЙН и А. ХАЛАНАЙ

# ИНДЕКС ОСОБОЙ ТОЧКИ И СУЩЕСТВОВАНИЕ ПЕРИОДИЧЕСКИХ РЕШЕНИЙ СИСТЕМ С МАЛЫМ ПАРАМЕТРОМ

(Представлено академиком П. С. Алексанрдовым 13 VII 1956)

Круг вопросов, к которому принадлежит настоящая заметка, касается тановления геометрических критериев существования периодических шений систем с малым параметром. Оказывается, что можно получить статочно общий критерий, используя индекс особой точки.

Пусть дана система

$$\frac{dx}{dt} = X(x) + \mu Y(x, t, \mu), \quad x \in E^n, \tag{1}$$

е X и Y — непрерывные n-мерные вектор-функции, причем Y периодически висит от t — с периодом  $\omega$ .

Предположим, что начало координат является изолированной особой чкой порождающей системы

$$\frac{dx}{dt} = X(x). (1')$$

Кроме того предполагается, что в некоторой окрестности  $\Omega$  начала ординат выполнены условия, обеспечивающие единственность решения, также его непрерывную зависимость от начальных условий и от параметра (при  $|\mu| < \mu_0$ ).

Нас интересует существование для достаточно малого и периодических шений системы (1). Легко видеть, что это равносильно существованию

подвижных точек непрерывного отображения

$$\varphi_{\mu}$$
:  $\Omega \to E^n$ ,  $\varphi_{\mu}(x_0) = x_{\mu}(x_0, \omega)$ , (2)

 $x_{\mu}(x_0, \omega)$  — решение системы (1), которое при t=0 проходит через ку  $x_0$ . Это, в свою очередь, равносильно существованию особой точки сторного поля

 $V_{\mu}(x_0, \mu) = x_{\mu}(x_0, \omega) - x_0.$  (2')

Такая точка заведомо существует внутри сферы S с центром в начале ординат, если характеристика поля (2') на S отлична от нуля (см., пример, (1), гл. XVI, ([5:13]). Но при достаточно малых  $\mu$  характестика поля  $V_{\mu}(x_0, \omega)$  на S равна характеристике поля  $V(x_0, \omega) = V_0(x_0, \mu)$ ; это следует из непрерывной зависимости решений от пара-

Пусть S — любая сфера, содержащаяся в достаточно малой окрестнов начала и на которой векторное поле X(x) не имеет особых точек. покажем, что при некоторых условиях характеристика поля  $V(x_0, \omega)$ S равна просто индексу изолированной особой точки x=0 поля

x). По определению, индекс изолированной особой точки x векторного

поля равен характеристике этого поля на достаточно малой сфере S вокруг x, внутри которой нет других особых точек \*. Для того чтобы показать, что характеристики полей  $X(x_0)$  и  $V(x_0, \omega)$  равны, достаточно доказать, что существует допустимая непрерывная деформация одного поля в другое,  $\tau$ . е. существует поле  $W(x_0, \tau)$  такое, что  $W(x_0, 0) = X(x_0)$   $W(x_0, 1) = \frac{1}{\omega} V(x_0, \omega)$ ,  $W(x_0, \tau) \neq 0$  на S при  $0 \leqslant \tau \leqslant 1$  (см. (¹), гл. XV [5:11]). Предположим, что особая точка x = 0 системы (1') не является центром,  $\tau$ . е. предположим, что существует достаточно малая окрестность этой точки, в которой система не имеет периодических решений кроме тривиального. Поле  $W(x_0, \tau)$  определим следующим образом:

$$W(x_0, \tau) = \frac{1}{\omega \tau} [x(x_0, \omega \tau) - x_0]$$
 при  $\tau \neq 0$ ,  $W(x_0, 0) = X(x_0)$ . (3)

Непрерывность поля обеспечивается тем, что  $\frac{d}{dt} x(x_0,t)|_{t=0} = X(x_0)$  а то, что  $W(x_0,\tau) \neq 0$  при  $0 \leqslant \tau \leqslant 1$ , следует из предположения, что данной окрестности нет периодических решений (и, следовательног  $x(x_0,\omega\tau) \neq x_0$ ).

Геометрический смысл этой деформации вполне ясен: мы деформируем касательный вектор X(x) в вектор, соединяющий точки  $x_0$  и  $x(x_0, \omega)$ 

через хорды, соединяющие точки  $x_0$  и  $x(x_0, t)$ ,  $0 \leqslant t \leqslant \omega$ .

Таким образом, индекс особой точки x=0 системы (1') равен характеристике векторного поля  $V(x_0,\omega)$ , а значит и поля  $V_{\mu}(x_0,\omega)$  при достаточно малом  $\mu$ ; если этот индекс отличен от нуля, то поле  $V_{\mu}(x_0,\omega)$  имеет особую точку и, следовательно, существует периодическое решение системы (1).

Итак, доказана следующая теорема.

Теорема 1. Если особая точка системы (1') не является центрол и ее индекс отличен от нуля, то при достаточно малом  $\mu$  система (11 имеет периодическое решение, которое при  $\mu \to 0$  стремится к особот точке системы (1').

То, что теорема 1 не имеет места в случае центра, видно из самы: простых примеров квазилинейных колебаний. Все же условие отсутствия центра можно ослабить. Во-первых, из самого доказательства можно усмотреть, что если особая точка не является предельной для периодических решений системы (1') с собственными периодами  $\omega' \leqslant \omega$ , то утверждение теоремы остается верным. Во-вторых, для случая n=2 можно получить следующий результат:

Теорема 2. Если при n=2 в некоторой окрестности особой точки существует периодическое решение системы (1') с периодом  $\omega'$ , причел  $\omega' \neq \omega$ , то при достаточно малом  $\mu$  существует периодическое решении

системы (1) периода ю.

Доказательство. Пусть  $\Gamma$  — траектория периодического решени: системы (1'). Характеристика поля X(x) на  $\Gamma$  равна 1, так как X(x) касательно к  $\Gamma$ . Обозначим  $V(x_0, t) = x(x_0, t) - x_0$ . Пусть  $\omega = k\omega' + \overline{\omega} < \omega'$ . На  $\Gamma$  поле  $V(x_0, \omega)$  совпадает с полем  $V(x_0, \overline{\omega})$ , так как если  $x_0 \in \Gamma$ , то имеем

$$x(x_0, \omega) = x(x_0, \overline{\omega} + k\omega') = x(x_0, \overline{\omega}).$$

Но при  $0 \leqslant t \leqslant \omega$ ,  $V(x_0, t)$  отлично от нуля на  $\Gamma$ , и это показывает что можно допустимо деформировать поле  $X(x_0)$  в поле  $V(x_0, \omega)$ . Отсюд

<sup>\*</sup> Напомним, что характеристика векторного поля X(x) на сфере  $S^{n-1} \subset E^n$ , на которой  $X \neq 0$  — это степень отображения  $\frac{X(x)}{|X(x)|}$  (|X| — длина вектора X) сферо  $S^{n-1}$  в единичную сферу. В случае n=2 — это индекс Пуанкаре.

следует, что поле  $V(x_0, \omega)$  имеет характеристику 1 на  $\Gamma$ . Дальше рас-

суждаем, как в теореме 1.

Пример 1. Если n=2, то индекс  $\chi$  легко вычислить из конфигурации интегральных кривых:  $\chi=1-\frac{e}{2}+\frac{i}{2}$ , где e— число точек внешнего, а i— число точек внутреннего скольжения на окружности, содержащей внутри данную особую точку. Так, в рассмотренном в (²) случае имеем  $\chi<0$ , и существование периодического решения системы с малым параметром следует из теоремы 1.

Пример 2. Если тривиальное решение (автономной) системы (1') асимптотически устойчиво, то  $\chi = \pm 1$ , и получаем снова результат из (3).

Пример 3. Система

$$\frac{dx}{dt} = x^{2} + y^{2} + \mu^{2},$$

$$\frac{dy}{dt} = x^{2} + y^{2} + \mu^{2}$$

имеет (при  $\mu=0$ ) в начале координат особую точку с индексом  $\chi=0$ . Она не допускает при  $\mu\neq0$  периодических решений, так как все ее траектории—прямые с угловым коэффициентом 1, а скорость строго положительна. Таким образом, условие неравенства нулю индекса в теореме 1 существенно.

Математический институт Академии Румынской Народной Республики Бухарест Поступило 28 IV 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> П. С. Александров, Комбинаторная топология, М., 1947. <sup>2</sup> А. Натапау, Acad. R. P. R., Bul. St., Secția mat. fiz., 7, No. 2, 319 (1955); І. Вагьй аt, Acad. R. P. R., Bul. St., Secția mat. fiz., 7, No. 2, 325 (1955). <sup>3</sup> А. Нагапау, Acad. R. P. R., Bul. St., Secția mat. fiz., 6, No. 3, 483 (1954).

## м. с. БРОДСКИЙ

# о жордановых клетках бесконечномерных операторов

(Представлено академиком А. Н. Колмогоровым 12 VII 1956)

Аналогом конечномерного оператора, имеющего лишь один элементарный делитель, естественно считать в случае бесконечномерного пространства оператор, обладающий следующим свойством: одно из любых двух его инвариантных подпространств является частью другого. Условимся называть такой оператор одноклеточным. В настоящей статье приводится достаточный признак одноклеточности и рассматриваются некоторые примеры. В частности, дается решение задачи, обобщающей задачу И. М. Гельфанда (¹): указываются достаточные условия, которые нужно наложить на функции  $f_0(x)$ ,  $\phi_1(x)$ ,  $\phi_2(x)$ , . . . ,  $\phi_r(x)$  для того, чтобы последовательность

$$f_0(x)$$
,  $f_1(x) = Kf_0(x)$ ,  $f_2(x) = Kf_1(x)$ , ...

где

$$Kf = \int_{0}^{x} \left[\varphi_{1}(x)\overline{\varphi_{1}(t)} + \varphi_{2}(x)\overline{\varphi_{2}(t)} + \ldots + \varphi_{r}(x)\overline{\varphi_{r}(t)}\right] f(t) dt$$

являлась полной в  $L_2[0, 1]$ .

I. Пусть в гильбертовом пространстве H действует линейный ограниченный оператор A, у которого неэрмитово подпространство  $E=\frac{A-A^*}{i}$  H конечномерно. Обозначим через  $e_{\alpha}$  ( $\alpha=1,2,\ldots,r$ ) ортонормированный базис собственных векторов оператора  $\frac{A-A^*}{i}$  в подпространстве E, через  $\omega_{\alpha}$ — соответствующие этим векторам собственные значения. Будем предполагать, что: а) спектр оператора A состоит из одной лишь точки 0; б)  $\omega_{\alpha} > 0$  ( $\alpha=1,2,\ldots,r$ ); в) оператор A простой,  $\alpha=1,2,\ldots,r$ 0 совпадает с  $\alpha=1,2,\ldots,r$ 1 совпадает с  $\alpha=1,2,\ldots,r$ 2 совпадает с  $\alpha=1,2,\ldots,r$ 3 совпадающих перечисленными выше свойствами, обозначим через  $\alpha=1,2,\ldots,r$ 3

Рассмотрим характеристическую матрицу-функцию (2,3) оператора A:

$$W(\lambda) = I - i \Pi \| ((A - \lambda E)^{-1} e_{\alpha}, e_{\beta}) \| \Pi^*,$$

где  $\Pi$  — произвольная квадратная или прямоугольная матрица, удовле-

творяющая условию 
$$\Pi^*\Pi=\Omega,\; \Omega=\left\|\begin{smallmatrix}\omega_1\\\omega_2\\\vdots\\\omega_r\end{smallmatrix}\right\|$$
 . Элементы матрицы  $W\left(\lambda\right)$ 

являются, очевидно, целыми функциями от  $z=\frac{1}{\lambda}$ , причем  $\lim_{\lambda\to\infty}W\left(\lambda\right)=I.$  Кроме того, из равенства

$$I - W(\lambda) W^*(\lambda) = i (\lambda - \overline{\lambda}) \prod \| ((A - \lambda E)^{-1} e_{\alpha}, (A - \lambda E)^{-1} e_{\beta}) \| \Pi^*$$

зытекает, что

$$W(\lambda) W^*(\lambda) = I \quad (\operatorname{Im} \lambda = 0); \quad W(\lambda) W^*(\lambda) > I \quad (\operatorname{Im} \lambda > 0).$$

Следовательно (4),

$$W(\lambda) = \int_{0}^{t} e^{\frac{i}{\lambda} dE(x)} = \lim_{\Delta x_{i} \to 0} \left( e^{\frac{i}{\lambda} \Delta E_{h}} \dots e^{\frac{i}{\lambda} \Delta E_{2}} e^{\frac{i}{\lambda} \Delta E_{1}} \right), \tag{1}$$

где  $E\left(x\right) = \int\limits_{0}^{x} \beta^{2}\left(t\right)dt;\;\beta^{2}\left(x\right)$  — некоторая эрмитово неотрицательная матри-

ца, суммируемая на промежутке [0, l],  $l = \sum_{\alpha=1}^{\infty} \omega_{\alpha}$  и удовлетворяющая условию  $\operatorname{Sp} \beta^{2}(x) \equiv 1$ ,  $0 = x_{0} < x_{1} < x_{2} < \ldots < x_{k} = l$ ,  $\Delta E_{l} = E(x_{l}) - E(x_{l-1})$ ,  $\Delta x_{l} = x_{l} - x_{l-1}$ . Число l будем называть неэрмитовым следом эператора A.

Из мультипликативного представления (1) легко следует, что

$$\|W(\lambda)\| \leqslant /e^{I/|\lambda|}. \tag{2}$$

T е о р е м а. E сли знак равенства в (2) достигается (8) том смысле, ито для любого  $\epsilon > 0$  найдется последовательность  $\lambda_k \to 0$ , для которой  $I_{-\epsilon}$ 

 $W(\lambda_k)\| > e^{\frac{1-x}{|\lambda_k|}} (k=1,2,3,\ldots))$ , то оператор A является одноклеточным. Доказательство. 1) Рассмотрим пространство L вектор-функций  $(x) = \|f_1(x)f_2(x)\dots f_r(x)\|$ , заданных на промежутке [0,l], со скалярным

троизведением  $(f, g) = \int\limits_0^x f(x) \, g^*(x) \, dx$ . Оператор A унитарно эквивалентен простой части (2) оператора B, заданного в L равенством

$$Bf(x) = i \int_{y}^{t} f(t) \beta(t) dt \beta(x).$$
 (3)

Из (3) следует, что

$$\lambda ((B - \lambda E)^{-1} f, e) = -\int_{0}^{t} f(x) \beta(x) W(x, \lambda) dx e_{1}^{*}, \tag{4}$$

где  $f\in L$ ,  $e\in \frac{B-B^*}{i}$  L,  $e_1$  — некоторый вектор с постоянными координатами, являющийся линейной функцией от e, а матрица  $W\left(x,\lambda\right)$  удовлегворяет условиям

$$\frac{dW(x, \lambda)}{dx} = \frac{i}{\lambda} \beta^{2}(x) W(x, \lambda), \quad W(0, \lambda) = I,$$

и, следовательно, представима в виде  $W(x,\lambda)=\int\limits_0^x e^{\frac{t}{\lambda}dE(t)}, E(x)=\int\limits_0^x \beta^2(t)\,dt$ . Так как  $\|W(x,\lambda)\|\leqslant e^{\frac{x}{|\lambda|}}$  и матрица  $W(x,\lambda)$  при веществен-

 $\delta$  ном  $\lambda$  унитарна, то, оценивая левую часть (4) и заменяя B на A,

$$|\lambda ((A - \lambda E)^{-1}f, e)| < e^{\frac{1+\varepsilon}{|\lambda|}} \quad (|\lambda| < M (\varepsilon, f, e), f \in H, e \in E);$$

$$|\lambda ((A - \lambda E)^{-1}f, e)| < C ||f|||e|| \quad (\operatorname{Im} \lambda = 0, f \in H, e \in E),$$
(6)

где  $\varepsilon > 0$  произвольно, а C — постоянная, не зависящая от f, e и  $\lambda$ . 2) Пусть  $H_0$  — некоторое инвариантное подпространство оператора A $A_0$  — оператор, порожденный оператором A в  $H_0$ . Легко проверить, что оператор  $A_0$  вместе с A принадлежит классу  $K^+$ . Следовательно, оценка (5) справедлива и для оператора  $A_0$ :

$$|\lambda((A_0 - \lambda E)^{-1} f_0, e_0)| < e^{\frac{t_0 + \varepsilon}{|\lambda|}} \quad (|\lambda| < M_0(\varepsilon, f_0, e_0), f_0 \in H_0, e_0 \in E_0), \tag{7}$$

где  $E_0$  — неэрмитово подпространство оператора  $A_0$ ;  $l_0$  — его неэрмитор

след. Заметим, что при  $H_0 \neq H$   $l_0 < l$ .

3) Допустим, что оператор A имеет в H инвариантные подпростран ства  $H_1$  и  $H_2$ , причем H является замыканием множества векторов вида  $f_1 + f_2$   $(f_i \in H_i)$ . Покажем, что одно из подпространств  $H_i$  совпадает с  $H_i$ Допуская противное, получим неравенства  $l_i < \hat{l}$   $(i=1,\,2)$ , где  $l_i$  — неэрмитов след оператора  $A_i$ , порожденного оператором A в  $H_i$ . Пусть e' г e'' — некоторые орты, принадлежащие E. Тогда  $e'=\lim_{n\to\infty}f_n,\,f_n=f_n^{(1)}+$  $+ f_n^{(2)} (f_n^{(i)} \in H_i)$  и

$$\begin{split} ((A-\lambda E)^{-1}f_n,\,e'') &= ((A_1-\lambda E)^{-1}f_n^{(1)},\,e'') + ((A_2-\lambda E)^{-1}f_n^{(2)},\,e'') = \\ &= ((A_1-\lambda E)^{-1}f_n^{(1)},\,e_1) + ((A_2-\lambda E)^{-1}f_n^{(2)},\,e_2), \end{split}$$

где  $e_1$  и  $e_2$  являются проекциями орта e'' на  $H_1$  и  $H_2$  и поэтому принадлежат, соответственно, неэрмитовым подпространствам операторов  $A_1$  и  $A_{2*}$ Используя оценку (7), получим:

$$|\lambda\left((A-\lambda E)^{-1}f_{n},\,e''\right)| < e^{\frac{l^*+\varepsilon}{|\lambda|}} \quad (|\lambda| < M'\,(\varepsilon,\,f_{n},\,e''),\,l^* = \max{\{l_1,\,l_2\}} < l).$$
 Так как, в силу (6),

$$|\lambda((A-\lambda E)^{-1}f_n, e'')| < C||f_n|| \quad (\operatorname{Im} \lambda = 0),$$

то, применяя к целой функции  $\frac{1}{z} \left( \left( A - \frac{1}{z} E \right)^{-1} f_n, e'' \right)$ ,  $z = \frac{1}{\lambda}$ , известную теорему С. Н. Бернштейна, получим для всех λ ≠ 0:

$$\|\lambda\left((A-\lambda E)^{-1}f_n,\ e''\right)\|C\|f_n\|e^{\stackrel{\underline{l^*}}{\lambda}}, \quad \|\lambda\left((A-\lambda E)^{-1}e',\ e''\right)\|\leqslant Ce^{\stackrel{\underline{l^*}}{\lambda}}.$$
 ледовательно,

Следовательно,

$$\| W (\lambda) \| < e^{\frac{l^* + \varepsilon}{|\lambda|}} \quad (|\lambda| < N (\varepsilon), \ l^* < l),$$

что противоречит условию теоремы.

4) Пусть теперь H' и H'' производные инвариантные подпространства оператора A;  $H_1$  — наименьшее подпространство, содержащее H' и H'';  $H_2 = H \ominus H_1$ . Тогда (3)

$$W(\lambda) = W_2(\lambda) W_1(\lambda), \quad (8)$$

тде  $W_i(\lambda)$  — проекция  $W(\lambda)$  на подпространство  $H_i$ . Так как неэрмитов глед l оператора A равен сумме неэрмитовых следов операторов  $A_1$  и  $A_2$ , порожденных A в  $H_1$  и  $H_2$  ( $A_2f=P_2Af$  ( $f\in H_2$ ), где  $P_2$  — оператор проектирования на  $H_2$ ), то из (8) легко следует, что оператор  $A_1$  также удовлетворяет условиям теоремы. Повторяя рассуждения предыдущего тункта, найдем, что либо H', либо H'' совпадает с  $H_1$ . Теорема доказана. II. Рассмотрим в  $L_2[0,l]$  оператор

$$Af(x) = i \int_{0}^{x} \left[ \varphi_{1}(x) \overline{\varphi_{1}(t)} + \varphi_{2}(x) \overline{\varphi_{2}(t)} + \dots + \varphi_{r}(x) \overline{\varphi_{r}(t)} \right] f(t) dt =$$

$$= i \xi(x) \int_{0}^{x} \xi^{*}(t) f(t) dt, \qquad (9)$$

 $\xi(x) = \|\varphi_1(x)\varphi_2(x)\dots\varphi_r(x)\|, \quad \xi(x)\xi^*(x) \equiv 1.$ 

Тегко проверить, что он принадлежит классу  $K^+$ . Если матрица  $W(x, \lambda)$  гдовлетворяет условиям  $\frac{dW(x, \lambda)}{dx} = \frac{i}{\lambda} \, \xi^*(x) \, \xi(x) \, W(x, \lambda), \quad W(0, \lambda) \equiv 1$ , то матрица  $W(\lambda) = W(l, \lambda)$  является характеристикой для оператора (9). Исследуя асимптотическое поведение функции  $W(x, \lambda)$  при  $\lambda \to 0$  и приненяя доказанную выше теорему, получаем следующий результат.

1) Если каждая из функций  $\varphi_i(x)$  имеет абсолютно непрерывную гроизводную первого порядка, то оператор (9) является одноклеточным. (аждое его инвариантное подпространство состоит из всех функций, равных нулю почти всюду на некотором промежутке  $[0, a], a \leq l$ .

Следствие. При условиях, наложенных на функции  $\varphi_i(x)$ , последоательность  $f_k(x) = A^k f_0(x) \ (k = 0, 1, 2, \ldots)$  в том и только том слуае плотна в  $L_2[0, l]$ , когда мера множества тех точек интервала  $(0, \varepsilon)$ , которых  $f_0(x) \neq 0$ , положительна при любом  $\varepsilon > 0$ .

В случае, когда вектор  $\xi(x)$  является кусочно-постоянным, матрицарункция  $W(\lambda)$  легко вычисляется, что приводит к следующему выводу:

2) Если  $0 = x_0 < x_1 < x_2 < \ldots < x_p = l$  и вектор  $\xi(x)$  сохраняет постоянное значение  $\xi_k$  на промежуткё  $[x_{k-1}, x_k)$   $(k = 1, 2, \ldots, p)$ , то ператор (9) является одноклеточным в том и только том случае, когда реди векторов  $\xi_1, \xi_2, \ldots, \xi_p$  нет соседних взаимно ортогональных.

Утверждения 1) и 2) остаются в силе, если отбросить условие  $(x) \, \xi^* \, (x) \equiv 1$  и потребовать лишь, чтобы почти всюду на  $[0, \, l]$  выпол-

іялось неравенство  $\xi(x) \xi^*(x) \neq 0$ .

Одесский государственный педагогический институт им. К. Д. Ушинского

Поступило 20 IV 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> И. М. Гельфанд, Усп. матем. наук, в. 5, 233 (1938). <sup>2</sup> М. С. Лившиц, Матем. сборн., **34** (76): 1, 145 (1954). <sup>3</sup> М. С. Бродский, ДАН, **97**, № 5, 761 (1954). <sup>1</sup> В. П. Потапов, ДАН, **77**, № 5, 849 (1950).

# MATEMATUKA

#### А. А. ГОНЧАР

## О НОВОМ КВАЗИАНАЛИТИЧЕСКОМ КЛАССЕ ФУНКЦИЙ

(Представлено академиком А. Н. Колмогоровым 13 VII 1956)

А. Н. Колмогоров заметил, что обратные теоремы о зависимости внутренних свойств функции от скорости стремления к нулю ее наилуч ших приближений рациональными функциями ( $^1$ ) естественно формули ровать, не ограничиваясь рассмотрением класса непрерывных функциями

В настоящей заметке посредством наилучших приближений рациональными функциями вводится квазианалитический класс измеримых функц

ций, определенных и конечных почти всюду на отрезке [0, 1].

Пусть f(x) — функция, непрерывная на замкнутом множестве F. На зовем наилучшим приближением функции f(x) на множестве F рациональными функциями n-го порядка величину

$$R_n(f; F) = \inf_{\substack{R_k(x) \\ k \le n}} \max_{x \in F} |f(x) - R_k(x)|.$$

Определение. Измеримая функция f(x), определенная и конечная почти всюду на отрезке [0, 1], принадлежит классу R [0, 1], если для произвольного  $\epsilon > 0$  найдется замкнутое множество  $F_\epsilon$ , mes  $F_\epsilon > 1$ — за такое, что f(x) непрерывна на нем, причем

$$\lim_{n\to\infty}\sqrt[n]{R_n(f;F_{\varepsilon})}=0.$$

Справедливы следующие теоремы, показывающие, что функции класса R обладают рядом свойств, аналогичных важнейшим свойствам класса аналитических функций.

Теорема 1. Пусть функции f(x) и g(x) принадлежат класси R[0,1] и f(x)=g(x) на множестве  $\Delta$  положительной меры, принад-

лежащем отрезку [0, 1].

Tогда f(x) = g(x) почти всюду на отрезке [0, 1].

Доказательство. Нетрудно видеть, что функция u(x) = f(x) - g(x) принадлежит классу R[0, 1], причем u(x) = 0 на множестве  $\Delta$ , mes  $\Delta > 0$ ; предположим, что  $u(x) \neq 0$  на множестве  $\Delta_1$ , mes  $\Delta_1 > 0$ .

По определению существует замкнутое множество  $F_{\varepsilon}$ , mes  $F_{\varepsilon} > 1 - \varepsilon$ ,

такое, что u(x) непрерывна на нем, причем

$$R_n(u; F_{\varepsilon}) \leqslant C\alpha_n^n$$
,  $\alpha_n \to 0$  при  $n \to \infty$ .

При достаточно малом  $\mathfrak s$  найдутся замкнутые множества  $\mathfrak \delta$  и  $\mathfrak \delta_1$  положительной меры, принадлежащие  $F_{\mathfrak s}$  и такие, что  $u\left(x\right)=0$  при  $x\in\mathfrak d_1$ ,  $u\left(x\right)\neq 0$  при  $x\in\mathfrak d_1$ . Пусть  $R_n\left(x\right)$  — рациональная функция, осуществляющая наилучшее приближение функции  $u\left(x\right)$  на  $F_{\mathfrak s}$ . Тогда

$$|u(x) - R_n(x)| \leqslant C\alpha_n^n, \quad \alpha_n \to 0, \quad x \in F_{\varepsilon},$$

$$|R_n(x)| \leqslant C\alpha_n^n$$
 при  $x \in \delta$ .

Воспользуемся следующим результатом Е. Я. Ремеза (2). Пусть  $P_n(x)$  — полином степени n. Если

$$\max_{x\in E}\left|P_{n}\left(x\right)\right|\leqslant M,$$

где E — множество, принадлежащее отрезку [a, b], причем mes  $E \geqslant \theta$  (b-a),

$$\max_{x \in [a,b]} |P_n(x)| \leq MT_n \left(\frac{2}{\theta} - 1\right),$$

где  $T_n(x)$  — полином Чебышева.

Пусть  $R_n(x) = \frac{P_n(x)}{Q_n(x)}$ , где  $Q_n(x)$  нормирован условием  $\max_{x \in \delta} |Q_n(x)| = 1$ . На множестве  $\delta_1$  найдется точка  $\xi_n$  такая, что

$$|Q_n(\xi_n)| \gg \frac{1}{R^n}$$
,  $R$  не зависит от  $n$ . (1)

С другой стороны, 
$$\max_{x \in \delta} |P_n(x)| \leqslant C\alpha_n^n$$
, и, следовательно, 
$$\max_{x \in \delta_1} |P_n(x)| \leqslant \max_{x \in [0,1]} |P_n(x)| \leqslant C\alpha_n^n R_1^n, \quad R_1 \text{ не зависит от } n. \tag{2}$$

Используя (1) и (2), получаем:

$$|R_n(\xi_n)| = \left| \frac{P_n(\xi_n)}{Q_n(\xi_n)} \right| \leqslant C \left( \alpha_n R R_1 \right)^n.$$
(3)

Так как  $(\alpha_n R R_1)^n \to 0$  при  $n \to \infty$ , из (3) следует, что  $u(\xi) = 0$ , где  $\xi$  — предельная точка последовательности  $\{\xi_n\}$ . В то же время  $\xi \in \delta_1$ , т. е.  $u(\xi) \neq 0$ . Полученное противоречие доказывает теорему.

Замечание. В теореме 1 условие принадлежности обеих функций

f и g к классу R можно было бы заменить требованием

$$\lim_{n\to\infty} \sqrt[n]{R_n(u; F_{\varepsilon})} = 0$$

для разности u = f - g.

Tеорема 2.  $\Pi$ усть функция f(x) принадлежит классу R[0, 1].

Тогда почти всюду на отрезке [0, 1] существует асимптотическая производная  $f^{[1]}(x)$ , также принадлежащая классу R[0, 1].

Доказательство можно провести аналогично доказательству тео-

ремы 2 работы (1) с соответствующими изменениями.

Из теоремы 2 непосредственно вытекает следствие. Следствие. Функция f(x), принадлежащая классу R[0,1], бесконечно асимптотически дифференцируема.

Этот результат следует также из представляющей самостоятельный

чинтерес теоремы 3.

Теорема 3. Пусть для произвольного  $\varepsilon > 0$  найдется замкнутое множество  $F_{\varepsilon} \subset [0, 1]$ ,  $\operatorname{mes} F_{\varepsilon} > 1 - \varepsilon$ , такое, что

$$R_n(f; F_{\varepsilon}) \leqslant C(\varepsilon) \frac{1}{n^{p+\delta}},$$

p- целое,  $\delta > 0$  произвольно.

Тогда функция f(x) почти всюду на отрезке [0, 1] имеет р-ю асимппотическую производную.

Нетривиальным примером функций, принадлежащих классу R [0, 1], служат функции вида

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{A_n}{x - x_n} \,,$$

где  $\{x_n\}$  — счетное, всюду плотное на [0, 1] множество и

$$\lim_{n\to\infty} \sqrt[n]{A_n} = 0.$$

В заключение искренне благодарю А. Н. Колмогорова и С. Н. Мергеляна за ценные советы и указания.

Московский государственный университет им. М. В. Ломоносова

Поступило 13 VII 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

 $^1$  А. А. Гончар, ДАН, 100, № 2 (1955).  $^2$  Е. Я. Ремез, Сообщ. Харьковск. матем. общ., 13, 93 (1936).

#### В. В. ИВАНОВ

# ПРИБЛИЖЕННОЕ РЕШЕНИЕ СИНГУЛЯРНЫХ ИНТЕГРАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ В СЛУЧАЕ РАЗОМКНУТЫХ КОНТУРОВ ИНТЕГРИРОВАНИЯ

(Представлено академиком М. А. Лаврентьевым 11 VII 1956)

Пусть L — простая гладкая замкнутая кривая длины L и  $\theta(s)$  — угол, бразованный касательной к L с осью x. Везде в дальнейшем будем нитать, что начало координат находится внутри L и что  $\theta(s)$  как функия дуги удовлетворяет условию Гельдера H.

Лемма 1. Рассмотрим линейное нормированное пространство функти  $\{x\}$ , принадлежащих на L классу H с нормой  $\|x\| = \left(\frac{1}{L}\int_{1}^{L}|x|^{2}ds\right)^{\frac{1}{2}}$ .

ператор  $Sx = \frac{1}{\pi i} \int\limits_{L}^{x} \frac{x(t) dt}{t - t_0}, \ t_0 \in L$ , ограничен в этом пространстве.

 $\Pi$ емма 2. Для многочлена n-й степени  $P_n(t)$  справедливы оценки:

$$|P_n(t)| < c_1 \sqrt{n} ||P_n(t)||, \quad |P_n(\frac{1}{t})| < c_2 \sqrt{n} ||P_n(\frac{1}{t})||,$$

 $\in L$ ,  $c_1$ ,  $c_2$  — константы, не зависящие от t и n.

Опираясь на леммы 1, 2, основную теорему заметки (1) и работу (2), которой доказано, что для наилучшего равномерного приближения L верны те же оценки скорости сходимости, что и в случае окружности, можно перенести результаты заметки (1) относительно приближеного решения сингулярных интегральных уравнений на случай, когда онтуром интегрирования является рассматриваемая кривая L.

Рассмотрим теперь случай, когда контур интегрирования l состоит из энечного числа разомкнутых простых гладких дуг с концами  $c_1, c_2, \ldots, c_{2s}$ . ля простоты рассуждений возьмем сначала характеристическое уравнение:

$$Gx = A(t_0) x(t_0) + \frac{B(t_0)}{\pi i} \exp\left[\int_{t_0}^{\infty} \frac{x(t) dt}{t - t_0}\right] = y(t_0), \tag{1}$$

це  $t_0 \in l; A$ , B имеют на l p-е производные, удовлетворяющие условию  $(\mu),\ 0 < \mu < 1,\ A^2 - B^2 \neq 0.$  Будем считать, что  $A+B \equiv 1$  на l; это ограничивает общности рассуждений.

1. Пусть y имеет  $y^{(p)} \in H(\mu)$  и, кроме того, y и  $U = \frac{1}{2\pi i} \ln D$ , D = A - B,

бладают свойствами  $y^{(v)}(c_i) = U^{(v)}(c_i) = 0$ ,  $v = 0, 1, \ldots, p$ ;  $i = 1, 2, \ldots, 2s$ . огда решение уравнения (1) существует, единственно и имеет p произраных, обращающихся в нуль на концах. Поэтому функция  $x_1(t)$ ,  $x_1(t) = x(t)$ ,  $t \in l$ ;  $x_1(t) = 0$ ,  $t \in L - l$ , где L -замкнутая простая гладкая онвая, включающая l, будет иметь на l p производных, причем  $p^0 \in H(\mu)$ . Кроме того.  $x_1$  будет удовлетворять уравнению (3)

933

$$G_{1}x_{1} = A(t_{0})x_{1}(t_{0}) + \frac{B(t_{0})}{\pi i} \int_{t}^{x_{1}(t)} \frac{dt}{t - t_{0}} = y(t_{0}), \quad t_{0} \in L,$$
(1)

где A, B, y продолжены на L так, что U=y=0 на L-t. Индек уравнения (1') равен 0. Следовательно,  $\left|x_1(t)-\sum_{k=-n}^n\alpha_kt^k\right|<\frac{c_3}{n^{p+\mu-1/2}}$ ,  $t\in L$  где  $\{\alpha_k\}$ — решение системы

$$\sum_{k=-n}^{n} (G_{1}t^{k}, G_{1}t^{j}) \alpha_{k} = (y, G_{1}t^{j}), \quad j = 0, \pm 1, \dots, \pm n,$$

$$G_{1}t^{j} = t^{j}, \quad j \geqslant 0; \quad G_{1}t^{j} = Dt^{j}, \quad j < 0;$$

$$(G_{1}t^{k}, G_{1}t^{j}) = \frac{1}{L} \int_{L} G_{1}t^{k}, \overline{G_{1}t^{j}} ds, \quad (y, G_{1}t^{j}) = \frac{1}{L} \int_{L} y \overline{G_{1}t^{j}} ds.$$

Отсюда получаем:

$$\left| x\left( t\right) - \sum_{k=-n}^{n} \alpha_{k} t^{k} \right| < \frac{c_{3}}{n^{p+\mu-1/2}}, \quad t \in l.$$

2. Пус $\mathbf{T}$ ь U обладает прежними свойствами, а y имеет структуру

$$y = \sum_{i=1}^{2s} \sum_{k=1}^{r} \beta_{ki} (t - c_i)^{\gamma_{ki}} + y_3,$$

где  $\beta_{ki}$ ,  $\gamma_{ki}$  — некоторые постоянные, причем  $\operatorname{Re} \gamma_{ki} > -1$ ;  $y_3$  имеет производных. Можно показать, что тогда и x имеет такую же структур и соответствующая x функция  $x_3$  имеет (p-1)-ю производную, входиную в H ( $\mu$ ). Построим многочлен Эрмита ( $^4$ ) Q (t),  $Q^{(\nu)}$  ( $c_i$ ) =  $y_3^{(\nu)}$  ( $c_i$ ) и положим  $x_1 = x - \sum_{i=1}^{2s} \sum_{k=1}^{r} \beta_{ki} (t-c_i)^{\gamma_{ki}} - Q$  (t). Ясно, что  $x_2$  являето решением уравнения

$$Gx_2 = y - \sum_{i=1}^{2S} \sum_{k=1}^{r} \beta_{ki} G (t - c_i)^{\gamma_{ki}} - GQ \equiv y_2,$$
 (

которое удовлетворяет условиям п. 1, и, стало быть,

$$\left| x(t) - \sum_{i=1}^{2s} \sum_{k=1}^{r} \beta_{ki} (t - c_i)^{\gamma_{ki}} - Q(t) - \sum_{k=-n}^{n} \alpha_k t^k \right| < \frac{c_4}{n^{p+\mu-s}/2}, \quad t \in l.$$

Вычисление выражения  $G\left(t-c_{i}\right)^{\gamma_{ki}}$  нетрудно проводить, использу следующую лемму.

Лемма 3. Справедливо равенство

$$\frac{1}{\pi i} \int_{\widehat{a}b} \frac{dt}{(t-c)^{\gamma} (t-t_0)} = \pm \frac{\operatorname{ctg} \gamma \pi}{i (t_0-c)^{\gamma}} + \frac{1}{\pi i} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(\pm 1)^{-k-\gamma}}{\gamma + k} (b-a)^{-k-\gamma} (t_0-c)^k;$$

 $\gamma \neq 0$ ;  $0 \leqslant \operatorname{Re} \gamma < 1$ ;  $t_0 \in \widehat{ab}$ ; знаки  $\pm$  соответствуют c = a, b.

3. Рассмотрим общий случай: U, y имеют p-е производные, входящи в  $H(\mu)$ . Построим многочлен R,  $R^{(\nu)}(c_i) = U^{(\nu)}(c_i)$ . Применяя формул 934

Племеля — Сохоцкого  $x^+ - x^- = x$ ,  $\frac{1}{\pi i} \int \frac{x(t) dt}{t - t_0} = x^+ + x^-$ , заметим, что ре-

шения исходной задачи могут быть получены с помощью решений задачи

$$G_2 x_1 \equiv x_1^+ - e^{2\pi i(U-R)} x_1^- = \frac{y}{\psi^+},$$
 (1"")

где  $\psi^+$  является решением однородной задачи Римана  $\psi^+ = e^{2\pi i R} \, \psi^-$ , не имеющим на бесконечности полюса, по формулам:  $x^+ = x_1^+ \psi^+$ ,  $x^- = x_1^- \psi^-$ ,  $x = x^{+} - x^{-}$ . Задачу (1"') нетрудно преобразовать к виду, рассмотренному

В случае общего сингулярного уравнения

$$Kx \equiv Gx + \lambda \int_{t} T(t, t_0) x(t) dt = y(t_0), \qquad (2)$$

считая, что оператор K имеет обратный; U, y имеют p-е производные, входящие в H ( $\mu$ ), а T (t,  $t_0$ ) имеет p-ю производную по  $t_0$ , как функция двух переменных входит в  $H(\mu)$ , поступаем следующим образом. Строим  $P\left(t,\,t_0\right),\,P^{(\nu)}\left(t,\,c_i\right)=T^{(\nu)}\left(t,\,c_i\right),\,\,$  и полагаем

$$T\left(t,\,t_{0}
ight)=P\left(t,\,t_{0}
ight),\,t_{0}\in L-l,\,\,P\left(t,\,t_{0}
ight)=\sum_{k=1}^{23\left(p+1
ight)-1}A_{k}\left(t
ight)t_{0}^{k}.\,$$
 Тогда для  $t_{0}\in L-l$ 

$$\lambda \int_{l} T(t, t_{0}) x(t) dt = \sum_{k=1}^{2sp(+1)-1} \beta_{k} t_{0}^{k}, \ \beta_{k} = \lambda \int_{l} A_{k}(t) x(t) dt.$$
 Строим, далее, мно-

гочлен Q,  $Q^{(v)}(c_i) = y^{(v)}(c_i) - \lambda \int P^{(v)}(t,c_i) x(t) dt$ . Поступая теперь с урав-

нением  $Gx \equiv y - \lambda \int Tx \ dt$  так же, как в п. 3, и полагая  $x_2 = x_1 - Q/\psi^+$ , придем к уравненик

$$\begin{split} K_2 x_2 &= G_2 x_2 + \frac{\lambda}{\psi^+} \int_{l} \left( T - P \right) \left( x_2^+ \psi^+ - x_2^- \psi^- \right) dt = \\ &= \frac{1}{\psi^+} \left\{ y - \lambda \int_{l} P x \, dt - Q - \lambda \int_{l} \left( T - P \right) \left[ \left( \frac{Q}{\psi^+} \right)^+ \psi^+ - \left( \frac{Q}{\psi^+} \right)^- \psi^- \right] dt \right\} - \\ &- \left[ 1 - e^{2\pi i (U - R)} \right] \left( \frac{Q}{\psi^+} \right)^- \equiv y_2. \end{split}$$

Считая, что при  $t_0 \in L - l$   $e^{2\pi i(U-R)} = 1$ ,  $T(t, t_0) = P(t, t_0)$ ,  $y_2 = 0$ , и предполагая, что новое уравнение имеет единствениое решение, в силу результатов работы (1) найдем

$$\left| x(t) - \left( \frac{Q}{\psi^{+}} \right)^{+} \psi^{+} + \left( \frac{Q}{\psi^{+}} \right)^{-} \psi^{-} - \psi^{+} \sum_{k=0}^{n} \alpha_{k} t^{k} + \psi^{-} \sum_{k=-n}^{-1} \alpha_{k} t^{k} \right| < \frac{c_{5} |\psi^{+}(t)|}{n^{p+|\mu-3|_{2}}},$$

где  $\{\alpha_k\}$  — решение системы

$$\sum_{i} (K_{21}t^{k}, G_{21}t^{j}) \alpha_{k} = (y_{2}, G_{21}t^{j}), \quad j = 0, \pm 1, \dots, \pm n.$$

Легко видеть, что  $\{\alpha_h\}$  получается в виде линейной комбинации величин  $\{eta_k\}$ . Таким образом, в результате мы приходим лишь к следующим соотношениям:

$$\left|x\left(t\right)-\sum_{h=1}^{2s\left(p+1\right)-1}\beta_{h}\varphi_{h}-\varphi_{0}\right|<\frac{c_{5}\left|\psi^{+}\left(t\right)\right|}{n^{p-\mu-s}l_{2}},\quad\lambda\int_{l}A_{h}\left(t\right)x\left(t\right)dt=\beta_{h}.$$

$$\widetilde{\beta}_{j} = \lambda \sum_{k=1}^{2s(p+1)-1} \int_{l} A_{j} \varphi_{k} dt \, \widetilde{\beta}_{k} = \lambda \int_{l} A_{j}(t) \, \varphi_{0}(t) \, dt, \quad j=1,2,\ldots, 2s(p+1)-1,$$

получим приближенное решение исходного уравнения. Получениая при такой замене погрешность может быть учтена методом, указанным в статье (6).

В случае, наиболее часто встречающемся в приложениях, когда дробная часть  $U(c_i)$   $\{U(c_i)\} = \pm \frac{1}{2}$ , более рациональным, по-видимому, яв-

ляется другой подход. Рассмотрим для простоты уравнение

$$Gx = A(t_0) x(t_0) + \frac{B(t_0)}{\pi i} \int_{0}^{b} \frac{x(t) dt}{t - t_0} = y(t_0),$$
(3)

где A, B, y удовлетворяют прежним условиям, индекс  $* \geqslant 0$ , а интегрирование происходит по отрезку [a, b] вещественной оси. Обозначим через p(t) функцию, равную одной из четырех функций  $\sqrt{(b-t)(t-a)}(b-t)^{\varepsilon_1} \times (t-a)^{\varepsilon_2}$ ,  $\varepsilon_1$ ,  $\varepsilon_2 = 0$ , -1.

Лемма 4. (См. (6).) Оператор  $\sigma x = \frac{1}{\pi i} \int_{0}^{b} \frac{x(t) dt}{t - t_0}$  отображает простран-

ство  $L_2(p,[a,b])$  в себя, причем  $\|\sigma x\| = \|x\|$ . (При  $\varepsilon_1 = \varepsilon_2 = 0$  считаем

 $\int\limits_0^b x\left(t\right)dt=0$ .) Рассуждая так же, как в заметке  $(^1)$ , и используя свой-

ства многочленов  $\{T_k\}$ ,  $\{T_k^*\}$ , образующих полные ортонормированные системы соответственно в пространствах  $L_2(p)$  и  $L_2(q)$ , q=1/p, получим

$$\left|x\left(t\right)-\sum_{h=\varkappa}^{n+\varkappa}\alpha_{h}q\left(t\right)T_{h}^{*}\left(t\right)\right|<\frac{1}{\left(b-t\right)^{\frac{\varepsilon_{1}+1}{2}}\left(t-a\right)^{\frac{\varepsilon_{2}+1}{2}}}\frac{c_{6}}{n},$$

$$\sum_{k=-\infty}^{n+\infty} (Gq \cdot T_k^*, Gq \cdot T_j^*) \alpha_k = (y, Gq \cdot T_j^*), \quad j = \varkappa, \varkappa + 1, \ldots, n + \varkappa.$$

Здесь  $Gq \cdot T_k^* = A \cdot q \cdot T_k^* + B \cdot i \cdot T_k$  ( $\varepsilon_1 = -1$ ,  $\varepsilon_2 = 0$ ;  $\varepsilon_1 = 0$ ,  $\varepsilon_2 = -1$ ) и  $Gq \cdot T_k^* = A \cdot q \cdot T_k^* + B \cdot i \cdot T_{k\pm 1}$  ( $\varepsilon_1 = \varepsilon_2 = -1$ , 0); коэффициентами системы

являются скалярные произведения в пространстве  $L_2(p)$ .

Подобным образом можно решать и общее сингулярное интегральное уравнение. Приближенное решение примера 2 (7) изложенным способом дает при использовании системы трех уравнений следующий результат: подъемная сила дуги окружности  $P_y = \rho \pi \left(a^2 - \frac{1}{12} a^4\right)$ , что так же точно, как в (7). Однако метод М. А. Лаврентьева специально приспособлен для сингулярных интегральных уравнений первого рода и не может быть применен в общем случае.

В заключение выражаю глубокую признательность чл.-корр. АН СССР И. Н. Векуа за ряд ценных указаний и внимание к данной работе.

Московский государственный университет им. М. В. Ломоносова

Поступило 30 VI 1956

### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> В. В. Иванов, ДАН, 110, № 1 (1956). <sup>2</sup> С. Я. Альпер, Изв. АН СССР, сер. матем., 9, № 6 (1955). <sup>3</sup> Ф. Д. Гахов, Докторская диссертация, Тбилисск. матем. инст., 1942. <sup>4</sup> В. Л. Гончаров, Теория интерполирования и приближения функций, М—Л., 1954. <sup>5</sup> М. М. Лаврентьев, ДАН, 95, № 3 (1954). <sup>6</sup> Н. И. Ахиезер, Изв. АН СССР, сер. матем., 9, № 4 (1954). <sup>7</sup> М. А. Лаврентьев, Тр. ЦАГИ, в. 118 (1932).

#### Н. А. КАШЕЕВ

# ТОЧНАЯ ГРАНИЦА ПРИМЕНИМОСТИ ТЕОРЕМЫ С. А. ЧАПЛЫГИНА ДЛЯ ЛИНЕЙНОГО УРАВНЕНИЯ

(Представлено академиком С. Л. Соболевым 13 VII 1956)

Рассмотрим линейное дифференциальное уравнение порядка  $n \geqslant 2$ вида

$$L[y] \equiv y^{(n)} - \sum_{i=1}^{n} \alpha_i(x) y^{(n-i)} = f(x), \tag{1}$$

где коэффициенты  $a_i(x)$ ,  $i=1,\ 2,\ \ldots,\ n-1$ , и правая часть f(x) непрерывны на участке —  $\infty < a \leqslant x \leqslant b < +\infty$ . Пусть u(x) n раз непрерывно дифференцируемая функция сравнения,

удовлетворяющая условиям

$$u^{(l)}(x_0) = y_0^{(l)}, \quad i = 1, 2, \dots, n-1,$$
 (2)

 $a \ y(x)$  — интеграл уравнения (1), определяемый начальными данными

$$a \leqslant x_0, \ y_0, \ y'_0, \ \dots, \ y_0^{(n-1)}.$$
 (3)

Предположим, что вдоль функции сравнения  $u\left(x\right)$  соблюдается дифференциальное неравенство

$$L\left[u\left(x\right)\right] - f\left(x\right) \geqslant 0, \quad x_0 < x \leqslant X. \tag{4}$$

Будем говорить, что  $x_k^*$  есть точная граница применимости теоремы С. А. Чаплыгина порядка k (1) для линейного дифференциального уравнения (1) в точке  $x_0$ , если для любой n раз непрерывно дифференцируемой функции  $u\left(x\right),\ x_{0} < x \leqslant b,$ удовлетворяющей условиям (2) и дифференциальному неравенству (4), справедливо неравенство

$$u^{(h)}(x) \geqslant y^{(h)}(x), \quad x_0 < x < x_k^*,$$

в то время как для сколь угодно малого arepsilon>0 существует такая n раз непрерывно дифференцируемая функция u(x), удовлетворяющая условиям (2) и дифференциальному неравенству

$$L[u(x)] - f(x) \geqslant 0, \quad x_0 < x \leqslant x_h^* + \varepsilon,$$

что хоть для одного x' участка  $x_0 < x \leqslant x_h^* + \varepsilon$  имеет место неравенство

$$u^{(k)}(x') < y^{(k)}(x').$$

Будем говорить, что теорема А.С. Чаплыгина имеет в точке  $x_0$  неограниченную применимость, если для любой n раз непрерывно дифференцируемой функции u(x),  $x_0 < x < b$ , удовлетворяющей условиям (2) и дифференциальному неравенству

$$L\left[ u\left( x\right) \right] -f\left( x\right) >0,$$

справедливо неравенство

$$u^{(h)}(x) > y^{(h)}(x), \quad x_0 < x < b.$$

Пусть  $\varphi(x,\alpha)$  — функция Коши оператора (1), т. е. интеграл уравнения L[y]=0, равный нулю при  $x=\alpha$  вместе со своими n-2 последовательными производными, а производная n-1-го порядка которого

равна единице.

Теорема 1. Точная граница применяемости теоремы С. А. Чаплыгина порядка k для дифференциального уравнения (1) в точке  $x_0$  есть верхняя грань тех значений  $X > x_0$ , для которых производная порядка k функции Коши  $\varphi_x^{(h)}(x,\alpha)$  остается неотрицательной в замкнутом треугольнике, ограниченном прямыми  $\alpha = x$ ,  $\alpha = x_0$ , x = X.

Действительно, интеграл y уравнения (1), принимающий вместе со своими n-1 последовательными производными при  $x=x_0$  те же значения, что и функция  $u\left(x\right)$  и ее n-1 последовательных производных,

имеет выражение

$$y(x) = u(x) - \int_{x_0}^{x} \{L[u(\alpha)] - f(\alpha)\} \varphi(x, \alpha) d\alpha;$$

поэтому имеем

$$u^{(k)}(x) = y^{(k)}(x) + \int_{x_0}^{x} \{L[u(\alpha)] - f(\alpha)\} \varphi_x^{(k)}(x, \alpha) d\alpha, \quad k = 0, 1, 2, ..., n - 1.$$

Если  $L\left[u\left(x\right)\right]-f\left(x\right)\geqslant0$  и  $\varphi_{x}^{(h)}\left(x,\;\alpha\right)\geqslant0$  в треугольнике, ограниченном прямыми  $\alpha=x,\;\alpha=x_{0},\;x=x_{h}^{*},\;$  то очевидно, что для всех значений x участка  $x_{0}< x\leqslant x_{h}^{*}$  будет выполняться неравенство

$$u^{(h)}(x) \gg y^{(h)}(x)$$
.

Пусть теперь  $\varepsilon$  — произвольное положительное число. По определению числа  $x_k^*$  в треугольнике, ограниченном прямыми  $\alpha = x$ ,  $\alpha = x_0$ ,  $x = x_k + \varepsilon$ , найдется точка  $(x', \alpha_0)$ , в которой будем иметь  $\varphi_x^{(k)}(x', \alpha_0) < 0$ .

Очевидно, что можно подобрать такую положительную функцию k(x), что интеграл  $\int\limits_{x_0}^x h\left(\alpha\right) \varphi_x^{(h)}\left(x,\;\alpha\right) d\alpha$  как функция от x в точке x' будет

иметь отрицательное значение.

Выбрав так функцию h, обозначим через  $u\left(x\right)$  интеграл уравнения

$$L[y] - f(x) = h(x),$$

удовлетворяющий начальным данным (3), и пусть y попрежнему интеграл уравнения (1), определяемый теми же начальными данными. Теперь имеем

$$u^{(h)}(x) = y^{(h)}(x) + \int_{x_0}^{x} \{L[u(\alpha)] - f(\alpha)\} \varphi_x^{(h)}(x, \alpha) d\alpha = \int_{x_0}^{x} h(\alpha) \varphi_x^{(h)}(x, \alpha) d\alpha.$$

В точке x' участка  $x_0 < x \leqslant x_k^* + \varepsilon$  будет иметь место неравенство  $(x') < y^{(k)}(x')$ , что и требовалось доказать.

Заметим, что функция Коши оператора L[y] имеет представление

$$\varphi(x, \alpha) = \frac{1}{(n-1)!} \int_{x_0}^x \Gamma(t, \alpha) (x-t)^{n-1} dt + \frac{(x-\alpha)^{n-1}}{(n-1)!},$$

це  $\Gamma(x, \alpha)$  — разрешающее ядро для ядра

$$K(x, \alpha) = a_1(x) + a_2(x)(x - \alpha) + \dots + a_n(x) \frac{(x - \alpha)^{n-1}}{(n-1)!}$$

нтегрального уравнения Вольтерра.

Это дает принципиальную возможность отыскания точной границы рименимости теоремы С. А. Чаплыгина для линейного уравнения (1) о коэффициентам этого уравнения. Так например, если все коэффициенты  $a_k$  уравнения (1) неотрицательны на участке  $x_0 \leqslant x \leqslant b$ , то и се функции

$$\varphi_x^{(h)}(x, \alpha) = \int_{\alpha}^{x} \Gamma(t, \alpha) (x - t)^{n-h-1} dt + \frac{(x - \alpha)^{n-h-1}}{(n - k - 1)!}$$

еотрицательны на всем треугольнике, и теорема С. А. Чаплыгина меет неограниченное применение любого порядка  $k=0,\ 1,\ 2,\ \ldots,\ n-1$ .

Очевидно, что положение точки  $x_0^*$  меняется в зависимости от измеения положения точки  $x_0$ . (Заметим, что при движении точки  $x_0$  вправо очка  $x_0^*$  не может смещаться влево, т. е. абсцисса  $x_0^*$  есть неубывающая очикция от  $x_0$ .)

Если существует положительное число  $\lambda$  такое, что для любой точки отрезка  $x_0 \leqslant x \leqslant b$  и для любой функции сравнения u(x) неравенство

$$L[u(x)] - f(x) > 0$$

лечет за собой неравенство  $u\left(x\right)>y\left(x\right)$  всюду на участке  $x_{0}< x\leqslant x_{0}+\lambda$ , о число  $\lambda$  будем называть абсолютным пределом применисости теоремы С. А. Чаплыгина к уравнению (1).

Теорема 2. Для любого линейного дифференциального уравнения уществует положительный предел применимости теоремы С. А. Чап-

ыгина о дифференциальных неравенствах.

Точки  $(x, \alpha)$  треугольника, ограниченного прямыми  $\alpha = x$ ,  $\alpha = x_0$ , = b, в которых функция Коши принимает, быть может, отрицательные начения, не могут, как это следует из свойств функции Коши, распоагаться в произвольной близости от прямой  $\alpha = x$ .

Пусть d — расстояние до прямой  $\alpha = x$  множества точек треугольника, которых функция Коши отрицательна. Тогда число  $\lambda = d\sqrt{2}$  будет бсолютным пределом применимости теоремы С. А. Чаплыгина к уравению (1), так как в полосе между прямыми  $x = \alpha$ ,  $\alpha = x - \lambda$  функция оши неотрицательна.

Например, для уравнения второго порядка

$$y'' + py' + qy = 0$$

постоянными коэффициентами  $p,\ q,$  корни характеристического уравения которого  $\mu \pm i \nu,$  функция Коши имеет вид

$$\varphi(x, \alpha) = \frac{1}{\mu} e^{\mu (x-\alpha)} \sin \nu (x-\alpha).$$

Абсолютный предел применимости теоремы С. А. Чаплыгина к этом уравнению будет число  $\lambda = \pi / \nu$ .

Справедлива также следующая теорема сравнения, на которую ука

зал мне Н. В. Азбелев:

 $T \, e \, o \, p \, e \, m \, a \, 3$ . Пусть непрерывные функции  $q_k(x)$  удовлетворяю соотношениям  $q_k(x) \leqslant a_k(x)$ , где  $a_k$ — коэффициенты оператора h[y] Пусть, далее,  $x_k^{**}$  — точная граница применимости k-го порядка длуравнения

$$y^{(n)} - \sum_{k=1}^{n} q_k(x) y^{(n-k)} = f(x).$$

Тогда  $x_k^* \geqslant x_k^{**}$ .

Поступило 7 XII 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

¹ **Н. В.** Азбелев, ДАН, **89**, № 4 (1953).

# М. А. КРЕЙНЕС, И. А. ВАЙНШТЕЙН и Н. Д. АЙЗЕНШТАТ

# О НОМОГРАФИРОВАНИИ ФУНКЦИЙ, ЗАДАННЫХ НА СЕТКЕ

(Представлено академиком А. Н. Колмогоровым 10 IX 1956)

Ниже под словом «номограмма» понимается номограмма из выравненных точек функции двух переменных. В начале статьи дается определение функции, номографируемой на сетке, и строится пример функции, заданной на сетке, возрастающей с возрастанием каждой из переменных при постоянной другой, не номографируемой, но являющейся пределом последовательности функций, номографируемых на сетке. Во второй насти статьи строится пример непрерывной функции, возрастающей с возрастанием каждой из переменных при постоянной другой, не номожрафируемой с помощью непрерывных функций. Иногда ниже рассматриваются не сами номограммы, а образы, им двойственные; это облегчает назложение.

1. На некоторой плоскости sOt рассмотрим прямоугольник  $R_{st}$  ( $s_0 \leqslant s \leqslant s_1$ ,  $t_0 \leqslant t \leqslant t_1$ ) с вершинами A, B, C, D (см. рис. 1).

Пусть l и m — целые положительные числа.

1) Проведем l-1 прямолинейных отрезков, каждый из которых соединяет точку t стороны AB с точкой стороны DC так, ктобы никакие два из этих отрезков не вимели общих точек. Сторону AD обозначим  $X_0$ , проведенные нами отрезки, считая вылева направо, обозначим, соответственно  $X_1, X_2, \ldots, X_{l-1}$ ; сторону BC обозначим  $X_l$ .

2) Проведем m-1 прямолинейных  $\mathfrak{g}$  стрезков, каждый из которых соединяет гочку стороны BC стак, чтобы никакие два из этих отрезков не

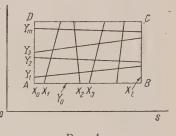


Рис. 1

очмели общих точек. Сторону AB обозначим  $Y_0$ ; проведенные отрезки, считая снизу вверх, обозначим, соответственно,  $Y_1, Y_2, \ldots, Y_{m-1}$ ;

сторону DC обозначим  $Y_m$ .

Совокупность отрезков  $X_0$ ,  $X_1$ , ...,  $X_l$ ,  $Y_0$ ,  $Y_1$ , ...,  $Y_m$  назовем стеткой и будем обозначать символом  $R_{st}$  так же, как исходный прямосугольник. Точку пересечения отрезка  $X_i$  с отрезком  $Y_j$  назовем узлом тетки и обозначим символом (i, j). Под функцией, заданной на сетке, будем понимать функцию  $f = f_{ij}$  двух целочисленных аргументов i и i  $(i = 0, 1, \ldots, l; j = 0, 1, \ldots, m)$ .

Две сетки  $R_{st}$  и  $R_{uv}$  будем называть эквивалентными, если пзыполняются два условия: 1) число l+1 отрезков  $X_i$  в обеих сетках

рдинаково; 2) число m+1 отрезков  $Y_j$  в обеих сетках одинаково.

Заметим, что функция, заданная на какой-либо сетке, сразу опреде-

эляется также и на любой ей эквивалентной сетке.

Линией уровня f=c функции f, заданной на некоторой сетке, назовем множество тех узлов этой сетки, в которых  $f_{ij}=c$ . Про некоторую грямую будем говорить, что она несет линию уровня f=c, если все те

узлы, из которых состоит эта линия уровня, лежат на указанной

прямой.

Функцию f, определенную на сетке  $R_{st}$ , будем называть номографируемой, если на некоторой плоскости uOv существует система E прямых и сетка  $R_{uv}$ , эквивалентная сетке  $R_{st}$  такие, что: 1) число различных прямых в системе E равно числу непустых линий уровня функции f, и каждая прямая системы E несет одну непустую линию уровня функции f на сетке  $R_{uv}$ ; 2) прямые системы E, несущие различные линии уровня, внутри и на сторонах прямоугольника  $R_{uv}$  не имеют общих точек; 3) какое бы значение  $f_{i_0j_0}$  функции f ни взять, прямая системы E, несущая линию уровня  $f = f_{i_0j_0}$ , в прямоугольнике  $R_{uv}$  отделяет множество тех узлов (i,j), в которых  $f_{ij} > f_{i_0j_0}$ , от множестватех узлов, в которых  $f_{ij} < f_{i_0j_0}$ .

Пусть а и β — две прямые; точку пересечения этих прямых будем

обозначать символом (а, β).

Можно доказать следующее утверждение, касающееся трех пятерок прямых на плоскости.

І. Пусть 1, 2, 3, 4, 5 и 1', 2', 3', 4', 5' — две пятерки лежащих в одной плоскости прямых такие, что никакие 3 из этих 10 прямых не имеют общей точки, и пусть: 1) точки (1, 3'), (2, 2') и (3, 1') лежат на одной прямой; 2) точки (1, 4'), (2, 3'), (3, 2') и (4, 1') лежат на одной прямой; 3) точки (1, 5'), (2, 4'), (3, 3'), (4, 2') и (5, 1') лежат на одной прямой; 4) точки (2, 5'), (3, 4'), (4, 3') и (5, 2') лежат на одной прямой.

Tогда и точки (3, 5'), (4, 4') и (5, 3') лежат на одной прямой.

Нетрудно построить пример функции, определенной на прямоугольной сетке  $R_{xy}$ , возрастающей с возрастанием каждой из переменных x и

у при постоянной другой и не номографируемой.

Пример 1. Пусть в квадрате  $R_{xy}(0 \leqslant x \leqslant 1, \ 0 \leqslant y \leqslant 1)$  плоскости xOy взята сетка так, что прямые, несущие отрезки  $X_i$  и  $Y_j$ , имеют, соответственно, уравнения:  $x = \frac{i}{4}$  (i = 0, 1, 2, 3, 4) и  $y = \frac{j}{4}$  (j = 0, 1, 2, 3, 4). Для узла (i, j) положим  $f_{ij} = \frac{i+j}{4}$ , если (i, j) отлично от (4, 2), а  $f_{42}$ 

возьмем не равным  $^6/_4$ ; положим, например,  $f_{42} = ^{193}/_{128}$ . Так определенная на сетке  $R_{xy}$  функция f в силу I, очевидно, является не номографируемой.

Рассмотрим функцию  $g^{(n)}$  ( $n=1,2,\ldots$ ), значения которой во всех узлах сетки, за исключением узла (2, 4), совпадают с соответствующими значениями построенной функции f, а для узла (2,4) имеем  $g_{24}^{(n)}=\frac{3}{2}-\frac{1}{8n}$ . Тогда ясно, что последовательность  $g_{(n)}$  сходится на сетке  $R_{xy}$  (т. е. в каждом узле этой сетки) к функции f. Вместе с тем нетрудно

видеть, что каждая из функций  $g^{(n)}$   $(n=1, 2, \ldots)$  номографируема.

2. В номограмме из выравненных точек некоторой функции  $z=f\left(x,\ y\right)$  шкалы переменных  $x,\ y$  и z не равноправны: шкалы независимых переменных x и y должны быть приспособлены для того, чтобы по отметке, т. е. по значению соответствующей переменной, находить точку шкалы, а шкала функции z, наоборот, должна быть приспособлена для того, чтобы по точке шкалы находить отметку, т. е. значение функции.

В соответствии с этим мы будем рассматривать два типа шкал:

Шкалой первого типа (шкалой аргумента)  $l_t$  будем называть плоский непрерывный образ отрезка  $P=P(t),\ t_0\leqslant t\leqslant t_1$ . Значение t называется отметкой данной точки P.

Шкалой второго типа (шкалой функции, ответной шкалой)  $l_z$  будем называть плоское замкнутое ограниченное множе

зо, на котором определена непрерывная функция  $z=z\left(P\right)$ . Значение нкции  $z\left(P\right)$  в данной точке называется отметкой данной точки.

Шкалу первого типа будем называть монотонной, если отобра-

ение  $P=P\left(t\right)$  есть гомеоморфизм.

Номограммой  $T(l_x, l_y, l_z)$  будем называть совокупность двух зал первого типа  $l_x$  и  $l_y$  и шкалы второго типа  $l_z$ , расположенных одной плоскости, так что удовлетворяются следующие три условия: всякая прямая, пересекающая шкалы  $l_x$  и  $l_y$  («разрешающая прямая»), ресекает и шкалу  $l_z$ ; 2) через каждую точку шкалы  $l_z$  проходит по айней мере одна разрешающая прямая; 3) все точки пересечения залы  $l_z$  с любой разрешающей прямой имеют одну и ту же отметку. называется ответной шкалой номограммы.

Всякая номограмма  $T(l_x, l_y, l_z)$ , где  $x_0 \leqslant x \leqslant x_1$  и  $y_0 \leqslant y \leqslant y_1$ , ределяет в прямоугольнике  $R_{xy}(x_0 \leqslant x \leqslant x_1, y_0 \leqslant y \leqslant y_1)$  некоторую нкцию z = f(x, y): каждой паре значений x, y ставится в соответзие одно определенное z — отметка точек пересечения шкалы  $l_z$  с разнающей прямой, проходящей через точку шкалы  $l_x$  с отметкой x и тку шкалы  $l_y$  с отметкой y. Можно показать, что эта функция

= f(x, y) непрерывна.

Если существует номограмма  $T(l_x, l_y, l_z)$ , определяющая в  $R_{xy}$  негорую функцию z = f(x, y), будем называть эту функцию номогрануемой в  $R_{xy}$  с помощью непрерывных функций;  $(l_x, l_y, l_z)$  назовем номограммой этой функции в  $R_{xy}$ .

Будем для краткости говорить, что функция z = f(x, y) монотонна каждой из переменных в прямоугольнике  $R_{xy}$ , если она является  $R_{xy}$  монотонной (в строгом смысле) функцией от x при постоянном y монотонной (в строгом смысле) функцией от y при постоянном x.

Легко доказывается следующее предложение:

II. Пусть z = f(x, y) — функция, монотонная по каждой из переменх и номографируемая с помощью непрерывных функций в прямоуголь-

 $\kappa e R_{xy} (x_0 \leqslant x \leqslant x_1, y_0 \leqslant y \leqslant y_1).$ 

Тогда всякая номограмма функции z=f(x,y) в  $R_{xy}$  удовлетворяет гдующим условиям: 1) шкалы  $l_x$ ,  $l_y$  и  $l_z$  попарно не пересекаются; шкалы  $l_x$  и  $l_y$  монотонны; 3) всякая разрешающая прямая пересекает ждую из шкал  $l_x$  и  $l_y$  в одной точке; 4) всякая разрешающая прямая исключением, быть может, одной или нескольких из четырех прях  $x_0y_0$ ,  $x_1y_0$ ,  $x_0y_1$ ,  $x_1y_1$  \* пересекает шкалу  $l_z$  в одной точке; 5) для укого значения z такого, что  $\min_{(x,y)\in R_{xy}} f(x,y) \leqslant z \leqslant \max_{(x,y)\in R_{xy}} f(x,y)$ ,

пличного от значений  $f(x_0, y_0)$ ,  $f(x_1, y_0)$ ,  $f(x_0, y_1)$ ,  $f(x_1, y_1)$ , сущевует одна и только одна точка шкалы  $l_z$ , имеющая отметку z. Точки алы  $l_z$ , имеющие указанные четыре отметки, целиком располагаются, тветственно, на прямых  $x_0y_0$ ,  $x_1y_0$ ,  $x_0y_1$ ,  $x_1y_1$ ;  $f(x_0, y_1)$ ,  $f(x_1, y_1)$ , f(

Можно доказать следующее утверждение:

III. Пусть f(x, y) — функция, монотонная по каждой из переменных номографируемая с помощью непрерывных функций в прямоугольнике y, и пусть в этом прямоугольнике  $R_{xy}$  взята произвольная прямочльная сетка.

Тогда функция, индуцированная функцией f(x, y) на этой сетке,

лографируема.

<sup>\*</sup> Символом  $x_i y_j$  обозначается разрешающая прямая, соединяющая точку шка-  $l_x$  с отметкой  $x_i$   $(i=0,\ 1)$  с точкой шкалы  $l_y$  с отметкой  $y_j$   $(j=0,\ 1)$ .

Приведем пример функции, монотонно возрастающей по каждой переменных, непрерывной и не номографируемой с помощью непрерывны функций.

Пример 2. Положим

$$f(x, y) = x + y + \frac{|u| - u}{4}$$
, где  $u = (x - 1)^2 + (y - 1/2)^2 - 1/64$ ;  $0 \leqslant x \leqslant 1$ ;  $0 \leqslant y \leqslant 1$ .

Ясно, что эта функция монотонно возрастает по каждой из переменны и непрерывна в квадрате  $R_{xy}$  ( $0 \le x \le 1$ ;  $0 \le y \le 1$ ). В узлах построенной в примере 1 сетки эта функция принимает те же значения, что определенная в примере 1 функция f. Из III заключаем, что f(x, y) в номографируема с помощью непрерывных функций.

Легко видеть, что для построенной в примере 2 функции z = f(x, y)

не существует определителя

$$\Delta(x, y, z) \equiv \begin{vmatrix} X_1(x) & X_2(x) & 1 \\ Y_1(y) & Y_2(y) & 1 \\ Z_1(z) & Z_1(z) & 1 \end{vmatrix},$$

(где функции  $X_1(x)$  и  $X_2(x)$  определены и непрерывны на отрезв  $0 \leqslant x \leqslant 1$ ;  $Y_1(y)$  и  $Y_2(y)$  определены и непрерывны на отрезв  $0 \leqslant y \leqslant 1$  и  $Z_1(z)$  определены и непрерывны на отрезке  $0 \leqslant z \leqslant 1$  такого, что в квадрате  $R_{xy}$  уравнение  $\Delta(x,y,z)=0$  определяет функции z=f(x,y).

Московский государственный университет им. М. В. Ломоносова

Поступило 10 IX 1956

#### А. В. ПОГОРЕЛОВ

# РАСПРОСТРАНЕНИЕ ТЕОРЕМЫ ГАУССА О СФЕРИЧЕСКОМ ИЗОБРАЖЕНИИ НА СЛУЧАЙ ПОВЕРХНОСТЕЙ ОГРАНИЧЕННОЙ ВНЕШНЕЙ КРИВИЗНЫ

(Представлено академиком А. Н. Колмогоровым 12 VII 1956)

Одной из основных теорем классической теории поверхностей является звестная теорема Гаусса о том, что интегральная внутренняя кривизна эверхности равна алгебраической площади ее сферического изображения. настоящей заметке мы распространим эту теорему на поверхности ограничной внешней кривизны (1,2).

Как показано в работе (1), поверхности ограниченной внешней кривизны зляются многообразиями ограниченной внутренней кривизны (3). Таким бразом, для этих поверхностей определены понятия внешней (2) и внутрений (3) кривизн на любом множестве точек поверхности. Связь между этими ривизнами устанавливается следующими теоремами.

Теорема 1. На любом борелевском множестве Н поверхности ограиченной внешней кривизны внешняя положительная кривизна равна внутучней положительной кривизне:

$$\sigma^{+}(H) = \omega^{\hat{+}}(H).$$

I Teopema 2. На любом борелевском множестве Н поверхности ограсменной внешней кривизны отрицательная внутренняя кривизна не меньше прицательной внешней:

$$\sigma^-(H) \leqslant \omega^-(H)$$
.

Неполнота результата в теореме 2 вызвана, по-видимому, не существом гла, а методом доказательства.

Для иллюстрации применяемого метода доказательства мы установим членство полной внутренней и полной внешней кривизны малой гомеорфной кругу области на гладкой поверхности Ф с одно-однозначным ферическим отображением.

Пусть G — малая гомеоморфная кругу область на поверхности  $\Phi$ , граниченная простой кривой  $\gamma$ . Существует последовательность регулярых поверхностей  $\Phi_n$ , сходящихся к  $\Phi$  в G вместе с касательными плосостями такая, что положительные, отрицательные и полные внутренние отриваны  $\Phi_n$  слабо сходятся к соответствующим кривизнам  $\Phi$ .

1 Лемма. Пусть  $\epsilon>0$ . Тогда существует гомеоморфная кругу область  $\zeta\subset G$ , ограниченная простой кривой  $\zeta^*$ , такая, что для бесконечного чожества значений п

$$\sigma(G-G^*)$$
  $|<\varepsilon, \quad |\sigma(G^*)-\sigma(G_n^*)|<\varepsilon,$ 

 $e~G_n^*$  — область на  $\Phi_n$ , соответствующая  $G^*$  на  $\Phi$ .

Доказательство. Возьмем в области G кривую  $\gamma'$  с нулевой пощадью сферического изображения, ограничивающую гомеоморфную ругу область G', так, чтобы  $|\sigma(G-G')| < \varepsilon$ . Существование такой

кривой  $\gamma'$  следует из полной аддитивности и ограниченности абсолютн кривизны. Тогда:

$$\sigma(\widetilde{G}') = \int_{\omega} q_{\overline{Y'}}(Y) dY, \quad \sigma(G'_n) = \int_{\omega} q_{\overline{Y'}_n}(Y) dY,$$

где  $q_{\gamma'}(Y)$  — степень точки Y единичной сферы  $\omega$  относительно крив  $\gamma'$  — сферического изображения  $\gamma'$ ;  $q_{\gamma'_n}(Y)$  — степень точки Y относ тельно кривой  $\gamma'_n$  — сферического изображения кривой  $\gamma'_n$  поверхности  $\Phi$  соответствующей кривой  $\gamma'$  поверхности  $\Phi$  (2).

Пусть  $\delta(\vec{\gamma}')$  и  $\delta(\vec{\gamma}_n')$  —  $\delta$ -окрестности кривых  $\vec{\gamma}'$  и  $\vec{\gamma}_n'$  . Тогда, в сисходимости сферических отображений  $\Phi_n$  к сферическому отображению

$$\int\limits_{\omega \to \delta} q_{\overline{\gamma}'_n}(Y) \, dY \to \int\limits_{\omega \to \delta} q_{\overline{\gamma}'}(Y) \, dY.$$

При  $\delta \rightarrow 0$ .

$$\int_{\delta(\overline{\gamma}')} q_{\overline{\gamma}'}(Y) dY \to 0.$$

Поэтому, если найдутся сколь угодно большие n, для которых

$$\left| \int_{\delta(\overline{\gamma'_n})} q_{\overline{\gamma'_n}}(Y) dY \right| < \varepsilon,$$

то G' и есть та область  $C^*$ , существование которой утверждается леммог Допустим, что лемма неверна. Тогда для всех n, начиная с некотрого,

$$\left| \int_{\delta} \int_{(\overline{Y}'_n)} q_{\overline{Y}'_n}(Y) \, dY \right| \geqslant \varepsilon.$$

Возьмем в области G' кривую  $\gamma''$ , ограничивающую область C'', гомем морфную кругу, и такую, чтобы  $|\sigma(G-G'')| < \varepsilon$ . Тогда для малого  $\delta$  пр достаточно большом n будем иметь:

$$\Big| \int_{\mathfrak{d}(\overline{\gamma}''_n)} q_{\overline{\gamma}''_n}(Y) \, dY \Big| \gg \varepsilon.$$

Аналогично строим кривые  $\gamma'''$ ,  $\gamma^{(IV)}$ , . . .

Возьмем теперь первые m кривых последовательности  $\gamma^{(k)}$ . Обозначи  $\widetilde{\delta}(\overline{\gamma}_n^{(k)})$  полный прообраз  $\widetilde{\delta}(\overline{\gamma}_n^{(k)})$  на  $\Phi_n$ . Из одно-однозначности сферического отображения  $\Phi$  следует, что множества  $\widetilde{\delta}(\overline{\gamma}_n^{(k)})$  при достаточно мало  $\gamma$  и большом n не пересекаются. Так как при больших n

$$\left| \int_{\delta(\widetilde{\gamma}_n^{(k)})} q_{\widetilde{\gamma}_n^{(k)}}(Y) dY \right| \geqslant \varepsilon \quad (k = 1, 2, ..., m),$$

а левая часть неравенства не превосходит абсолютной кривизны  $\widetilde{\delta}(\gamma_n^{(k)})$  то абсолютная кривизна  $\Phi_n$  не меньше m, что противоречит, ввид 946

произвола m, равномерной ограниченности абсолютных кривизн  $\Phi_n$ . Лемма доказана.

Так как для регулярной поверхности полная внутренняя кривизна равна полной внешней, а полные внутренние кривизны  $G_n$  на  $\Phi_n$  сходятся к полной внутренней кривизне G на  $\Phi$ , то из леммы следует

$$\sigma(G) = \omega(G).$$

Как следствие теорем 1 и 2 получаются следующие теоремы.

Теорема; 3. Для любого борелевского множества Н на замкнутой поверхности ограниченной внешней кривизны

$$\sigma^{+}(H) = \omega^{+}(H), \quad \sigma^{-}(H) = \omega^{-}(H), \quad \sigma(H) = \omega(H).$$

Теорема 4. Для любого борелевского множества Н достаточномалой окрестности каждой регулярной точки поверхности ограниченной знешней кривизны

$$\sigma^+(H) = \omega^+(H), \quad \sigma^-(H) = \omega^-(H), \quad \sigma(H) = \omega(H).$$

Если поверхность квазирегулярна, то эти равенства имеют место для любого H.

С помощью теорем 5 и 6 статьи ( $^2$ ) получаются следующие теоремы. Теорема 5. Пусть  $\Phi$  — поверхность ограниченной внешней и неэтрицательной внутренней кривизны. Тогда, если край поверхности  $\Phi$  лежит в плоскости, то эта поверхность выпуклая. Если поверхность  $\Phi$  полчая, то она либо замкнутая выпуклая поверхность, либо бесконечная вы

пуклая поверхность.
Теорема 6. Поверхность ограниченной внешней кривизны, локально изометричная плоскости, имеет обычное для развертывающихся поверхностей строение с прямолинейными образующими и стационарной касательной плоскостью вдоль ка ждой образующей. Если поверхность полная, то она чилиндрическая.

Поступило 26 XII 1955

#### ШИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> А. В. Погорелов, ДАН, **89**, № 3 (1953). <sup>2</sup> А. В. Погорелов, ДАН, **111**, № 4 (1956). <sup>3</sup> А. Д. Александров, ДАН, **60**, № 9 (1948).

#### д. в. салехов

# О НОРМЕ ЛИНЕЙНОГО ФУНКЦИОНАЛА В ПРОСТРАНСТВЕ ОРЛИЧА И ОБ ОДНОЙ ВНУТРЕННЕЙ ХАРАКТЕРИСТИКЕ ПРОСТРАНСТВА $\boldsymbol{E}_{k}$

(Представлено академиком А. Н. Колмогоровым 11 VII 1956)

Пусть  $p\left(u\right) \left(u\geqslant0\right)$  — неубывающая непрерывная справа функция, удовлетворяющая условиям

$$\lim_{u \to +0} p(u) = 0; \quad \lim_{u \to \infty} p(u) = \infty.$$

Пусть

$$q(v) = \sup_{p(t) \leqslant v} t.$$

Функции M(u) и N(v), определенные равенствами

$$M(u) = \int_{0}^{|u|} p(t) dt; \quad N(v) = \int_{0}^{|v|} q(t) dt,$$

называют N'-функциями, дополнительными друг к другу по Юнгу. Через  $L_M^*$  и  $L_N^*$  будем обозначать, как обычно, пространства Орлича функций, определенных на множестве G конечномерного евклидова пространства (1) (см. также (2,3)).

Рассмотрим линейные функционалы  $l\left(u\right)$  на пространстве  $L_{M}^{*}$ , допускающие представление

$$l(u) = (u, v) = \int_{G} u(x) v(x) dx,$$
 (1)

где  $v(x) \in L_N^*$ . Қак известно, норма линейного функционала не совпадает с нормой функции v(x). Пусть

$$\|v(x)\|_{N} = k(v)\|l\|.$$

Функционал k(v) удовлетворяет (3) неравенству

$$1 \leqslant k(v) \leqslant 2$$
.

В случае, когда пространство Орлича — это  $L_p$ , функционал k(v)

принимает постоянное значение  $p^{1/p} q^{1/q}$ .

Естественно возникает мысль о том, что функционал k(v) принимает постоянное значение и для любого пространства Орлича. По существу такое предположение высказано в статье M. А. Красносельского и Я. Б. Рутицкого ( $^3$ ). Оказывается, что это предположение неверно — постоянство функционала k(v) оказывается характеристическим свойством пространства  $L_{v}$ .

Исследование функционала  $k\left(v\right)$  составляет основное содержание настоящей заметки. Отметим, что знание свойств этого функционала существенно при изучении линейных интегральных операторов, действующих

пространстве Орлича (4,5). Дело в том, что при оценке норм интегральих операгоров приходится учитывать оценки норм линейных функциолов, допускающих интегральное представление (1), а фактически ается оценивать лишь нормы соответствующих функций.

1. Теорема 1. Существуют пространства Орлича  $L_M^*$ , для котоих значения функционала k(v) полностью заполняют интервал (1, 2).

Доказательство проводится по следующему плану. Вводятся в растотрение функции

$$u_{\beta}(x) = \begin{cases} \beta, & \text{если } x \in G_1; \\ 0, & \text{если } x \in G_1, \end{cases}$$

оичем  $M^{-1}$  (1/mes  $G_1$ ) =  $\beta$ . Затем конструируются такие линейные функтоналы  $l'(u)=(u,\,v')$   $ul''(u)=(u,\,v'')$ , что

$$k\left(v'\right) \leqslant \frac{\beta}{M\left(\beta\right)} \, N^{-1} \, \left[M\left(\beta\right)\right] \leqslant k\left(v''\right).$$

Полагая  $M(u) = (1 + |u|) \ln (1 + |u|) - |u|$  и вычисляя для этого учая значение

 $\beta N^{(-1)} [M(\beta)]/M(\beta)$ 

и  $\beta \to 0$  и  $\beta \to \infty$ , получаем, что среди значений k(v) есть числа, сколь одно близкие к 1 и 2. Завершение доказательства теоремы заключается проверке непрерывности функционала k(v). Заметим, что при доказальстве теоремы было использовано явное выражение нормы характерической функции, найденное в (3).

2. Говорят (1), что функция M(u) удовлетворяет  $\Delta_2$ -условию при

льших u, если найдутся такие числа k и  $u_0$ , что

$$M\left(2u\right) \leqslant kM\left(u\right) \tag{2}$$

и  $u \gg u_0$ . Если при некотором k неравенство (2) выполняется при всех то, говорят, что M(u) удовлетворяет  $\Delta_2$ -условию всюду.

Функция  $M(u) = (1 + |u|) \ln (1 + |u|) - |u|$ , использованная при до-

вательстве теоремы 1, удовлетворяет  $\Delta_2$ -условию при больших u.

Оказывается, что утверждение теоремы I не имеет места, если и  $M\left(u\right)$   $N\left(v\right)$  удовлетворяют  $\Delta_{2}$ -условию.

Ниже используются обозначения:

$$\rho_{u} = \int_{G} M\left[u\left(x\right)\right] dx; \quad \rho_{v} = \int_{G} N\left[v\left(x\right)\right] dx \quad \left(u\left(x\right) \in L_{M}^{*}; \ v\left(x\right) \in L_{N}^{*}\right).$$

Теорема 2. Пусть M(u) и N(v) удовлетворяют  $\Delta_2$ -условию всюду, и  $\operatorname{mes} G = \infty$ , или при больших и, если  $\operatorname{mes} G < \infty$ . Тогда

$$k(v) \gg 1 + \alpha > 1$$
,

$$= \min \left\{ \inf_{\alpha_{u}=1} \int_{G} N \left\{ \operatorname{sign} u(x) p[|u(x)|] \right\} dx; \quad \inf_{\alpha_{v}=1} \int_{G} M \left\{ \operatorname{sign} v(x) [|v(x)|] \right\} dx \right\}.$$

В  $(^3)$  на случай пространств Орлича обобщено известное неравенство ьдера для пространств  $L_p$ . Показано, что для функций из пространств нича выполняется неравенство

$$\left| \int_{G} u(x) v(x) dx \right| \leq \|u(x)\|_{M} \|v(x)\|_{N} \quad (u(x) \in L_{M}^{*}; \ v(x) \in L_{N}^{*}).$$

Теорема 2 позволяет для некоторых классов пространств Орлича в

лучить более точное неравенство.

T е о р е м а 3. Пусть M (u) и N (v) удовлетворяют  $\Delta_2$ -условию всю если  $\mathrm{mes}\,G=\infty$ , или при больших u, если  $\mathrm{mes}\,G<\infty$ . Тогда име место неравенство

$$\left|\int_{G}u\left(x\right)\upsilon\left(x\right)dx\right| \leqslant \frac{1}{1+\alpha}\|u\left(x\right)\|_{M}\|\upsilon\left(x\right)\|_{N} \quad (u\left(x\right)\in L_{M}^{*};\ \upsilon\left(x\right)\in L_{N}^{*}),$$

где а определено формулой (3).

3. Перейдем к рассмотрению тех пространств Орлича, для которы k(v) = const.

Tеорема 4. Пусть  $K(v) = \text{const } u \text{ mes } G = \infty$ . Тогда

$$M(u) = cu^r$$
,

где r > 1.

Теорема 5. Пусть  $k(v)=\mathrm{const}\ u\ \mathrm{mes}\ G=\frac{1}{M(s)}<\infty$ . Тогда пр  $u \gg u_0$ 

 $M(u) = cu^r \qquad (r > 1),$ 

где

$$M(u_0) = \max\{N[p(s)]; s\}.$$

Теорема 4 означает, что равенство k(v) = const есть характеристической свойство пространства  $L_p$  в случае mes  $G=\infty$ .

Если  $\operatorname{mes} G < \infty$ , то известно  $({}^{1},{}^{3})$ , что пространство  $L_{M}^{*}$  изоморфн любому пространству  $L_{M_1}^*$ , где  $M_1(u)$  — любая N'-функция, принимающа при больших u те же значения, что и M(u). Поэтому в условия теоремы 5 пространство  $L_M^*$  изоморфно пространству  $L_r$ . Таким образов и в случае mes  $G < \infty$  равенство  $k(v) = \mathrm{const}$  можно рассматривать ка характеристическое свойство пространства  $L_r$ .

Поведение функции  $M\left(u\right)$  в интервале  $\left(0,\,u_{0}\right)$  в случае если mes G<lpha

автору выяснить не удалось. Найденные нами доказательства теорем 4 и 5 весьма громоздк. Мы отметим здесь одно промежуточное утверждение, которое предсталяет, как нам кажется, самостоятельный интерес.

Теорема 6. Следующие четыре утверждения эквивалентны.

1.  $k(v) \equiv k$ .

2.  $M_3 \setminus M[u(x)] dx = 1$  следует  $||u(x)||_M = k$ .

3. H3  $\int N[v(x)] dx = 1$  credyem  $||v(x)||_M = k$ .

4. Совокупность функций  $u\left(x\right)\in L_{M}^{*}$ , для которых  $\rho_{n}\leqslant1$ , совпадав

c шаром радиуса k в пространстве  $L_M^*$ . Автор выражает благодарность M. А. Красносельскому, C.  $\Gamma$ . Крейн

и А. Н. Колмогорову за внимание и советы.

Воронежский государственный университет Поступило 18 VI 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> W. Orlicz, Bull. unter. de l'Acad. Pol., ser. A; Cracovie (1932). <sup>2</sup> A. Зигмун Тригонометрические ряды, М.—Л., 1939. <sup>3</sup> М. А. Красносельский, Я. ЭРутицкий. Тр. семинара по функциональн. анализу, в. 1, Воронеж (1956). <sup>4</sup> М. Красносельский, Я. Б. Рутицкий, ДАН, 85, № 1 (1952). <sup>5</sup> A. Zaanei Ann. of Math., 47, № 4 (1946).

# Доклады Академии наук СССР 1956. Том 111, № 5

# MATEMATUKA

#### В. И. СОБОЛЕВ

## О РАСЩЕПЛЕНИИ ЛИНЕЙНЫХ ОПЕРАТОРОВ

(Представлено академиком А. Н. Колмогоровым 12 VII 1956)

В некоторых работах М. А. Красносельского по теории нелинейных ператоров существенно используется возможность расщепления линейного ператора в произведение двух взаимно сопряженных операторов. При ом М. А. Красносельский доказал, что линейный оператор A, опреденный на  $L_q(G)$  со значениями в  $L_p(G)$ , p > 2,  $p^{-1} + q^{-1} = 1$ , и удоветворяющий условиям:

 $\alpha$ ) оператор A в  $L_2$  самосопряженный и положительный;

 $\beta$ ) A является также непрерывным оператором, действующим из  $L_{q_1}$  в  $t_{q_2}$ ,  $t_{q_3} < q_1 < q_1 < q_1 + q_1^{-1} = 1$ , может быть представлен в виде

$$A = BB^*$$

е B действует из  $L_2$  в  $L_p$ .

Если оператор A вполне непрерывен, то B также вполне непрерывный вратор.

В той же работе М. А. Красносельским был поставлен вопрос о воз-

ожности освобождения от условия в.

M. M. Вайнберг в работе ( $^2$ ) для случая вполне непрерывного операра дал на этот вопрос положительный ответ, доказав соответствующую эрему. При этом он допускал, что оператор A может иметь конечное сло отрицательных собственных значений.

В настоящей заметке результат М. А. Красносельского обобщается более широкий класс пространств без предположений о выполнении ловия β) и о полной непрерывности оператора А. Доказательство основается на идеях теории полуупорядоченных пространств.

1. Пусть E — банахово пространство такое, что

$$E^* \supseteq H \supseteq E$$
,

 $E^*$  — пространство, сопряженное с E, и H — гильбертово пространство. и этом мы предполагаем, что имеет место не только теоретико-множестонное включение, но и согласованность норм, т. е.

$$|x|_{E^*} \leqslant a \|x\|_H, \quad x \in H; \quad \|x\|_H \leqslant b \|x\|_E, \quad x \in E;$$
 (1)

f H всюду плотно в  $E^*$  в смысле метрики этого пространства и что, ни через  $\{x,y\}$  обозначено значение линейного функционала  $y\in E^*$  на тементе  $x\in E$ , то для случая когда  $y\in H$ ,

$$\{x, y\} = (x, y),$$
 (2)

(x, y) — скалярное произведение элементов пространства H. Примером пространства E может служить пространство  $L_p$  при p>2.

951

3\*

<sup>) \*</sup> G — измеримое множество n-мерного евклидова пространства с конечной мерой. лальнейшем вместо  $L_p(G)$  мы будем писать просто  $L_p$ .

Пусть  $A \in (E^* \to E)$ , т. е. A — линейный оператор, определенный н  $E^*$  со значениями в E. Так как область значений оператора A включен в область его определения, то имеют смысл операторы  $A^2$ ,  $A^3$  и т. д и если B — другой оператор из  $(E^* \to E)$ , то имеют смысл оператор AB,  $AA^2$  и т. д.

Оператор  $A \in (E^* \to E)$  будем называть самосопряженным, если дл

любых х и у Є Е

$$\{Ax, y\} = \{Ay, x\}.$$

Всякий самосопряженный оператор  $A \in (E^* \to E)$  порождает ограни менный и симметричный билинейный функционал

$$A(x, y) = \{Ax, y\},\$$

определенный на  $E^*$ .

Обратно, если дан ограниченный симметрический билинейный функционал B(x,y),  $x,y\in E^*$ , то он обычным образом порождает линейны ограниченный оператор B, действующий из  $E^*$  в  $E^{**}$ , и

$$B(x, y) = \{Bx, y\}.$$

Оператор  $A \in (E^* \to E)$  назовем положительным, если  $A \neq 0$  и  $\{Ax,y\} \geqslant A$  для всех x  $\{x \in E^*$ . Соотношение  $A \geqslant B$  означает, как обычно, что  $A - B \geqslant 0$  Очевидно, что из  $A \geqslant B$  и  $C \geqslant D$  следует  $A + C \geqslant B + D$ , и если  $\alpha = A$  любое положительное число, то  $\alpha = A > 0$  для любого оператора A > 0. Оператор  $A \in (E^* \to E)$  можно рассматривать так же, как оператор и

Оператор  $A \in (E^* \to E)$  можно рассматривать так же, как оператор в  $(H \to H)$ . Будем обозначать этот последний оператор через  $A^H$ . Тогда замечая, что  $\{x, y\}$  есть непрерывная функция от совокупности переменны  $x \in E$ ,  $y \in E^*$ , и учитывая, что H всюду плотно в E, получим, что услови  $A \geqslant 0$  эквивалентно условию  $A^H \geqslant 0$ , что оператор A самосопряжен тогд и только тогда, когда самосопряжен оператор  $A^H$ , и что равенство

$$R(A, B, C, \ldots) = 0,$$

где R(A, B, C,...) — целое рациональное соотношение между операторами эквивалентно равенству

$$R(A^{H}, B^{H}, C^{H}, \ldots) = 0.$$

Из сказанного вытекает, в частности, что  $A^2 > 0$  для любого само сопряженного оператора  $A \in (E^* \to E)$ , не равного нулю.

2. Возьмем положительный самосопряженный оператор А и рассмотри

последовательность самосопряженных операторов

$$B_0 = 0$$
,  $B_{n+1} = B_n + \frac{1}{2}(A - B_n^2)$ ,  $n = 1, 2, 3, ...$ 

Переходя к операторам  $(B_n^H)^2$ ,  $n=0,1,2,\ldots$ , будем иметь, что он образуют монотонно возрастающую последовательность, ограниченную сверху оператором A (3). Но и тогда операторы  $(B_n)^2$  также образую монотонно возрастающую ограниченную сверху последовательность, и по этому существует

$$\lim_{n\to\infty} \{B_n^2 x, x\} = A(x),$$

а следовательно, существует и

$$\lim_{n\to\infty} \{B_n^2 x, y\} = A(x, y),$$

где  $A\left( x,\,y\right) —$  ограниченный симметрический билинейный функционал. 952

Так как для  $x, y \in H$ 

$$\lim_{n\to\infty} (B_n^2 x, y) = (Ax, y),$$

$$A(x, y) = \{Ax, y\}$$

вюду на  $E^*$ , и, следовательно:

$$\lim_{n \to \infty} \{B_n^2 x, y\} = \{Ax, y\}. \tag{3}$$

Рассмотрим теперь числовую последовательность  $\{B_n x, y\}$  для  $x \in H$  и  $\in E^*$ . Несложный подсчет показывает, что

$$|\{B_n x, y\}| \leq ||A||^{1/2} ||x||_{H} \cdot ||y||_{E^*}$$

аналогично.

$$|\{B_nx, y\} - \{B_mx, y\}| \leq ||x||_H [\{(B_n - B_m)^2 y, y\}]^{1/2}$$

Но из неравенства

$$B_m^2 \leqslant B_m B_n \leqslant B_n^2$$

формулы (3) получаем

$$(\{B_n - B_m\}^2 y, y\} \rightarrow 0, \quad m, n \rightarrow \infty,$$

таким образом убеждаемся, что существует

$$\lim_{n\to\infty} \{B_n x, y\} = B(x, y), \quad x \in H, y \in E^*.$$

Функционал B(x, y) — ограниченный билинейный функционал, и, слевательно:

$$\lim_{n\to\infty} \{B_n x, y\} = \{x^*, y\}, \quad x^* \in E^{**} \subseteq H.$$

Для  $y \in H$ 

$$\lim_{n\to\infty} \{B_n x, y\} = ((A^H)^{1/2} x, y),$$

мы получаем, что  $(A^H)^{1/2} \in (H \to E^{**})$ . Как оператор из  $(H \to E^{**})$  будем означать  $(A^H)^{1/2}$  через B. Тогда  $B^* \in (E^{***} \to H)$ .

Пусть  $x \in E^*$ ,  $x_n \in H$ ,  $\|x - x_n\|_{E^*} \to 0$ . Так как

$$Ax_n = A^H x_n = (A^H)^{1/2} (A^H)^{1/2} x_n = BB^* x_n,$$

в пределе будем иметь для любого  $x \in E^*$ 

$$Ax = BB^*x$$
.

Мы получим таким образом следующую теорему.

 $T \ e \ o \ p \ e \ m \ a.$  Всякий положительный самосопряженный оператор  $E(E^* \to E)$ , где E удовлетворяет указанным выше условиям, имеет

расширение, действующее из  $E^{***}$  в  $E^{**}$ . Это расширение может быт представлено в видь

 $\tilde{A} = BB^*$ .

ede  $B^* \in (E^{***} \rightarrow H)$  u  $B \in (H \rightarrow E^{**})$ .

Если пространство E рефлексивно, то  $\hat{A}=A$ .

В частном случае  $E=L_p$ , p>2, мы получаем усиление результата M. А. Красносельского.

Воронежский государственный университет

Поступило 18 VI 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> М. А. Красносельский, ДАН, **82**, № 3 (1952). <sup>2</sup> М. М. Вайнберг ДАН, **100**, № 5 (1955). <sup>2</sup> Л. А. Люстерник, В. И. Соболев, Элементы функционального анализа, М.—Л., 1951.

MATEMATUKA

#### А. Ф. ТИМАН

### ОБОБЩЕНИЕ ОДНОЙ ТЕОРЕМЫ СТОНА

(Представлено академиком А. Н. Колмогоровым 12 VII 1956)

Рассмотрим некоторое регулярное топологическое пространство Gпроизвольную заданную на нем вещественную функцию f(x). Через a(f) (соответственно,  $G^a(f)$ ) будем обозначать подпространство тех точек  $\in G$ , для которых  $f(x) \gg a$  (соответственно,  $f(x) \ll a$ ), а через  $a_0 = a_0(f) \ll \infty$  **тжнюю** грань всех чисел a, для которых  $G_a(f)$  бикомпактно.

В этой заметке устанавливается одна теорема аппроксимации, предавляющая собой обобщение известной теоремы Стона (1), доказанной G того случая, когда G — бикомпактное пространство (см. также (2)). T е о р е м a . Пусть G — регулярное топологическое пространство u . — семейство всех ограниченных u непрерывных на нем вещественных

yнкций  $f\left( x
ight) ,$  обладающих тем свойством, что для любого действительного ісла а, за исключением, быть может, некоторого одного, какое-либо  $\mathfrak{d}$ вух подпространств  $G_a\left(f\right)$  или  $G^a\left(f\right)$  бикомпактно \*. Если D—часть  $\mathfrak{M},$ разующая относительно обычных операций сложения и умножения ункций алгебраическое кольцо, в которое входят все константы и для обых двух точек  $x_1 \neq x_2$  функция f(x), принимающая в них разные ачения, отличные от  $a_0(f)$ , то в смысле равномерной сходимости на Gмейство D всюду плотно в ЭЯ.

При доказательстве мы воспользуемся тем обстоятельством, что, если кие-либо две ограниченные на G функции  $f_1\left(x\right)$  и  $f_2\left(x\right)$  суть пределы вномерно сходящихся последовательностей функций из D, то этим е свойством обладают функции

$$\max \{f_1(x), f_2(x)\}, \min \{f_1(x), f_2(x)\}.$$

го замечание позволяет установить следующую лемму.

 $\Pi$ емма 1. Для любых двух точек  $x_1$  и  $x_2$  пространства G существует  $\mathfrak{M}$  функция  $f^*(x)$  со свойствами: 1)  $f^*(x) \leqslant 1$  всюду на  $G;\ 2)$   $f^*(x_1) = 1;$ подпространство  $G_0(f^*)$  бикомпактно и не содержит  $x_2$ ; 4)  $f^*(x)$  есть редел равномерно сходящейся последовательности функций из D.

По условию, в D существует функция f(x) такая, что  $f(x_2) \neq f(x_1) \neq a_0(f)$ . ез ограничения общности можно считать, что  $a_0(f)=0$  и  $f(x_2)>0$ . сли  $f(x_1)<0$ , то при достаточно малом  $\epsilon>0$   $f(x_1)+\epsilon<0$ . Так как  $x)\in\mathfrak{M},$  то  $a_{0}\left(f\right)$  совпадает с верхней гранью всех чисел a, для которых (f) бикомпактно. Поэтому  $G^{-\varepsilon}(f)$  бикомпактно, а если  $\varphi(x)=\frac{f(x)+\varepsilon}{f(x_1)+\varepsilon}$ , то

компактно и  $G_0(\varphi)$ . Кроме того,  $\varphi(x_1)=1$ . Поскольку  $\varphi(x_2)<0$ , то

$$f^*(x) = \min \{ \varphi(x), 1 \}$$

овлетворяет всем условиям леммы.

<sup>\*</sup> Пустое множество считается бикомпактным.

Рассмотрим тот случай, когда  $f(x_1) > f(x_2) > 0$ . Возьмем положительном число  $\epsilon < f(x_1) - f(x_2)$ , и пусть

$$\varphi(x) = \frac{f(x) - f(x_2) - \varepsilon}{f(x_1) - f(x_2) - \varepsilon}.$$

Очевидно, что  $G_0(\varphi)$  бикомпактно. Следовательно, функция  $f^*(x)$  удовлет воряет всем условиям леммы.

Пусть теперь  $0 < f(x_1) < f(x_2)$ . Функции

$$F(x) = \min\{f(x_1) - f(x), 0\}, \quad \Phi(x) = \min\{f(x), f(x_1)\}\$$

удовлетворяют условию 4) леммы 1. Следовательно, этому условию удов летворяет также и функция

$$\psi\left(x\right)=F\left(x\right)+\Phi\left(x\right).$$

Но  $\psi(x_1)=f(x_1), \ \psi(x_2)=2f(x_1)-f(x_2)< f(x_1)=\psi(x_1).$  Кроме того, оченидно, что если  $\varepsilon < f(x_1),$  то  $G_\varepsilon(\psi)\subset G_\varepsilon(f).$  Следовательно,  $a_0(\psi)\leqslant U$  Можно убедиться в том, что неравенство  $a_0(\psi)< 0$  невозможно. В противного случае существовало бы такое  $\varepsilon>0$ , что  $G_{-\varepsilon}(\psi)$  было бы бикомпактного Но так как  $\psi(x)=f(x)$  всюду, где  $f(x)\leqslant f(x_1)$ , то, в силу разложения

$$G_{-\varepsilon}(\psi) = G_{f(x_1)}(f) \cdot G_{-\varepsilon}(\psi) + G^{f(x_1)}(f) \cdot G_{-\varepsilon}(\psi),$$

мы имели бы, что пересечение

$$G^{f(x_1)}(f) \cdot G_{-\varepsilon}(f) = G^{f(x_1)}(f) \cdot G_{-\varepsilon}(\psi)$$

бикомпактно, и стало быть, бикомпактным было бы

$$G^{f(x_1)}(f) = G^{f(x_1)}(f) \cdot G^{-\varepsilon}(f) + G^{f(x_1)}(f) \cdot G_{-\varepsilon}(f),$$

что противоречит равенству  $a_0(f) = 0$ .

летворяющих лемме 1, то функция

Таким образом,  $a_0(\psi) = 0$ . Поэтому, рассуждая для  $\psi(x)$  аналогичн тому, как в предыдущем случае для f(x), мы сможем указать функции

 $f^*(x)$ , удовлетворяющую всем условиям леммы.

Пемма 2. Для любого замкнутого множества  $M \subset G$  и точки х ему не принадлежащей, существует в  $\mathfrak{M}$  функция  $F^*(x)$  со свойствами 1)  $0 \leqslant F^*(x) \leqslant 1$  всюду на G; 2)  $F^*(x) = 1$  всюду в некоторой окрестности х G; X = 1 всюду на G; X = 1 всюду в некоторой окрестности х G; X = 1 всюду на G; X = 1 всюду в некоторой окрестности х G; X = 1 всюду в некоторой окрестности G; X = 1 в некоторой окрестности G; X = 1 всюду в некоторой окрестности G; X = 1 всюду в некоторой окрестности G; X = 1 в некоторой окрестности G; X = 1 в некоторой окрестности G; X = 1 в некот

Для  $x_1$  и любой точки  $x_2 \in M$  мы можем указать функцию  $f^*(x_1)$  удовлетворяющую всем условиям леммы 1. В силу регулярности пространства G функция  $f^*(x)$  отрицательна в некоторой окрестности x Кроме того,  $f^*(x) < 0$  для всех x, принадлежащих множеству  $[G - G_0(f^*)]M$  Рассматривая теперь любую точку  $x_0$  бикомпактного пространства  $MG_0(f^*)$  мы можем применить лемму 1 к ней и к  $x_1$  и найти функцию  $f_0^*(x)$ , удовлетво ряющую всем условиям этой леммы. При этом  $f_0^*(x) < 0$  в некоторо окрестности  $x_0$ . Из полученной для всех  $x_0 \in MG_0(f^*)$  системы окрестносте мы выделяем конечное покрытие множества  $MG_0(f^*)$ . Если  $f_1^*(x), \ldots, f_m^*(x)$  система функций, соответствующих выбранной системе окрестностей и удов

$$\psi^*(x) = \min \{ f^*(x), \ f_1^*(x), \dots, f_m^*(x) \},\$$

удет обладать свойствами: 1)  $\psi^*(x) \ll 1$ ; 2)  $\psi^*(x_1) = 1$ ; 3)  $\psi^*(x) < 0$  всюду а М. Остается рассмотреть функцию

$$\Phi^*(x) = \max \{ \psi^*(x), 0 \}$$

для некоторого положительного  $\varepsilon < 1$ , пользуясь регулярностью протранства G, выбрать окрестность точки  $x_1$ , в которой  $\Phi^*(x) > 1 - \varepsilon$ . огда функция

$$F^*(x) = \frac{\min \left\{ \Phi^*(x), 1 - \varepsilon \right\}}{1 - \varepsilon}$$

удет удовлетворять всем условиям леммы 2.

Лемма 2 приводит к следующему утверждению.

)  $0 \leqslant f_0(x) \leqslant 1$  всюду на G; 2)  $f_0(x) = 0$  для всех x из M; 3)  $f_0(x) = 1$ ля всех х из Q; 4) f<sub>0</sub> (x) есть предел равномерно сходящейся последовательюсти функций из D.

Из леммы 3 непосредственно получаем доказательство теоремы. Пусть f(x) — любая функция из  $\mathfrak{M}$ . Для удобства полагаем, что  $\inf f(x)=0$ ,

 $\operatorname{up} f(x) = 1$  и при некотором натуральном n рассматриваем множества

 $3^{\frac{n}{n}}(f)$  и  $G_{\frac{k}{n}}(f)$ . Из условия теоремы следует, что для всех k, кроме,

быть может, одного, пусть  $k=k_0$ , одно из подпространств  $G^{\overline{n}}(f)$  или  $G_k$  (f) бикомпактно. Поэтому, в силу леммы 3, существует функция  $f_k(x) \in \mathfrak{M}$ ,

обладающая свойствами: 1)  $0 \leqslant f_k(x) \leqslant 1$ ; 2)  $f_k(x) = 0$  всюду на  $G^{\frac{n}{n}}(f)$ ; 3)  $f_k(x) = 1$  всюду на  $G_{\frac{k+1}{n}}(f)$ ; 4)  $f_k(x)$  есть предел равномерно сходя-

цейся последовательности функций из D. Очевидно, что последнему из этих свойств будет удовлетворять и функция

$$F_{n}(x) = \sum_{\substack{h=1\\k \neq h_{0}}}^{n} f_{h}(x),$$

для которой при всех  $x \in G$ 

$$|F_n(x)-f(x)| \leqslant \frac{2}{n}$$
.

В силу произвольности п теорема доказана.

В условии теоремы предполагается, что для любых двух точек  $x_1 \neq x_2$ в D существует функция f(x), принимающая в них разные значения, отличные от  $a_0(f)$ . Очевидно, что данное требование, которое, когда Gбикомпактно, сводится к существованию функции  $f(x) \in D$ , принимающей в точках  $x_1$  и  $x_2$  различные конечные значения, в общем случае для справедливости теоремы необходимо. Это следует из того что, если G не бикомпактно, то для любой функции  $f_0\left(x\right)\in\mathfrak{M}$   $a_0\left(f\right)>-\infty$ , и функция  $f_0(x) \in \mathfrak{M}$ , для которой  $[f_0(x_1) - a_0(f_0)][f_0(x_2) - a_0(f_0)] \neq 0$  (если G — неограниченное конечномерное пространство с данной метрикой  $\rho(x, y)$ , то такой будет, например, функция  $f_0\left(x
ight)=rac{1}{1+
ho\left(x,\,x_1
ight)}$ , имеющая  $a_0\left(f_0
ight)=0$ ), не может быть пределом равномерно сходящейся на G последовательности функций  $f_n(x) \in \mathfrak{M}$ , если при любом  $n \gg 1$   $f_n(x_1) = a_0(f_n)$ .

957

Частным случаем доказанной теоремы является утверждение:

Для любой ограниченной непрерывной функции  $f(x_1, \ldots, x_m)$ , заданной во всем m-мерном пространстве  $E_m$  переменных  $x_1, \ldots, x_m$ , для которой  $f(x_1, \ldots, x_m) \to C$  при  $x_1^2 + \ldots + x_m^2 \to \infty$ , существует последовательность непрерывных на всем  $E_m$  правильных рациональных дробей

$$R_{n_1,\ldots,n_m}(x_1,\ldots,x_m) = \frac{\sum_{k_1=0}^{n_1} \ldots \sum_{k_m=0}^{n_m} a_{k_1,\ldots,k_m} x_1^{k_1} \ldots x_m^{k_m}}{\sum_{k_1=0}^{n_1} \ldots \sum_{k_m=0}^{n_m} b_{k_1,\ldots,k_m} x_1^{k_1} \ldots x_m^{k_m}},$$

обладающих тем свойством, что

$$\sup_{-\infty < x_1, \ldots, x_m < \infty} | f(x_1, \ldots, x_m) - R_{n_1, \ldots, n_m}(x_1, \ldots, x_m) \rightarrow 0$$

при неограниченном возрастании  $n_1, \ldots, n_m$ . Случай m=1 подробно исследован в (3).

Днепропетровский государственный университет им. 300-летия Воссоединения Украины с Россией

Поступило 29 XI 1955

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> M. Stone, Trans. Am. Math. Soc., 41, 375 (1937) <sup>2</sup> И. М. Гельфанд, Д. А. Райков, Г. Е. Шилов, Усп. матем. наук, 1, 2(12) (1946). <sup>3</sup> С. Н. Бернштейн, Экстремальные свойства полиномов, 1937.

MATEMATUKA

#### хан хен гон

### О НЕКОТОРЫХ КЛАССАХ ТОПОЛОГИЧЕСКИХ ПРОСТРАНСТВ

(Представлено академиком П. С. Александровым 12 VII 1956)

Как известно (см. (1), стр. 76; (2), стр. 175) в любом метрическом сространстве P при  $\mathbf{a} = \mathbf{x}_1$  все следующие шесть свойств эквивалентны вежду собой:

1. Вес пространства Р меньше чем а.

2. Всякая вполне упорядоченная по типу  $\omega(a)$  система бывающих замкнутых множеств стационарна (свойтво  $S_a$ ).

3. Всякая вполне упорядоченная по типу ω(a) система позрастающих замкнутых множеств стационарна (свой-

I:TBO  $S'_{\mathbf{a}}$ ).

4. Всякая система попарно непересекающихся открытых множеств имеет мощность < а (отрицательная ксиома мощности < а).

5. Из всякого открытого покрытия можно выбрать

тодпокрытие мощ ности < а ([а, ∞]-компактность).

6. Из всякого открытого покрытия мощности а можно выбрать подпокрытие меньшей мощности ([a,a]-компактность).

Здесь показывается, что все указанные свойства при любом фиксированном регулярном кардинальном числе **а** эквивалентны между собой во всяком топологическом пространстве класса  $T_{\rm a}$ , определение

которого сейчас будет дано.

Покрытие  $\gamma$  топологического пространства P назовем локально < **a**-кратным (или, коротко,  $L_{\mathbf{a}}$ -покрытием), если у каждой точки x пространства P имеется окрестность, пересекающаяся менее чем с **a** элементами покрытия  $\gamma$ . По определению, топологическое пространство P принадлежит классу  $T_{\mathbf{a}}$ , если оно имеет базу эткрытых множеств, распадающуюся в сумму менее чем **a**  $L_{\mathbf{a}}$ -покрытий \*.

T е о р е м а 1. Для всякого регулярного кардинального числа a в любом попологическом пространстве класса  $T_a$  все указанные в начале инесть

гвойств эквивалентны между собой.

Для доказательства этой теоремы нужны лишь две следующие леммы.  $\Pi$  е м м а 1. Во всяком топологическом пространстве класса  $T_{\bf a}$ , удовлетворяющем свойству 4, всякое  $L_{\bf a}$ -покрытие имеет мощность  $<{\bf a}$  (число  ${\bf a}$  регулярно).

Доказательство леммы ведется с помощью трансфинитной индукции. Пусть  $\gamma$  — произвольное  $L_{\rm a}$ -покрытие. В первом его элементе  $\Gamma_{\rm 0}$  (предполагается, что элементы покрытия  $\gamma$  занумерованы трансфинитными числами)

<sup>\*</sup> Вместо покрытий в этом определении можно брать  $L_{\mathbf{a}}$ -системы открытых множеств, так как добавляя к каждой такой  $\mathbf{L}_{\mathbf{a}}$ -системе по множеству P в качестве нового элемента, мы получим  $L_{\mathbf{a}}$ -покрытие.

берется некоторая точка  $x_0$  и некоторая ее окрестность  $Ox_0 \subseteq \Gamma_0$ , пересе кающаяся менее чем с a элементами покрытия  $\gamma$ . B элементе  $\Gamma_{\alpha}$ , (с наи меньшим возможным индексом), не пересекающимся с  $Ox_0$  (если, конечно такой элемент  $\Gamma_{\alpha_1}$  существует), берется некоторая произвольная точка xи некоторая ее окрестность  $Ox_1 \subseteq \Gamma_{\alpha_1}$ , пересекающаяся менее чем с элементами покрытия ү. Продолжая это построение по индукции и име: в виду, что кардинальное число а регулярно, получим систему попарно непересекающихся открытых множеств  $Ox_{\lambda}$  мощности a, если само покрытие  $\cdot$ имеет мощность  $\gg$  а. Так как выполнено свойство 4, то мощность покрытия меньше чем а,что и требовалось доказать.

Лемма 2. Во всяком [а, а]-компактном пространстве всякое  $L_{\mathbf{a}}$ -покры

тие имеет мощность < a (число a регулярно).

Доказательство леммы следует из того, что во всяком [а, а]-компактном пространстве любое обозначенное множество мощности а имеет по крайней мере одну точку полного накопления (см. (2), стр. 162). Действительно если бы в [a,a]-компактном пространстве P существовало  $L_a$ -покрытие  $\cdot$ мощности  $\gg$   ${\bf a}$ , то, взяв в каждом элементе  $\Gamma_{\lambda}$  этого покрытия по точке  $x_{\lambda}$ ; мы получили бы обозначенное множество X мощности  $\gg$   ${\bf a}$ . Но тогда у точки полного накопления всякого обозначенного подмножества множе ства X, имеющего мощность  $\mathbf{a}$ , всякая окрестность пересекалась бы не менее чем с a элементами  $\Gamma_{\lambda}$  покрытия  $\gamma$ , чего не может быть.

Доказательство теоремы 1 вытекает из того, что справедливы такие

логические следования между нашими свойствами:

$$\begin{array}{c}
1 \\
1 \\
4 \\
5 \\
5 \\
6
\end{array}$$

Из лемм 1 и 2 вытекают также и недостающие до полной эквивалентности

следования  $4 \rightarrow 1$  и  $6 \rightarrow 1$ .

Следствие. Если при фиксированном регулярном кардинальном числе а топологическое пространство Р имеет базу, распадающуюся в сумму менее чем а локально-конечных покрытий (систем), то все шесть указанных в начале свойств эквивалентны.

Назовем топологические пространства, удовлетворяющие условию только что полученного утверждения, пространствами класса  $R_{\mathbf{a}}$ . По метризационной теореме Ю. М. Смирнова ( $^3$ ) при  $\mathbf{a} = \mathbf{k}_1$  класс  $R_{\mathbf{a}}$  совпадает

с классом всех метризуемых пространств.

T е о р е м а  $\ 2$ . Для того чтобы нормальное пространство  $\ P$  принадлежало классу  $\ R_a$  \*, необходимо и достаточно, чтобы оно (без изменения топологии) могло быть превращено в равномерное пространство \*\* рав-

номерного веса \*\*\* < а.

Доказательство. Пусть нам дано равномерное пространство F равномерного веса < a. Это значит, что в равномерной структуре этого пространства Р имеется конфинальная (по вписыванию покрытий подсистема  $\Sigma'$  покрытий, имеющая мощность < а. По аксиоме С3 (см. (5)

<sup>\*</sup> Требование регулярности числа а здесь излишне. \*\* См. (4), гл. 2, или (5), § 3. \*\*\* Равномерное пространство P можно задать с помощью системы  $\Sigma$  покрыти данного абстрактного множества E (удовлетворяющей некоторым естественным условиям) которую называют равномерной структурой. Наименьшую из мощносте всевозможных конфинальных подсистем структуры  $\Sigma$  называют равномерного пространства P. Топологическую базу открытых множеств равномерного пространства. P со структурой  $\Sigma$  образуют так называемые звезден торек этого пространства  $\stackrel{P}{P}$  со структурой  $\Sigma$  образуют так называемые звезды точек этог пространства P относительно каждого покрытия  $\gamma \in \Sigma$ , т. е. суммы элементов данног покрытия у, содержащих данную точку х.

3) в каждое покрытие  $\gamma'$  системы  $\Sigma'$  можно звездно вписать \* некоторое ругое покрытие. Поэтому, применяя известное построение Стона (см. (6), горема 1), в каждое покрытие  $\gamma'$  системы  $\Sigma'$  можно вписать локально-риечное открытое покрытие  $\gamma$ . Нетрудно видеть, что объединение всех рлученных локально-конечных покрытий даст нам базу пространства P. ледовательно,  $P \in R_a$ .

Обратно, пусть нормальное пространство P принадлежит классу  $R_{\bf a}$ , е. имеет базу, распадающуюся в сумму локально-конечных покрытий  $\gamma_{\lambda 0}$ ,  $\epsilon$   $\Lambda$ , число которых меньше чем  $\bf a$ . В каждое локально-конечное покрытие  $\gamma_{\lambda 0}$  силу нормальности пространства P можно звездно вписать некоторое экально-конечное покрытие  $\gamma_{\lambda 1}$ , а в него, в свою очередь, — локальноко-вчное покрытие  $\gamma_{\lambda 2}$ . Повторяя эту операцию звездного вписывания, получим эвокупность  $\Sigma'$  локально-конечных покрытий  $\gamma_{\lambda n}$ ,  $\lambda$   $\epsilon$   $\Lambda$ ,  $n=0,1,2,\ldots$ , эщности меньшей  $\bf a$ , удовлетворяющую условию  $\bf C3$ . Взяв все те покрытия ространства  $\bf a$ , в каждое из которых можно вписать произведение \*\* энечного числа некоторых покрытий совокупности  $\bf \Sigma'$ , мы получим систему  $\bf \Sigma$  экрытий, удовлетворяющую всем аксиомам  $\bf C1$ ,  $\bf C2$ ,  $\bf C3$  (см. (5), § 3). га система  $\bf \Sigma$  является равномерной структурой, задающей на  $\bf P$  равночерное пространство равномерного веса  $\bf \alpha$ , что и требовалось доказать.

Назовем теперь для вполне регулярного пространства P равноерным весом этого пространства наименьшее из всех трех кардиальных чисел, которые являются мощностями конфинальных частей авномерных структур пространства P. Так как в первой части доказательства теоремы 2 нормальность пространства P не применялась, то мы

праве высказать такое следствие.

Следствие. Если вполне регулярное пространство P имеет равночерный вес < a (a непременно регулярно), то все шесть указанных в начале войств эквивалентны.

Пхеньян Корейская Народно-Демократическая Республика Поступило 10 VII 1956

### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> П. С. Александров, П. С. Урысон, Окомпактных топологических пробранствах, Тр. Матем. инст. АН СССР, 31 (1950). <sup>2</sup> Ю. М. Смирнов, Изв. АН ССР, сер. матем., 14, № 2, 155 (1950). <sup>3</sup> Ю. М. Смирнов, Усп. матем. наук, 6, (46), 100 (1951). <sup>4</sup> N. Вошг baki, Actualités sci. et industr., № 858 (1942). <sup>5</sup> Ю. М. мирнов, Матем. сборн., 31 (73), 3, 543 (1952). <sup>6</sup> А. Н. Stone, Bull. Ат. Маth. эс., 54, № 10, 977 (1948).

\*\* Произведением конечного числа покрытий  $\alpha_1, \ldots, \alpha_k$  называется покрытие, состоясее из всевозможных пересечений  $A_1 \cap \ldots \cap A_k$ , где  $A_1 \in \alpha_1, \ldots, A_k \in \alpha_k$ .

<sup>\*</sup> Говорят, что покрытие  $\alpha$  звездно вписано в покрытие  $\beta$ , если звезда аждой точки x пространства P относительно покрытия  $\alpha$  лежит в некотором элементе окрытия  $\beta$ .

# *MATEMATUK*

#### г. г. шлионский

### К ТЕОРИИ ОГРАНИЧЕННЫХ ОДНОЛИСТНЫХ ФУНКЦИЙ

(Представлено академиком В. И. Смирновым 16 VII 1956)

Рассматриваются следующие классы однолистных функций: S — класс функций  $f(z)=z+a_2z^2+\dots$ , регулярных и однолистных в |z|<1  $S_M$  — подкласс функций из S, ограниченных в |z|<1: |f(z)|< M  $\Sigma$  — класс функций  $F(\zeta)=\zeta+\alpha_0+\alpha_1/\zeta+\dots$ , мероморфных и одно листных в  $|\zeta|>1$ ;  $\Sigma_m$  — подкласс функций из  $\Sigma$ , ограниченных в  $|\zeta|>1$   $|F(\zeta)|>m$ .

С помощью параметрического метода Лёвнера (1) нетрудно доказатн

следующие теоремы.

Теорема 1. Для функций  $F(\zeta) \in \Sigma_m$  при любых вещественных  $\alpha_{\nu\nu'}$  ( $\nu$ ,  $\nu'=1,\ldots,n;$   $n\geqslant 1$ ) таких, что  $\sum_{n=0}^{\infty}\alpha_{\nu\nu'}x_{\nu}x_{\nu'}-$  положительная квадратичная форма, и при любых  $\zeta_{\nu}$ ,  $\nu=1,\ldots,n,$   $|\zeta_{\nu}|>1$ , имеет место оценка

$$\prod_{\nu, \nu'=1}^{n} \left| \frac{1 - 1/\zeta_{\nu}\overline{\zeta_{\nu'}}}{1 - m^{2}/F(\zeta_{\nu})} \frac{1}{F(\zeta_{\nu'})} \right|^{a_{\nu\nu'}} \leqslant \prod_{\nu, \nu'=1}^{n} \left| \frac{F(\zeta_{\nu}) - F(\zeta_{\nu'})}{\zeta_{\nu} - \zeta_{\nu'}} \right|^{\alpha_{\nu\nu'}} \leqslant \prod_{\nu, \nu'=1}^{n} \left| \frac{1 - m^{2}/F(\zeta_{\nu})F(\zeta_{\nu'})}{1 - 1/\zeta_{\nu}\overline{\zeta_{\nu'}}} \right|^{\alpha_{\nu\nu'}}.$$
(1)

Следствие 1. При m=0 (1) переходит в известную оценку (2) для функций класса  $\Sigma$ .

Следствие 2. При n = 1,  $\alpha_{11} = 1$  имеем

$$\frac{1-1/|\zeta_1|^2}{1-m_2/|F(\zeta_1)|^2} \leqslant |F'(\zeta_1)| \leqslant \frac{1-m^2/|F(\zeta_1)|^2}{1-1/(\zeta_1)^2}. \tag{2}$$

Следствие 3. Положив в (1) n=2 и  $\alpha_{11}=\alpha_{22}=\alpha_{12}=\alpha_{21}=1$ , а затем  $\alpha_{11}=\alpha_{22}=1$ ,  $\alpha_{12}=\alpha_{21}=-1$  и разделив полученные неравенства почленно, приходим к точной оценке (3):

$$\left[\frac{(1-1/|\zeta_{1}|^{2})(1-1/|\zeta_{2}|^{2})}{(1-m^{2}/|F(\zeta_{1})^{2})(1-m^{2}/|F(\zeta_{2})|^{2})}\right]^{1/2} \leqslant \left|\frac{F(\zeta_{1})-F(\zeta_{2})}{\zeta_{1}-\zeta_{2}}\right| \leqslant \left[\frac{(1-m^{2}/|F(\zeta_{1})|^{2})(1-m^{2}/|F(\zeta_{2})|^{2})}{(1-1/|\zeta_{1}|^{2})(1-1/|\zeta_{2}|^{2})}\right]^{1/2}.$$
(3)

Оценка (3) может быть использована при изучении некоторых свойств ограниченных функций (4).

Tеорема 2. Для функций  $F\left(\zeta\right)\in\Sigma_{m}$  при любых комплексных  $\gamma_{\mathsf{v}},\,\gamma_{\mathsf{v}}',\,u$ 

,,  $\zeta_{\nu'}'$  из области  $|\zeta|>1$  ( $\nu=1,\ldots,n;\ \nu'=1,\ldots,n';\ n\geqslant 1,\ n'\geqslant 1$ ) меет место оценка \*

$$\left| \sum_{\nu=1}^{n} \sum_{\nu'=1}^{n} \gamma_{\nu} \gamma'_{\nu'} \log \frac{F(\zeta_{\nu}) - F(\zeta_{\nu'})}{\zeta_{\nu} - \zeta_{\nu'}} \right| \leq \left[ \sum_{\nu, \nu'=1}^{n} \gamma_{\nu} \overline{\gamma'_{\nu'}} \log \frac{1 - 1/\zeta_{\nu}' \overline{\zeta'_{\nu'}}}{1 - m^{2}/F(\zeta_{\nu}) \overline{F}(\zeta_{\nu'}')} \cdot \sum_{\nu, \nu'=1}^{n'} \gamma'_{\nu} \overline{\gamma'_{\nu'}} \log \frac{1 - 1/\zeta_{\nu}' \overline{\zeta'_{\nu'}}}{1 - m^{2}/F(\zeta'_{\nu}) \overline{F}(\zeta'_{\nu'})} \right]^{1/2}.$$

$$(4)$$

Следствие 1. При n=n',  $\gamma_{\nu}=\gamma'_{\nu}$ ,  $\zeta_{\nu}=\zeta'_{\nu}$  ( $\nu=1,\ldots,n$ ) имеем ценку

$$\left| \sum_{\nu, \nu'=1}^{n} \gamma_{\nu} \gamma_{\nu'} \log \frac{F(\zeta_{\nu}) - F(\zeta_{\nu'})}{\zeta_{\nu} - \zeta_{\nu'}} \right| \leqslant \sum_{\nu, \nu'=1}^{n} \gamma_{\nu} \overline{\gamma_{\nu'}} \log \frac{1 - 1/\zeta_{\nu} \overline{\zeta_{\nu'}}}{1 - m^2/F(\zeta_{\nu}) \overline{F(\zeta_{\nu'})}}. \quad (5)$$

Следствие 2. Положив в (4) и (5) m=0, получаем известные ценки ( $^5,^6$ ) для функций класса  $\Sigma$ .

Теорема 3. Пусть  $F(\zeta) \in \Sigma_m$  и

$$\log \frac{F(x) - F(y)}{x - y} = \sum_{v, v'=1}^{\infty} a_{vv'} x^{-v} y^{-v},$$
 6)

$$-\log\left(1 - \frac{m^2}{F(x)\overline{F(y)}}\right) = \sum_{\nu, \nu'=1}^{\infty} b_{\nu\nu'} x^{-\nu} \overline{y^{-\nu}}, \quad b_{\nu\nu'} = \overline{b_{\nu'\nu}}.$$
 (7)

. Тогда при любых комплексных  $x_1, \ldots, x_n; \ x_1', \ldots, x_n' \ (n \geqslant 1, \ n' \geqslant 1)$  меет место оценка

$$\left| \sum_{\nu=1}^{n} \sum_{\nu'=1}^{n'} \alpha_{\nu\nu'} x_{\nu} x_{\nu'}^{'} \right| \leq$$

$$\leq \left[ \left\{ \sum_{\nu=1}^{n} \frac{|x_{\nu}|^{2}}{\nu} - \sum_{\nu,\nu'=1}^{n} b_{\nu\nu'} x_{\nu} \overline{x_{\nu'}} \right\} \left\{ \sum_{\nu=1}^{n'} \frac{|x_{\nu}^{'}|^{2}}{\nu} - \sum_{\nu,\nu'=1}^{n'} b_{\nu\nu'} x_{\nu}^{'} \overline{x_{\nu'}} \right\} \right]^{1/2}.$$
(8)

Следствие 1. Положив в (8)  $n=n',\ x_{\nu}=x_{\nu}'\ (\nu=1,\ldots,n),\$ получаем

$$\left| \sum_{\nu,\nu'=1}^{n} a_{\nu\nu'} x_{\nu} x_{\nu'} \right| \leqslant \sum_{\nu=1}^{n} \frac{|x_{\nu}|^{2}}{\nu} - \sum_{\nu,\nu'=1}^{n} b_{\nu\nu'} x_{\nu} x_{\nu'}. \tag{9}$$

Следствие 2. При  $m=0,\ b_{\nu\nu'}=0$  из (8) и (9) получаются изве-

тные оценки (<sup>7</sup>,<sup>8</sup>) для функций класса Σ.

Теорема 4. Пусть функция  $F(\zeta) = \zeta + \alpha_0 + \alpha_1/\zeta + \ldots$  регулярна в области  $|\zeta| > 1$ , за исключением полюса при  $\varepsilon = \infty$ . Для того чтобы  $F(\zeta) \in \Sigma_m$ , необходимо и достаточно, чтобы при любых комплексных  $(\alpha_1, \ldots, \alpha_n)$  при обозначениях теоремы 3 выполнялось неравенство (9).

<sup>\*</sup> Здесь, как и в дальнейшем, под  $\log \frac{F(x) - F(y)}{x - y}$  понимается та однозначная |x| > 1, |y| > 1 ветвь этой многозначной функции, которая стремится к 0 при  $x \to \infty$  или  $y \to \infty$ .

Следствие. При m=0 получаются необходимые и достаточны

условия для того, чтобы  $F(\zeta) \in \Sigma$  (ср. (9)).

Теорема 5. Для функций  $f(z) \in S_M$  при любых  $\gamma_{vv'}$  и  $z_v$ ,  $z_{v'}$  из круги |z| < 1 ( $v = 1, \ldots, n$ ;  $v' = 1, \ldots, n'$ ;  $n \geqslant 1$ ,  $n' \geqslant 1$ ) имеет место оценко

$$\left| \sum_{\nu=1}^{n} \sum_{\nu'=1}^{n'} \gamma_{\nu} \gamma_{\nu'}^{\prime} \Phi_{xy}^{'} \left( z_{\nu}, z_{\nu'}^{\prime} \right) \right| \leq \left[ \sum_{\nu, \nu'=1}^{n} \gamma_{\nu} \overline{\gamma_{\nu'}} \left\{ \frac{1}{(1 - z_{\nu} \overline{z_{\nu'}})^{2}} - \frac{f'(z_{\nu}) \overline{f'(z_{\nu'})} / M^{2}}{(1 - f(z_{\nu}) \overline{f(z_{\nu'})} / M^{2}} \right\} \right]^{1/2} \times \left[ \sum_{\nu, \nu'=1}^{n'} \gamma_{\nu}^{\prime} \overline{\gamma_{\nu'}^{\prime}} \left\{ \frac{1}{(1 - z_{\nu}^{\prime} \overline{z_{\nu'}^{\prime}})} - \frac{f'(z_{\nu}^{\prime}) \overline{f'(z_{\nu'}^{\prime})} / M^{2}}{(1 - f(z_{\nu}^{\prime}) \overline{f(z_{\nu'}^{\prime})} / M^{2})^{2}} \right\} \right]^{1/2},$$
(10)

rede  $\Phi(x, y) = \log \frac{f(x) - f(y)}{x - y} \frac{xy}{f(x) f(y)}$ .

Следствие 1. При  $M \to \infty$  получаем соответствующую оценку для функций класса S (ср.  $(^{10})$ ).

Следствие 2. Положив в (10)  $n=n', \ \gamma_{\nu}=\gamma'_{\nu}, \ z_{\nu}=z'_{\nu} \ (\nu=1,\ldots,n),$ 

имеем

$$\left| \sum_{\nu, \nu'=1}^{n} \gamma_{\nu} \gamma_{\nu'} \Phi_{xy}^{"}(z_{\nu}, z_{\nu'}) \right| \leqslant \sum_{\nu, \nu'=1}^{n} \gamma_{\nu} \overline{\gamma_{\nu'}} \left\{ \frac{1}{(1-z_{\nu}\overline{z_{\nu'}})^{2}} - \frac{f'(z_{\nu}) \overline{f'(z_{\nu'})} / M^{2}}{(1-f(z_{\nu}) \overline{f(z_{\nu'})} / M^{2})^{2}} \right\}. \tag{11}$$

Следствие 3. Положив в (10)  $n=1,\ \gamma_1=\gamma_1'=1,\ z_1'=z_2,$  получаем оценку

$$\left| \frac{f'(z_{1}) f'(z_{2})}{(f(z_{1}) - f(z_{2}))^{2}} - \frac{1}{(z_{1} - z_{2})^{2}} \right| \leqslant \left[ \left\{ \frac{1}{(1 - |z_{1}|^{2})^{2}} - \frac{|f'(z_{1})|^{2} / M^{2}}{(1 - |f(z_{1})|^{2} / M^{2})^{2}} \right\} \left\{ \frac{1}{(1 - |z_{2}|^{2})^{2}} - \frac{|f'(z_{2})|^{2} / M^{2}}{(1 - |f(z^{2})|^{2} / M^{2})^{2}} \right\}^{1/2} \right]. (12)$$

При  $M \to \infty$  (12) переходит в оценку для функций класса S:

$$\left| \frac{f'(z_1) f'(z_2)}{(f(z_1) - f(z_2))^2} - \frac{1}{(z_1 - z_2)^2} \right| \le \frac{1}{(1 - |z_1|^2) (1 - |z_2|^2)}. \tag{13}$$

Следствие 4. Полагая в (12)  $z_1=z_2=z$ , имеем оценку (11)

$$\frac{1}{6} \left| \{f, z\} \right| + \frac{\left| f'(z)^2 / M^2 \right|}{(1 - \left| f(z) \right|^2 / M^2)^2} \leqslant \frac{1}{(1 - \left| z \right|^2)^2} ,$$

«где 
$$\{f,\,z\}=\left(rac{f''\left(z
ight)}{f'\left(z
ight)}
ight)'-rac{1}{2}\left(rac{f''\left(z
ight)}{f'\left(z
ight)}
ight)^{2}$$
— мнвариант Шварца.

Ленинградский государственный университет им. А. А. Жданова

Поступило 12 VII 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> К. Lõwner, Math. Ann., 89, 103 (1923). <sup>2</sup> Г. М. Голузин, Матем. сборн., 23 (65): 3 (1948). <sup>3</sup> И. Е. Базилевич, Матем. сборн., 28 (70), 2 (1951). <sup>4</sup> Г. Шлионский, ДАН, 92, № 2 (1953). <sup>5</sup> Г. М. Голузин, Матем. сборн., 21, (63): 1 (1947). <sup>6</sup> Н. А. Лебедев, Диссертация, ЛГУ, 1951. <sup>7</sup> Г. М. Голузин, Матем. сборн., 29 (71): 1 (1951). <sup>8</sup> М. Schiffer, Bull. Am. Math. Soc., 54, 503 (1948). <sup>9</sup> Н. Grunsky, Math. Zs., 45, 29 (1939). <sup>10</sup> Л. И. Колбина, ДАН, 84, № 6 (1952). <sup>11</sup> Ю. Е. Аленицын, ДАН, 102, № 5 (1955).

Член-корреспондент АН СССР Н. А. ЦЫТОВИЧ

### ОБ ОПРЕДЕЛЕНИИ СИЛ СЦЕПЛЕНИЯ СВЯЗНЫХ ГРУНТОВ ПО МЕТОДУ ШАРИКОВОЙ ПРОБЫ\*

Важнейшим показателем механических свойств связных грунтов зляются их силы сцепления, имеющие сложную природу, определяемую тутренними связями: молекулярно-контактными, цементационными, стру-

гурно-коллондными (водно-адсорбционными) и механическими.

При действии местной пагрузки на грунт в пем возникают два протиоположных процесса: процесс упрочнения и уплотнения и процесс релакщии внутренних связей — спижения величины структурного и цементанонного сцепления (12). В зависимости от того, какой процесс в грунте

удет преобладать, в нем будут иметь место формации уплотнения или же деформации затухающего пластического течения. оэтому оценка сил сцепления пластичых грунтов, особенно обладающих значительным сопротивлением трению, меет первостепенное практическое значе-

7 TO Puc. 1

Применяемые в настоящее время меоды опытного определения сил сцепле-

ия связных грунтов далеко не удовлетворяют предъявляемым к и требованиям и часто определяют лишь весьма условные характеричики грунтов. Так, величина сцепления грунтов, определяемая по обычной награмме сдвига (зависимости сдвигающих напряжений от величины цельного давления, см. рис. 1) как часть полного сопротивления сдвигу, зависящая от величины внешнего давления, является лишь некоторой словной характеристикой  $c=\tau_0$ . Эга характеристика определяется предположении строгой линейности зависимости  $\tau$  от p, что в общем случе неверно, так как указанная линейность соблюдается лишь в опреденных пределах, для участка же с небольшой величиной давлений завимость между  $\tau$  и p всегда переходит в явно криволинейную. Кроме го, с изменением уплотняющих давлений изменяется и величина сцепленя связных грунтов, что не учитывается диаграммой рис. 1. Для переуплотенных же грунтов отрезок, отсекаемый прямой  $\tau = f(p)$  на оси  $\tau$  диаграммы цвига, будет отвечать лишь максимальной величине сцепления грунта.

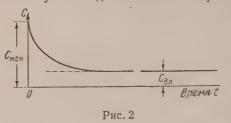
При определении сцепления связных грунтов по результатам испытаия на одноосное напряженное состояние существенное влияние на результы испытаний оказывает дефектность поверхности образцов (особенно
опытах на растяжение), а при испытании на трехосное сжатие, несмотря
сложность проведения опытов, не обеспечивается, особенно при небольих нагрузках, точность испытаний. Изучение же расслабления сил сцепения связных грунтов во времени по всем перечисленным методам затруд-

ительно.

<sup>\*</sup> Доложено на совещании о природе прочности грунтов при Отделении техничеих наук АН СССР, июнь 1955 г.

Автором еще в 1947 г. было предложено использовать метод шариково пробы для определения сил сцепления пластичных мерзлых грунтов Как показали дальнейшие работы по развитию этого метода, связанны главным образом с гидротехническим строительством на Волге и Каме метод шариковой пробы весьма перспективен и для исследования сил сцепления связных глинистых грунтов. Эгот метод наиболее прост, теоретических орошо обоснован и дает широкие возможности исследовать силы сцеплении их релаксацию во времени как по образцам грунта естественной структуры так и в условиях естественного залегания грунтов.

Величина сил сцепления определяется по результатам измерення остаточной глубины вдавливания S шарового штампа диаметром D при дей



ствии на него постоянной нагруз P.

Принимая, что сцепление для идеально связных тел, по Сен-Венану находится в простом соотношения с пределом прочности при сжатии, последний, как установлено много численными исследованиями металловедов, для пластичных материалом прямо пропорционален числу тверде

сти определяемому шариковой пробой, для определения сил сцепления связных пластичных грунтов будет справедлива зависимость (1):

$$c = \alpha - \frac{P}{\pi DS}, \tag{1}$$

где  $\alpha$  — коэффициент пропорциональности. Значение коэффициента одля идеально связных пластичных материалов, обладающих малыг внутренним трением, базируясь на строгом решении А. Ю. Ишлинского (3 и опытах Г. П. Зайцева (4), может быть установлено равным:  $\alpha = 0,176 \approx 0,18$ . Для грунтов же, обладающих не только сцеплением, но и внутренним трением, как вытекает из решения задачи о предельном равновесии связной среды под сферическими и коническими штампами, опубликованного В. Г. Березанцевым (5), величина этого коэффициента будет меньше, причем при угле внутреннего трения, равном  $\varphi = 10^\circ$ , поправка равна 0,61; при  $\varphi = 20^\circ$  — около 0,28 и при  $\varphi = 30^\circ$  близка к 0,12. Для связных же грунтов сбладающих незначительным углом внутреннего трения (меньше 5—7°) приведенная зависимость будет с достаточной степенью точности определять величину чистого сцепления без введения каких-либо поправок т. е. при  $\alpha = 0,18$ .

Испытание связных глинистых грунтов с помощью шариковой пробы дает возможность изучить уменьшение сил сцепления связных грунтов припостоянной нагрузке во времени вследствие релаксации в них напряжений и определить ряд других важных характеристик: величину предельной нагрузки на грунт, параметры пластичности, коэффициент пластического боксвого расширения (аналогичный коэффициенту Пуассона) и др.

На рис. 2 представлена кривая изменения во времени сил сцепления связного глинистого грунта, построенная по результатам испытания на вдавливание шариковым штампом. Уменьшение сил сцепления связных глинистых грунтов, подобное изображенному на рис. 2, обусловлено главным образом вязким сопротивлением относительному смещению твердых частици их агрегатов, находящихся под действием водно-адсорбционных связей, и постепенным разрушением структурных и цементационных связей грунтов.

Оссбо важной характеристикой для оценки несущей способности связ-

<sup>\*</sup> Доложено в Институте мерзлотоведения им. В. А. Обручева АН СССР в 1947 г и внедрено опубликованием соответствующих инструкций: рукописных в 1949 г. и печатной в 1954 г. (1).

ных грунтов является величина длительного сцепления, определяемого то замеру предельно установившейся осадки шарикового штампа, т. е. когда приращения осадок совершенно прекратятся. Практически, как показали опыты с кинельскими и юрскими глинами, часто бывает достаточным замерить величину деформации (осадку) за одни-двое суток, так как дальнейшая деформация составляет лишь несколько процентов.

По величине длительного сцепления по известным решениям, полученным для идеально пластических тел, легко вычисляется предельная нагрузка грунт. Например, в случае плоской задачи по Прандтлю, Новоторцеву

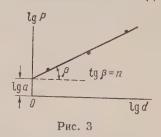
1 Соколовскому (6)

$$p_{\text{пред}} = (\pi + 2) c_{\text{дл}} + q,$$
 (2)

:·де q — боковая пригрузка.

Отметим, что формула (2) была рекомендована нами для определения предельной нагрузки на пластичные мерзлые грунты еще в 1937 г. (8).

Как показано нами совместно с С. С. Вялозым в докладе на Совещании о природе прочности грунтов (1955 г.), формулы для идеальнов сязных грунтов (при φ = 0), подобные приведенной зыше, имеют и более общее значение, позволяя рпределять предельную нагрузку и на связные грунты, обладающие не только сцеплением, но и трением, если результаты шариковой пробы рассматривать как комплексную характеристику.



Между диаметром отпечатка d шарового штампа и величиной внештей нагрузки на шарик P, как известно ( $^9,^{10}$ ), существует соотношение

$$P = ad^n, (3)$$

де a — параметр пластичности и n — коэффициент упрочнения, характери-

зующий способность материала к упрочнению.

Величины параметров a и n можно определить по результатам нескольких опытов на вдавливание шарового штампа при разной нагрузке по графику зависимости  $\lg P$  от  $\lg d$ , пользуясь тем, что в логарифмическом масштабе эта зависимость представляется прямой (рис. 3), или же аналитически, если известен диаметр d хотя бы двух отпечатков на образце связного рунта при различных давлениях  $P_1$  и  $P_2$ . Например, коэффициент упрочнения n будет равен:

$$n = \frac{\lg (P_1 / P_2)}{\lg (d_1 / d_2)}.$$
 (4)

Если известен коэффициент упрочнения n, то, как показано И. И. Черкасовым ( $^{11}$ ), коэффициент пластического бокового расширения  $\mu$ , аналогичный коэффициенту Пуассона для упругих тел, однозначно определяется выражением

$$\mu = 0.25 + 0.25 (n-2)^{*/s}. \tag{5}$$

Таким образом, применение метода шариковой пробы к исследованию вязных грунтов дает возможность определить ряд их механических харакеристик, главнейшей из которых будет величина длительного сцепления.

Отметим, что, как показала статистическая обработка результатов ескольких серий наших совместно с И. З. Захаровым опытов, поставленых Научно-исследовательским сектором Гидропроекта в Центральной аборатории физики и механики грунтов Института мерзлотоведения им. В. А. Обручева, величина длительного сцепления кинельских и других ластичных глин, определяемая шариковой пробой, практически совпадает величиной полного длительного сопротивления этих грунтов сдвигу, что

имеет большое принципиальное значение для однозначного установлени: предельных нагрузок на идеально связные глинистые грунты как основани: для сооружений.

Институт мерэлотоведения им. В. А. Обручева Академии наук СССР

Поступило 16 II 1956

#### **ШИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА**

<sup>1</sup> Н. А. Цытович, Материалы по лабораторным исследованиям мерзлых грунток Сборн. 2, Изд. АН СССР, 1954. <sup>2</sup> С. С. Вялов, Н. А. Цытович, ДАН, 104, № (1955). <sup>3</sup> А. Ю. Ишлинский, Прикл. матем. и мех., 8, № 3 (1944). <sup>4</sup> Г. П. Зайцев, Зав. лаб., № 6 (1949); № 4 (1951). <sup>5</sup> В. Г. Березанцев, Изв. АН СССР, ОТН№ 7 (1955). <sup>6</sup> В. В. Соколовский, Статика сыпучей среды, 1954. <sup>7</sup> В. Г. Березанцев, Осесимметричная задача теории предельного равновесия сыпучей среды, 1952. <sup>8</sup> Н. А. Цытович, М. И. Сумгин, Основания механики мерзлых грунтов Изд. АН СССР, 1937. <sup>3</sup> Г. П. Зайцев, Сборн., посвящ. 70-летию акад. А. Ф. Иоффер 1950. <sup>10</sup> Я. Б. Фридман, Механически свойства металлов, 1952. <sup>11</sup> И. И. Черкасов, ЖТФ, 22, в. 11 (1952). <sup>12</sup> С. С. Вялов, ДАН, 104, № 6 (1955).

### ГИДРОМЕХАНИКА

### г. л. гродзовский

# АВТОМОДЕЛЬНОЕ ДВИЖЕНИЕ ГАЗА ПРИ СИЛЬНОМ ПЕРИФЕРИЙНОМ ВЗРЫВЕ

(Представлено академиком Л. И. Седовым 25 VII 1956)

Аналогично исследованной Л. И. Седовым (1) задаче о сильном взрыве центре симметрии покоящегося газа, можно рассмотреть автомодельное гечение при сильном периферийном взрыве, вызывающем движение мощной ударной волны к центру симметрии покоящегося газа плотности  $\rho_1$  (давление покоящегося газа  $p_1$  принимается пренебрежимо малым по сравнению давлением за ударной волной  $p_2$ ).

Если Е — характерная энергия взрывов, то единственной безразмерной

теременной комбинацией определяющих параметров будет

$$\lambda = \frac{E}{\rho_1} \frac{t^2}{r^{2+\nu}},\tag{1}$$

где r — линейная координата; t — время; v = 1, 2, 3, соответственно, для плоского, цилиндрического и сферического течения. При этом между псверхностями  $\lambda$  = const количество энергии постоянно. Положению ударной волны  $r_2$  соответствует определенное постоянное значение параметра  $\lambda_2 = \frac{E}{\rho_1} \frac{r_2^2}{r_2^2 + v}$ ; соответственно,

 $\rho_1 r_2$  скорость распространения ударной волны c равна:

$$c = \frac{2V\overline{\lambda_{2}\rho_{1}/E}}{(2+\nu)r_{2}^{\nu/2}} = \frac{2}{2+\nu}\frac{r_{2}}{t}.$$
 (2)

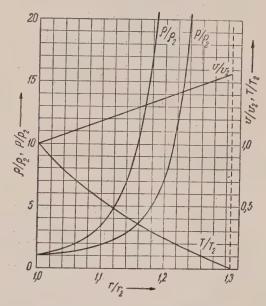


Рис. 1. Плоский случай

969

Движению ударной волны к центру симметрии покоящегося газа (c>0) соответствует область изменения t от  $-\infty$  до 0 ( $^2$ ). С приближением к центру скорость ударной волны резко возрастает ( $^2$ ), соответственно растут давление  $p_2$ , скорость  $v_2$  и температура газа  $T_2$  за ударной волной:

$$p_2 = \frac{2}{\kappa + 1} \rho_1 c^2; \quad v_2 = \frac{2}{\kappa + 1} c; \quad \rho_2 = \frac{\kappa + 1}{\kappa - 1} \rho_1,$$

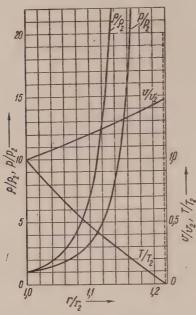
. e.

$$T_2 \sim \frac{1}{r_2 \nu}$$
.

Течение газа за ударной волной определяется решением Л. И. Седова (¹). В плоскости  $V,\,z,\,\left(v=\frac{r}{t}\,V;\;\rho=\rho_1R;\;p=\frac{\rho_1r^2}{t^2}\,P;\;\;z=\frac{\kappa\rho}{R}\right)$  через точку  $V_2=\frac{4}{(\varkappa+1)\,(\varkappa+2)}\,,\;\;z_2=\frac{8\varkappa\,(\varkappa+1)}{(\varkappa+1)^2\,(\varkappa+2)^2}$  проходит интегральная кривая

 $z = \frac{(x-1)V^2\left(V-\frac{2}{2+v}\right)}{2\left[\frac{2}{(2+v)x}-V\right]};$  рассматриваемому нами течению соответствует

участок интегральной кривой от  $(V_2, z_2)$  до  $(\frac{2}{2+\nu}, 0)$ . Расчетные фор-



15

Рис. 2. Цилиндрический случай

Рис. 3. Сферический случай

мулы те же, что и в задаче о сильном взрыве (1). Например, при цилиндрической симметрии

$$\lambda = (1 + \varkappa)^4 \left(\frac{1 - \varkappa}{\pi \varkappa}\right)^{2(\varkappa - 1)/\varkappa} V^2 (1 - \varkappa V)^2 (1 - 2\varkappa V)^{-2(\varkappa - 1)/\varkappa}; \tag{3}$$

$$R = \frac{\varkappa + 1}{\varkappa - 1} \left[ \frac{\varkappa + 1}{\varkappa - 1} (2\varkappa V - 1) \right]^{1/\varkappa} \left[ (\varkappa - 1) (1 - \varkappa V) \right]^{2/(2 - \varkappa)} (1 - 2V)^{-2/(2 - \varkappa)}. \tag{4}$$

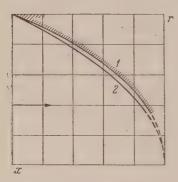


Рис. 4. *1* — контур тела; 2 — ударная волна

На рис. 1, 2 и 3 приведены результаты расчета профилей скорости, плотности, давления и температуры, соответственно для плоского, цилиндрического и сферического случаев при к = 1,4. Область автомодельного течения заключена между ударной волной и внешней границей радиуса  $r_{\kappa}$ ; в плоском случае  $r_{\rm K}/r_2=1,307$ , в цилиндрическом случае  $r_{\rm K}/r_2=1,218$ , в сферическом случае  $r_{\rm K}/r_2 = 1,187$  (при  $\varkappa = 1,4$ ).

На внешней границе  $r_{\kappa}$  скорость течения газа и скорость движения границы совпадают; такое течение может быть получено, при движении полого поршня, например, стягивающегося к центру по закону  $r_{\kappa} = (Et^2/\rho_1^{\lambda_{\kappa}})^{1/(2+\nu)}.$ 

$$r_{\rm K} = (Et^2/\rho_1^{\lambda_{\rm K}})^{1/(2+\nu)}$$
.

Рассмотренное цилиндрическое течение может быть использовано для определения стационарного обтекания соответствующего тонкого тела 970

ращения (с протоком) при больших сверхзвуковых скоростях (см. наприр, (4)). На рис. 4 приведен контур такого тела, вызывающий параболискую ударную волну  $x = kr^2$ .

Центральный аэро-гидродинамический институт им. Н. Е. Жуковского

Поступило 15 VII 1956

# ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

1 Л.И.Седов, Прикл. матем. и мех., 10, в. 2 (1946). 2 Л.И.Седов, Методы одобия и размерности в механике, изд. 3-е, 1954. 2 К.П.Станюкович, Неустаовившиеся движения сплошной среды, 1955. 4 Г.М.Бам-Зеликович, А.И. унимович, М.П.Михайлова, Теоретическая гидромеханика, Сборн. ст. № 4,

### ТЕОРИЯ УПРУГОСТ

#### м. и. розовский

# ПОЛУСИМВОЛИЧЕСКИЙ СПОСОБ РЕШЕНИЯ НЕКОТОРЫХ ЗАДАР ТЕОРИИ НАСЛЕДСТВЕННОЙ УПРУГОСТИ

(Представлено академиком Н. И. Мусхелишвили 3 V 1956)

Процесс деформирования во времени упруго-наследственной сред будем называть сложным, если он не может быть описан с помощьк конечного числа параметров, зависящих только от времени. Это будо иметь место в том случае, когда известное решение соответствующе упруго-мгновенной задачи не может быть представлено в виде сумм произведений координатных множителей на рациональные функции упругих постоянных. Известны решения трех задач (о деформации шара) (1-3 соответствующих последнему случаю, две из которых решены символт ческим способом Вольтерра (1,2), требующим предварительного введени новой специальной функции, зависящей от координат и времени.

Полусимволический способ, который будет предложен ниже, не требует предварительного введения специальной функции. Покажем еп в применении к задачам наследственной упругости, приводящихся к ре

шению интегро-дифференциального уравнения

$$\frac{\partial^{m} y}{\partial x^{m}} + \alpha^{2} y(x, t) = f(x) + \int_{0}^{t} \psi(t, \tau) \frac{\partial^{m} y}{\partial x^{m}} d\tau + \alpha^{2} \int_{0}^{t} \varphi(t, \tau) y(x, \tau) d\tau, \quad (1)$$

где y — неизвестная функция x и t;  $\alpha$ , f(x) и коэффициенты наследствен ности  $\varphi(t,\tau)$  и  $\psi(t,\tau)$  заданы. При m=4 уравнение (1) обобщает диф ференциальное уравнение A. Н. Крылова балки на упругом основании при m=4 и частном виде f(x) уравнение (1) описывает деформации замкнутого цилиндрического резервуара; при m=2 и  $\varphi(t,\tau)\equiv 0$  эт уравнение отображает изменение продольного изгиба стержня с учето наследственности.

Упомянутые частные виды уравнения (1), а также другие легко вы водятся непосредственно, исходя из соответствующих физических соотно

шений Вольтерра (4).

Для дальнейшего необходимо уравнение (1) преобразовать так, чтобы оно содержало лишь одно ядро. Обозначим

$$y(x, t) - \int_{0}^{\tau} \varphi(t, \tau) y(x, \tau) d\tau = \omega(x, t).$$

Тогда из (2) следует

$$y(x, t) = \omega(x, t) + \int_{0}^{t} R(t, \tau) \omega(x, \tau) d\tau, \qquad (3)$$

где  $R(t, \tau)$  — резольвента ядра  $\varphi(t, \tau)$ .

Подставляя (3) в уравнение (1), получим

$$\frac{\partial^m \omega}{\partial x^m} + \alpha^2 \omega = f(x) + \int_0^t K(t, \tau) \frac{\partial^m \omega}{\partial x^m} d\tau, \tag{4}$$

 $K(t, \tau) = \psi(t, \tau) + \int_{\tau}^{t} \psi(t, s) R(s, \tau) ds.$ 

Вводя интегральный оператор Вольтерра  $\mathring{K}y = \int\limits_0^t K\left(t,\, au
ight)y\left( au
ight)d au$ , пред-

$$\frac{\partial^m \omega}{\partial x^m} + \frac{\alpha^2}{1 - \mathring{K}} \omega = \frac{f(x)}{1 - \mathring{K}}.$$
 (5)

Полагая  $\partial^m \omega / \partial x^m = u(x, t)$ , получим

$$\omega = \frac{1}{(m-1)!} \int_{0}^{x} (x-\xi)^{m-1} u(\xi, t) d\xi + \sum_{i=0}^{m-1} c_i(t) x^i,$$
 (6)

це  $c_i(t)$  — произвольные функции времени.

Учитывая последнее, приведем уравнение (5) к уравнению

$$u(x, t) + \frac{\alpha^2}{1 - K} \left[ \frac{1}{(m-1)!} \int_0^x (x - \xi)^{m-1} u(\xi, t) d\xi + \sum_{i=0}^{m-1} c_i(t) x^i \right] = \frac{f(x)}{1 - K}.$$
 (7)

Уравнение (7) по отношению к u является интегральным, поскольку ременной оператор  $1/(1-\tilde{K})$  пока считается постоянным коэффициентом. ещение уравнения (7) будем искать в виде ряда

$$u(x, t) = u_0(x, t) + \sum_{n=1}^{\infty} u_n(x, t).$$

Тогда придем к следующим рекуррентным формулам:

$$u_0(x, t) = (1 - \mathring{K})^{-1} \Big[ f(x) - \alpha^2 \sum_{i=0}^{m-1} c_i(t) x^i \Big],$$

$$u_n(x, t) = -\frac{\alpha^2 (1 - \dot{k})^{-1}}{(m-1)!} \int_{0}^{x} (x - \xi)^{m-1} u_{n-1}(\xi, t) d\xi \quad (n = 1, 2, 3, \ldots).$$

Введем обозначения:

$$\Phi_{n}(x) = \int_{0}^{x} (x - \xi_{1})^{m-1} d\xi_{1} \int_{0}^{\xi_{1}} (\xi_{1} - \xi_{2}) d\xi_{2} \dots \int_{0}^{\xi_{n-1}} (\xi_{n-1} - \xi_{n}) f(\xi_{n}) d\xi_{n},$$

$$I_{i, n}(x) = \int_{0}^{x} (x - \xi_{1})^{m-1} d\xi_{1} \int_{0}^{\xi_{1}} (\xi_{1} - \xi_{2}) d\xi_{2} \dots \int_{0}^{\xi_{n-1}} (\xi_{n-1} - \xi_{n}) \xi_{n}^{i} d\xi_{n}$$

$$(i = 0, 1, 2, \dots, m-1).$$

Тогда получим

$$u_n(x, t) = \frac{(-1)^n \alpha^{2n}}{(m-1)! (1-K)^{n+1}} \left[ \Phi_n(x) - \alpha^2 \sum_{i=0}^{m-1} I_{i,n}(x) c_i(t) \right]. \tag{8}$$

Для перехода в (8) от символической формы к явной выполним ра ложение

$$\frac{c_i(t)}{(1-k_i^*)^{n+1}} \sum_{\nu=0}^{\infty} \frac{(n+1)(n+2)\dots(n+\nu)}{\nu!} k^{\nu} c_i(t).$$
 (5)

В соотношении (9) символ  $\mathring{K}^{\nu}c_{i}(t)$  имеет следующий смысл:

$$\mathring{K}^{\nu}c_{i}(t) = \int_{0}^{t} K(t, \tau_{1}) d\tau_{1} \int_{0}^{\tau_{1}} K(\tau_{1}, \tau_{2}) d\tau_{2} \dots \int_{0}^{\tau_{\nu-1}} K(\tau_{\nu-1}, \tau_{\nu}) c_{i}(\tau_{\nu}) d\tau_{\nu} = \int_{0}^{t} K_{\nu}(t, \tau) c_{i}(\tau) d\tau, \quad \mathring{K}^{0}c_{i}(t) = c_{i}(t), \tag{10}$$

где  $K_{\nu}(t,\tau)$  —  $\nu$ -е повторное ядро исходного ядра  $K(t,\tau)$ . Принимая во внимание указанное выше, получим

$$u = \Phi_0(x) \lambda(t) + \frac{1}{(m-1)!} \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \alpha^{2n} \Phi_n(x) \sum_{\nu=0}^{\infty} \frac{(n+1)(n+2)\dots(n+\nu)}{\nu!} F_{\nu}(t) - \alpha^2 \sum_{i=0}^{m-1} \left[ q_i(x) c_i(t) - \int_0^t R_i(t, \tau; x) c_i(\tau) d\tau \right], \tag{11}$$

где

$$q_{i}(x) = x^{i} + \frac{1}{(m-1)!} \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n} \alpha^{2n} I_{i,n}(x), \quad R_{i}(t,\tau;x) = -x^{i} L(t,\tau) + \frac{1}{(m-1)!} \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n} \alpha^{2n} I_{i,n}(x) \sum_{\nu=1}^{\infty} \frac{(n+1)(n+2)\dots(n+\nu)}{\nu!} K_{\nu}(t,\tau); \quad (12)$$

 $F_{\nu}(t) = \mathring{K}^{\nu}1$  определяется из соотношения (10) при  $c_{i}(t) \equiv 1$ ;  $\lambda(t) = 1 + \int_{0}^{t} L(t,\tau) d\tau$ , где  $L(t,\tau)$  — резольвента ядра  $K(t,\tau)$ . Легко убедиться

что при  $|f(x)| \leqslant A$ ,  $|K(t,\tau) \leqslant h$  и  $|c_l(t)| \leqslant c$ , где h, A и c — некоторы постоянные, имеет место оценка  $|u_n| < Ac \, h^{n+1} z^n / n!$ , где  $z = \max \{\alpha^2, x, t\}$  Поэтому ряды, фигурирующие в (11), сходятся равномерно. Подставляю (11) в (6) и далее в (3), получим

$$y = \frac{1}{(m-1)!} \left[ \Phi_{1}(x) \lambda(t) + \frac{1}{(m-1)!} \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n} \alpha^{2n} \Phi_{n+1}(x) \theta_{n}(t) \right] - \frac{\alpha^{2}}{(m-1)!} \sum_{i=0}^{m-1} \left[ p_{i}(x) c_{i}(t) + \int_{0}^{t} P_{i}(t, \tau; x) c_{i}(\tau) d\tau \right],$$
(1)

где 
$$p_i(x) = x^i q_{i,1}(x)$$
;  $P_i(t,\tau;x) = [1 + q_{i,1}(x)] R(t,\tau) - \int_{\tau}^{t} R(t,s) R_{i,1}(t,s;x) ds$ 

$$-R_{i,1}(t,\tau,x); \ \theta_n(t) = \sum_{\nu=0}^{\infty} \frac{(n+1)(n+2)\dots(n+\nu)}{\nu!} \left[ F_{\nu}(t) + \int_{0}^{t} R(t,\tau) F_{\nu}(\tau) d\tau \right]$$

 $q_{i,1}(x)$  и  $R_{i,1}(t,\tau,x)$  получаются из формул (12) в результате замен в них  $x^i$  и  $I_{i,n}$ , соответственно на  $I_{i,1}$  и  $I_{i,n+1}(x)$ . В том, что (13 удовлетворяет уравнению (1), можно убедиться непосредственной подста повкой. Для практического применения соотношения (13) полезнувыразить произвольные функции  $c_i(t)$  через начальные параметрыя 974

Пользуясь соотношениями (6) и (2), получим

$$c_{i}\left(t\right) = \frac{1}{i!} \left[ y_{0,i}\left(t\right) - \int_{0}^{t} \varphi\left(t,\tau\right) y_{0,i}\left(\tau\right) d\tau \right], \tag{14}$$

$$y_{0,0} = y(0, t), \quad y_{0,i} = d^i y(0, t) / dx^i \quad (i = 0, 1, 2, ..., m-1).$$

Подставляя в (13) вместо  $c_i(t)$  их выражение из (14), полум решение уравнения (1), зависящее от начальных парагров  $y_{0,\,i}$ . Значения  $y_{0,\,i}$  для произвольного момента времени могут гь заданы непосредственно. Так можно поступить, например, при шении задачи о продольном изгибе стержня, нижний конец которого кат, а верхний оперт. Здесь m=2,  $\varphi(t,\tau)\equiv 0$ ,  $K(t,\tau)=\psi(t,\tau)$ ,  $E(t,\tau)=0$ ,  $Y_{0,t}=0$  (t=0,1).

Принимая для конкретности  $\psi(t-\tau) = a(t-\tau)^{\beta-1}, \ a>0, \ 0<\beta<1$ эффициент наследственности, предложенный Дюфингом (5), исходивм из экспериментов), получим

$$= \frac{Q}{B} \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \left(\frac{P}{B}\right)^{n-1} \frac{x^{2n}[x - (2n+1)l]}{(2n+1)!} \sum_{\nu=1}^{\infty} \frac{n(n+1)\dots(n+\nu-1)}{\nu! \Gamma(\nu\beta+1)} k^{\nu} t^{\nu\beta}, \quad (15)$$

t-длина стержня; P-осевая сжимающая сила; Q-горизонталь-B реакция опоры на верхний конец стержня, B — мгновенная жестсть;  $k = a\Gamma(\beta)$ .

Полагая в (15) x=l и учитывая, что y(l,t)=0, получим уравне-

E для определения критической силы  $P_{\mathrm{kp}}(t)$ . В более сложных случаях  $y_{\mathrm{o},\ t}$  определяется последовательно из темы алгебраических уравнений, получаемых исходя из соответствуюх граничных условий. Последнее будет иметь место, например, при цении задачи о деформации замкнутого цилиндрического резервуара, <del>«одящегося под гидростатическим давлением, с учетом наследствен-</del> сти (ползучести). Здесь m=4 и f(x) — линейная функция x. В заключение заметим, что в статье  $\binom{3}{2}$  мы рассматривали радиаль-

о деформацию полой сферы, обладающей анизотропией и упругим следействием (наследственностью). Вопрос был сведен к рассмотрению

внения

$$\frac{\partial^2 u}{\partial z^2} + \frac{\partial u}{\partial z} - B_1 u = \int_0^t K_1(t, \tau) u(z, \tau) d\tau \quad (B_1 = \text{const}), \tag{16}$$

пение которого было найдено способом, принципиально отличным способа, предложенного в настоящей работе.

Полагая в уравнении (16)  $u = v \exp(-1/2z)$ , получим

$$\frac{\partial^2 v}{\partial z^2} - \left(\frac{1}{4} + B_1\right)v = \int_0^t K_1(t, \tau)v(z, \tau)d\tau. \tag{17}$$

авнение (17) является частным случаем интегро-дифференциального авнения (1). Следовательно, пользуясь полученными выше результаи, можно образовать также решение задачи, рассмотренной в (³).

Днепропетровский горный институт им. Артема

Поступило 27 I 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

1 V. Volterra, Leçons sur les fonctions de lignes, Paris, 1913. <sup>2</sup> Ю. Н. Работв, Прикл. матем. и мех., 12, в. 1 (1948). <sup>3</sup> М. И. Розовский, ДАН, 105, № 5). <sup>4</sup> М. И. Розовский, Изв. АН СССР, ОТН, № 5 (1948). <sup>5</sup> G. Duffing, sch., 2, № 3, 99 (1931). 975

.

.

.

.

# МАТЕМАТИЧЕСКАЯ ФИЗИКА

#### В. П. МАСЛОВ

# МЕТОД ТЕОРИИ ВОЗМУЩЕНИЙ ДЛЯ ОТЫСКАНИЯ СПЕКТРА БЫКНОВЕННЫХ ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ ОПЕРАТОРОВ С МАЛЫМ ПАРАМЕТРОМ ПРИ СТАРШЕЙ ПРОИЗВОДНОЙ

(Представлено академиком Н. Н. Боголюбовым 24 VIII 1956)

Пусть  $\{A_h\}$  последовательность самосопряженных операторов с дисетным спектром, сильно сходящаяся к самосопряженному опера-ру A с непрерывным спектром.

Если  $\psi_k^{(1)}$  и  $E_k^{(1)}$  — асимптотики собственных функций и собственных ичений операторов  $A_k$  при больших k, то первая поправка к асимпгике собственных значений может быть выражена, как в обычной теои возмущений, в виде

$$\frac{(\psi_k^{(1)}, A_k \psi_k^{(1)})}{(\psi_k^{(1)}, \psi_k^{(1)})} - E_k^{(1)}.$$

зумеется, это будет справедливо в случае, когда  $\psi_{b}^{(1)}$  принадлежит к ласти определения  $A_k$ , а  $E_k^{(1)}$  (собственное значение в первом приближе-

и) не вырождено.

Для нахождения следующих приближений нужно в каждом конкретм случае применять ту или иную модификацию теории возмущений. Метод, изложенный ниже, можно применить к решению краевых за-н для линейных обыкновенных дифференциальных уравнений с малым раметром при старшей производной.

Мы продемонстрируем его на примере рещения уравнения Шредингера

$$-\frac{\hbar^2}{2\mu}\frac{d^2}{dx^2}\psi_n + \{u(x) - E_n\}\psi_n = 0$$
 (1)

условием

$$\int_{-\infty}^{\infty} \psi_n^2(x) \, dx < \infty; \tag{2}$$

/2µ будем считать малым параметром. Здесь оператор Гамильтона

$$H = \frac{\hbar^2}{2\mu} \frac{d^2}{dx^2} + u(x) \tag{3}$$

одится сильно при  $h \to 0$  к оператору умножения на u(x) (1). В (2) для авнения (1) было найдено первое, так называемое квазиклассическое, иближение. Ниже я рассмотрю задачу о нахождении следующих иближений, которая была предложена мне А. Н. Тихоновым.

Пусть u(x) - E = 0 имеет два простых корня  $x_E^{(1)}$  и  $x_E^{(2)}$ ;  $x_E^{(1)} < x_E^{(2)}$ .

к) дважды дифференцируема.

Известно ((3), стр. 3) асимптотическое разложение фундаментальной темы решений уравнений

$$-\frac{\hbar^{2}}{2\mu}\frac{d^{2}\varphi}{dx^{2}} + \{u(x) - E\}\varphi = 0,$$

равномерное в области

$$-\infty < x < x_E^{(2)} - \varepsilon$$

или в области `

$$x_E^{(1)} + \varepsilon < x < \infty$$
.

Первый член такого разложения для области (a) удовлетворяет уранению

$$L_{0}\left(\varphi_{E}^{(1)}\right) = \frac{\hbar^{2}}{2\mu} \frac{d^{2}\varphi_{E}^{(1)}}{dx^{2}} - \left\{u\left(x\right) - E\right\} \varphi_{E}^{(1)}\left(x\right) - \frac{\hbar^{2}}{2\mu} f_{E}\left(x\right) \varphi_{E}^{(1)}\left(x\right) = 0, \tag{6}$$

где

$$f_{E}\left(x\right) = \sqrt{\omega'\left(x\right)} \frac{d^{2}}{dx^{2}} \frac{1}{\sqrt{\omega'\left(x\right)}}, \quad \omega\left(x\right) = \omega_{1}\left(x\right) = \left(\frac{3}{2} \int_{x_{E}^{(1)}}^{x} \sqrt{E - u\left(x\right)} dx\right)^{z_{|s|}};$$

для области (б) он удовлетворяет тому же уравнению при условии

$$\omega(x) = \omega_2(x) = \left\{ \frac{3}{2} \int_{x}^{x_E^{(2)}} \sqrt{E - u(x)} \, dx \right\}^{2|_{\mathfrak{s}}}.$$

i-е приближение находится согласно ( $^3$ ) методом последовательны приближений из уравнения

$$L_{0}(\varphi_{E}^{(i)}) = -\frac{\hbar^{2}}{2\mu} f_{E}(x) \varphi_{E}^{i-1}. \tag{6}$$

Обозначим через  $\varphi_E^i$  i-е приближение (5) с условием  $\varphi_E$  (—  $\infty$ ) = Нормировано  $\varphi_E^i$  так, что

$$\int [\varphi_E^i(x)]^2\,dx \xrightarrow[h\to 0]{} \int \frac{dx}{\sqrt{E-u(x)}}\;.$$

Интеграл берется по любому отрезку из области (а) (см. (4), теорема 2 Аналогично через  $\psi_E^i(x)$  обозначим i-е приближение для области (при условии  $\psi_E^{(i)}(+\infty)=0$  с такой же нормировкой.

Известно, что первое приближение собственных значений уравнения ( находится из уравнения Бора

$$\frac{V_{2\mu}^{(2)}}{\hbar} \int_{x_{E_{n}}^{(1)}}^{x_{E_{n}}^{(1)}} V_{E_{n}^{(1)} - u(x)} dx = \pi \left(n + \frac{1}{2}\right) + O(\hbar). \tag{6}$$

Определим точку  $x_0$  из условия

$$\int_{x_{E_{n}^{(1)}}}^{x_{\bullet}} V \overline{E_{n}^{(1)} - u(x)} dx = \int_{x_{\bullet}}^{x_{E_{n}^{(1)}}} V \overline{E_{n}^{(1)} - u(x)} dx.$$

Для нахождения следующих приближений собственных значений уста новим рекуррентную формулу, связывающую (i+1)-е приближения (i+1

Пусть  $E_n^i$  — i-е приближение энергии. Поскольку для четных n  $\varphi_{E_n}^{i+1}$ ,  $\psi_{E_n}^i$  и  $\psi_{E_n}^{i+1}$ , как это видно из их асимптотик, не обращаются в нул 978

точке  $x_0$ , а для нечетных n не обращаются в нуль их производные этой точке, то функция, заданная равенствами

$$F_{E_{n}^{l}}^{h}(x) = \begin{cases} \frac{\varphi_{E_{n}^{l}}^{h}(x)}{\varphi_{E_{n}^{l}}^{h}(x_{0})} & \text{при } -\infty < x < x_{0}, \\ \frac{\varphi_{E_{n}^{l}}^{h}(x)}{\varphi_{E_{n}^{l}}^{h}(x_{0})} & \text{при } x_{0} < x < \infty; \\ \frac{\varphi_{E_{n}^{l}}^{h}(x)}{\varphi_{E_{n}^{l}}^{h}(x_{0})} & \text{при } x_{0} < x < \infty; \end{cases}$$

$$F_{E_{n}^{l}}^{h}(x) = \begin{cases} \frac{\varphi_{E_{n}^{l}}^{h}(x)}{|\varphi_{E_{n}^{l}}^{h}(x)|_{x=x_{0}}^{l}} & \text{при } -\infty < x < x_{0}, \\ \frac{\psi_{E_{n}^{l}}^{h}(x)}{|\psi_{E_{n}^{l}}^{h}(x)|_{x=x_{0}}^{l}} & \text{при } x_{0} < x < \infty, \end{cases}$$

$$(n \text{ нечетно})$$

ределена на всей прямой  $-\infty < x < +\infty$ . Обозначим

$$W^{k}_{E^{i}_{n}}(x) = \varphi^{k}_{E^{i}_{n}}(x) \; [\psi^{k}_{E^{i}_{n}}]'_{x} - \psi^{k}_{E^{i}_{n}}(x) \; [\varphi^{k}_{E^{i}_{n}}]'_{x}.$$

Умножив уравнение  $H\psi_n = E_n\psi_n$  справа на  $F_{E_n}^k(x)$  и проинтегриров по частям от  $-\infty$  до  $+\infty$ , получим для четных n, учитывая, что  $\varphi_E^h = -\frac{\hbar^2}{2\mu} f_E(x) \{ \varphi_E^h - \varphi_E^{h-1} \}$ :

$$E_{n} \int_{-\infty}^{\infty} F_{E_{n}^{i}}^{h}(x) \psi_{n}(x) dx = E_{n}^{i} \int_{-\infty}^{\infty} F_{E_{n}^{i}}^{h}(x) \psi_{n}(x) dx - \frac{\hbar^{2}}{2\mu} \int_{-\infty}^{x_{\bullet}} f_{E_{n}^{i}}(x) \left\{ \varphi_{E_{n}^{i}}^{h}(x) - \varphi_{E_{n}^{i}}^{h-1}(x) \right\} dx - \frac{\hbar^{2}}{2\mu} \int_{x_{\bullet}}^{\infty} f_{E_{n}^{i}}(x) \left\{ \psi_{E_{n}^{i}}^{h}(x) - \psi_{E_{n}^{i}}^{h}(x) \right\} dx + \frac{\hbar^{2}}{2\mu} \frac{\psi_{n}(x_{0})}{\psi_{E_{n}^{i}}^{h}(x_{0}) \varphi_{E_{n}^{i}}^{h}(x_{0})} W_{E_{n}^{i}}^{h}(x_{0}).$$

$$(8)$$

Положим  $S = \int_{\substack{(1) \\ x_{E_n^{(1)}}}}^{x_{E_n^{(1)}}} \frac{dx}{\sqrt{E_n^{(1)} - u\left(x\right)}}$ . Тогда из (8) получим, исходя из оце-

к, данных в (<sup>3</sup>):

$$E_{n} = E_{n}^{l} + \frac{\hbar^{2}}{2\mu S} W_{E_{n}^{l}}^{h}(x_{0}) + \frac{\hbar^{2}}{2\mu} W_{E_{n}^{l}}^{h}(x_{0}) O(\hbar^{s_{0}}) + O(\hbar^{\alpha_{k}}),$$

$$\alpha_{2} = 3, \ \alpha_{h} = \frac{2k+6}{3} \text{ при } k \geqslant 3.$$

$$(9)$$

Положим

$$E_n^{i+1} = E_n^i + \frac{\hbar^2}{2\mu S} W_{E_n^i}^h(x_0), \tag{10}$$

где k=i+1 для  $i\leqslant 2,\; k=i$  для i>2. Докажем, что

$$E_n - E_n^{l+1} = O\left(\frac{2^{l+6}}{\hbar^3}\right). (1)$$

При i=0 это соотношение справедливо в силу (6). По индуктивном предположению

$$E_n - E_n^i = O\left(\hbar^{\frac{2i+4}{3}}\right).$$

Отсюда

$$\frac{h^{2}}{2\mu} \frac{\psi_{n}(x_{0}) W_{E_{n}^{l}}^{k}(x_{0})}{\psi_{E_{n}^{l}}^{k}(x_{0}) \varphi_{E_{n}^{l}}^{k}(x_{0}) \int_{-\infty}^{\infty} \psi_{n} F_{E_{n}^{l}}^{k}(x) dx} = O\left(\frac{2l+4}{\hbar}\right),$$

и, следовательно:

$$\frac{\hbar^2}{2\mu} \, W^h_{E^l_n}(x_0) = O\left(\frac{2l+4}{\hbar^{-3}}\right).$$

Отсюда и из (9) следует (11).

Совершенно аналогично получаются формулы (10) и (11) для нечет ных n.

Из оценок, данных в (3), можно сделать заключение, в формуле (11) по i порядка  $\frac{c^i}{(i-1)!}$ , где c — некоторая константа.

Воспользовавшись асимптотикой бесселевых функций, можно записат второе приближение для собственных значений задачи (1) — (2) в виде

$$E_{n}^{(2)} = E_{n}^{(1)} - \frac{\hbar^{2}}{2\mu S} \left\{ \int_{\substack{(1) \\ x_{E}(1)}}^{(2)} \frac{f_{E_{n}^{(1)}(x)}}{\sqrt{E_{n}^{(1)} - u(x)}} dx - \frac{5}{48\pi h(n + \frac{1}{2})} \right\} + O(\hbar^{s/s}),$$

где

$$f_{E_n^{(1)}}(x) = \begin{cases} \sqrt{\omega_1'(x)} \frac{d^2}{dx^2} \frac{1}{\sqrt{\omega_1'(x)}}, & x < x_0; \\ \sqrt{\omega_2'(x)} \frac{d^2}{dx^2} \frac{1}{\sqrt{\omega_2'(x)}}, & x > x_0. \end{cases}$$

Для того, чтобы получить асимптотики собственных функций, доста точно подставить в  $\varphi_E^i$  и  $\psi_E^i$  вместо E асимптотики собственных значений взяв их с точностью на  $\hbar$  большей, чем точность  $\varphi_E^i$  и  $\psi_E^i$  (поскольку порядо расстояния между точками спектра равен  $\hbar$  (1)). В заключение автор приносит глубокую благодарность А. Н. Тихо

нову и С. В. Фомину, а также Т. Протосевич за ценную помощь.

Московский государственный университет им. М. В. Ломоносова

Поступило 9 VII 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> В. П. Маслов, ДАН, 109, № 2 (1956). <sup>2</sup> Н. А. Kramers, Zs. f. Phys., 39 828 (1926). <sup>3</sup> А. А. Дородницын, Усп. матем. наук, 7, в. 6 (1952). <sup>4</sup> В. П. Маслов, ДАН, 95, № 4 (1954).

# МАТЕМАТИЧЕСКАЯ ФИЗИКА

Хр. Я. ХРИСТОВ

### о функции грина кинетического уравнения НЕЙТРОНОВ

(Представлено академиком Н. Н. Боголюбовым 16 VIII 1956)

Кинетическое уравнение нейтронов, описывающее их диффузию в любой иедляющей, размножающей и поглощающей среде, представляет собой,  $\kappa$  известно, интегро-дифференциальное уравнение ( $^{1-3}$ ), позволяющее йти их плотность  $V\left(t,\mathbf{r},\mathbf{v}
ight)$  в пространстве положения  $\mathbf{r}$  и скорости  $\mathbf{v}$ пюбой момент t при произвольной плотности  $D\left(t,\mathbf{r},\mathbf{v}
ight)$  первичных нейонов. Пусть  $W\left(s,\,\mathbf{q},\,\mathbf{u},\,t,\,\mathbf{r},\,\mathbf{v}\right)$  — функция Грина этого уравнения, т. е. решение при свободном члене

$$D(t, \mathbf{r}, \mathbf{v}) = \delta(t - s) \delta(\mathbf{r} - \mathbf{q}) \delta(\mathbf{v} - \mathbf{u})$$

начальном условии  $V_{t < s} = 0$ . Таким образом,  $W d\mathbf{r} d\mathbf{v}$  — вероятность йти в момент t один нейтрон с радиусом-вектором между  ${f r}$  и  ${f r}+d{f r}$ со скоростью между  ${f v}$  и  ${f v}+d{f v}$ , если в момент s был только один итрон с радиусом-вектором **q** и со скоростью **и**. Здесь мы покажем, W удовлетворяет двум интегральным уравнениям при весьма общих едположениях о процессах, которые могут произойти с нейтронами. Эти авнения могут быть полезными, если рассеяние происходит на ядрах, сса которых не намного больше массы нейтрона, и если надо учесть пение ядер не только тепловыми, но и быстрыми и промежуточными iтронами ( $^{4^{-6}}$ ). Свойства среды полагаем заданными функциями  ${f r}$  и t.

Мы будем учитывать следующие элементарные процессы, которые мо-

г произойти с нейтронами:

1. Радиоактивный распад нейтрона. Пусть  $\lambda \, dt$  — вероятность

cо, что данный нейтрон распадается в интервале времени dt.

2. Рассеяние нейтрона при его соударениях на частих среды, например на ядрах. Пусть  $P_{0}(t,\mathbf{r},\mathbf{v},\mathbf{w})\,dt\,d\mathbf{w}$  вероятсть того, что этот удар происходит в интервале времени dt и после пра нейтрон получает скорость между  ${f w}$  и  ${f w}+d{f w}$ . Эта вероятность, как следующие ниже, относятся к нейтрону, имеющему в момент t радиустор  $\mathbf{r}$  и скорость  $\mathbf{v}$ .

3. Поглощение нейтрона ядрами среды, сопровождаее выделением радиоактивных ядер, способных давать паздывающие нейтроны, Пусть  $p_{k_1k_2...}(t, \mathbf{r}, \mathbf{v})\,dt \;(k_1, k_2, \ldots =$  $0,\,1,\,2,\ldots)$  — вероятность того, что нейтрон поглотится в интервале емени dt, создавая при этом  $k_1,\,k_2,\ldots$  ядер разных типов  $N_1,\,N_2,\ldots,$ 

особных испускать запаздывающие нейтроны.

4. Поглощение нейтрона, сопровождаемое образоваем радиоактивных ядер, дающих запаздывающие нейоны, и испусканием одного или нескольких нейтров. Пусть  $P_{kk_1k_2...}(t, \mathbf{r}, \mathbf{v}, \mathbf{w}) dt d\mathbf{w} (k = 1, 2, ...)$  — вероятность того, что трон поглотится в интервал времени dt, создавая  $k_1,\,k_2,\,\dots$  ядер типа  $N_2,\ldots$  и излучая k  $(k=1,2,\ldots)$  нейтронов, один из которых имеет рость между  $\mathbf{w}$  и  $\mathbf{w} + d\mathbf{w}$ .

981

Пусть  $R_{ij}(t,\mathbf{r},\mathbf{v},\tau,\mathbf{w})\,d\tau\,d\mathbf{w}$   $(i,j=1,2,\ldots)$  — вероятность того, члядро  $N_i$  создано в момент t в точке  $\mathbf{r}$  под действием нейтрона, движущегося со скоростью  $\mathbf{v}$ , распадается в интервал времени  $\tau,\,\tau+d\tau$  и протом дает j запаздывающих нейтронов, один из которых обладает скоростью между  $\mathbf{w}$  и  $\mathbf{w}+d\mathbf{w}$ . Это не исключает возможности того, что то ж самое ядро дает раньше или позже другие запаздывающие нейтроны.

5. Непрерывное изменение скорости нейтрон

между двумя актами типа 1—4. Пусть

$$\frac{d\mathbf{r}}{dt} = \mathbf{v}, \quad \frac{d\mathbf{v}}{dt} = \mathbf{K}(t, \mathbf{r}, \mathbf{v})$$

уравнения движения нейтрона в то время, когда он не участвует ни каких актах типа 1—4. Причиной непрерывного изменения скорост нейтрона могут быть его соударения с некоторыми частицами среды, например с электронами атомных оболочек. Само собой разумеется, что этот предесс может быть рассмотрен и как результат ряда соударений типа 2, в целях общности мы полагаем возможность одновременного осуществлению обонх вышеуказанных процессов.

Мы будем полагать, что движение нейтронов подчиняется законам класической, а не квантовой механики. Соударениями нейтронов между собси с частицами, являющимися продуктом их взаимодействия со средстбудем пренебрегать (5). Таким образом, изучаемый нами процесс замедлени размножения и поглощения пейтронов является некоторой непрерывно

марковской цепью (7).

Все величины  $\lambda$ ,  $P_0$ ,  $P_{k_1k_2}$ ...,  $P_{kk_1k_2}$ ...,  $R_{ij}$  и K полагаем известными. И ходя из них, мы можем сконструировать несколько новых величин.

Выражение

$$Q(t, \mathbf{r}, \mathbf{v}, \mathbf{w}) dt d\mathbf{w} = \left(P_0 + \sum_{k_1, k_2, \dots} \frac{1}{k} P_{kk_1 k_2, \dots}\right) dt d\mathbf{w};$$

очевидно, дает вероятность того, что нейтрон претерпевает соударение интервал времени между t и t+dt и в результате получается нейтро со скоростью между  ${\bf w}$  и  ${\bf w}+d{\bf w}$ , а

$$r_{k_1 k_2 \dots}(t, \mathbf{r}, \mathbf{v}) dt = \left( p_{k_1 k_2 \dots} + \sum_{k} \frac{1}{k} \int_{-\infty}^{\infty} P_{k k_1 k_2 \dots} d\mathbf{w} \right) dt,$$
  
 $r_i(t, \mathbf{r}, \mathbf{v}) dt = \sum_{k_1 \dots k_2} k_i r_{k_1 k_2 \dots} dt$ 

вероятности получения после удара  $k_1,\ k_2,\dots$  ядер типа  $N_1,\ N_2,\dots$  среди них одного ядра типа  $N_i.$  Тогда, очевидно,

$$R(t, \mathbf{r}, \mathbf{v}, \tau, \mathbf{w}) dt d\tau d\mathbf{w} = \sum_{i,j} r_i R_{ij} dt d\tau d\mathbf{w}$$

есть вероятность того, что один нейтрон, находящийся в момент t в точке и обладающий скоростью  ${\bf v}$ , претерпевает удар в интервале времени dt и результате получается некоторое радиоактивное ядро, которое в интервал времени  ${\bf \tau}$ ,  ${\bf \tau}+d{\bf \tau}$  распадется и даст нейтрон со скоростью между  ${\bf w}$   ${\bf w}+d{\bf w}$ , а

$$p(t, \mathbf{r}, \mathbf{v}) dt = \left(\lambda + \sum_{h_1, h_2, \dots} r_{h_1 h_2 \dots} + \int_{-\infty}^{\infty} P_0 d\mathbf{w}\right) dt$$

вероятность того, что этот нейтрон в интервале времени  $\ell t$  примет участи в каком-либо из элементарных актов 1-4.

Пусть, далее,

$$\mathbf{r} = \vec{\varphi}(s, \mathbf{q}, \mathbf{u}, t), \quad \vec{\mathbf{v}} = \vec{\psi}(s, \mathbf{q}, \mathbf{u}, t)$$

пения уравнений движения (1), т. е. значения радиуса-вектора  ${\bf r}$  и рости  ${\bf v}$  нейтрона в момент t, если в момент s он имел радиустор  ${\bf q}$  и скорость  ${\bf u}$ . Для краткости положим

Тогда выражение

$$P(t, \mathbf{q}, \mathbf{u}, t) = \exp\left[-\int_{\tau=s}^{t} p(\tau, \dot{\phi}_{\tau}, \dot{\psi}_{\tau}) d\tau\right]$$

$$P'(t, \mathbf{r}, \mathbf{v}, s) = \exp\left[-\int_{\tau=s}^{t} p(\tau, \vec{\varphi}'_{\tau}, \vec{\psi}'_{\tau}) d\tau\right]$$

ет вероятность того, что в интервале времени s, t этот нейтрон не учаовал ни в одном из актов 1-4, выраженную через оба момента t и через величины  $\mathbf{q}, \mathbf{u}$  или  $\mathbf{r}, \mathbf{v},$  определяющие  $\{$ состояние нейтрона ответственно в моменты s, t.

Функции P, Q, R,  $\varphi$ ,  $\psi$  и p выражаются через  $\lambda$ ,  $P_0$ ,  $p_{k_1k_2...}$ ,  $P_{kk_1k_2...}$ ,  $R_{if}$ 

При этих обозначениях для искомой функции W мы получаем слеощие два уравнения:

$$W(s, \mathbf{q}, \mathbf{u}, t, \mathbf{r}, \mathbf{v}) = P(s, \mathbf{q}, \mathbf{u}, t) \delta(\mathbf{r} - \overset{\circ}{\varphi}_{t}) \delta(\mathbf{v} - \overset{\circ}{\psi}_{t}) + \int_{0}^{t} \int_{-\infty}^{\infty} P(s, \mathbf{q}, \mathbf{u}, \tau) Q(\tau, \overset{\circ}{\varphi}_{\tau}, \overset{\circ}{\psi}_{\tau}, \overset{\circ}{\mathbf{w}}) W(\tau, \overset{\circ}{\varphi}_{\tau}, \overset{\circ}{\mathbf{w}}, t, \mathbf{r}, \mathbf{v}) d\tau d\mathbf{w} + \int_{s}^{t} \int_{0}^{t} \int_{-\infty}^{\infty} P(s, \mathbf{q}, \mathbf{u}, \tau) R(\tau, \overset{\circ}{\varphi}_{\tau}, \overset{\circ}{\psi}_{\tau}, \sigma, \mathbf{w}) W(\sigma, \overset{\circ}{\varphi}_{\tau}, \mathbf{w}, t, \mathbf{r}, \mathbf{v}) d\tau d\sigma d\mathbf{w};$$
 (2)

$$W(s, \mathbf{q}, \mathbf{u}, t, \mathbf{r}, \mathbf{v}) = \delta(\vec{\varphi}_s' - \mathbf{q}) \delta(\vec{\psi}_s' - \mathbf{u}) P'(t, \mathbf{r}, \mathbf{v}, s) \frac{\partial(\vec{\varphi}_s', \vec{\psi}_s')}{\partial(\mathbf{r}, \mathbf{v})} + \int_{s}^{t} \int_{s}^{\infty} W(s, \mathbf{q}, \mathbf{u}, \tau, \vec{\varphi}_{\tau}', \mathbf{w}) Q(\tau, \vec{\varphi}_{\tau}', \mathbf{w}, \vec{\psi}_{\tau}') P'(t, \mathbf{r}, \mathbf{v}, \tau) \frac{\partial(\vec{\varphi}_{\tau}', \vec{\psi}_{\tau}')}{\partial(\mathbf{r}, \mathbf{v})} d\tau d\mathbf{w} + \cdots$$

$$\int_{S} \int_{-\infty}^{\infty} W(s, \mathbf{q}, \mathbf{u}, \sigma, \vec{\varphi}'_{\tau}, \mathbf{w}) R(\sigma, \vec{\varphi}'_{\tau}, \mathbf{w}, \tau, \vec{\psi}'_{\tau}) P'(t, \mathbf{r}, \mathbf{v}, \tau) \frac{\partial (\vec{\varphi}'_{\tau}, \vec{\psi}'_{\tau})}{\partial (\mathbf{r}, \mathbf{v})} d\tau d\sigma d\mathbf{w}. (3)$$

Доказательство уравнения (2) представляет некоторое обобщение наз. метода первого удара Яноши (8). Уравнение (3) демонстрирует логичный метод, который можно назвать методом последнего удара. Обычное интегро-дифференциальное кинетическое уравнение, соответующее (2) и (3), имеет вид

$$\frac{\partial}{\partial t}V(t, \mathbf{r}, \mathbf{v}) + \mathbf{v}\frac{\partial}{\partial \mathbf{r}}V(t, \mathbf{r}, \mathbf{v}) + \mathbf{K}(t, \mathbf{r}, \mathbf{v})\frac{\partial}{\partial \mathbf{v}}V(t, \mathbf{r}, \mathbf{v}) + \\
+ p(t, \mathbf{r}, \mathbf{v})V(t, \mathbf{r}, \mathbf{v}) = D(t, \mathbf{r}, \mathbf{v}) + \int_{-\infty}^{\infty} V(t, \mathbf{r}, \mathbf{w})Q(t, \mathbf{r}, \mathbf{w}, \mathbf{v})d\mathbf{w} + \\
+ \int_{-\infty}^{t} \int_{-\infty}^{\infty} V(\tau, \mathbf{r}, \mathbf{w})R(\tau, \mathbf{r}, \mathbf{w}, \mathbf{r}, \mathbf{r}, \mathbf{v})d\tau d\mathbf{w}.$$
(4)

5\*

983

При этом уже плотность источников D здесь произвольна. Переход (2) или (3) к (4) можно осуществить методом, данным в (9), а обратны

переход — обобщением метода, данного в (10).

Рассмотрим в особенности случай, когда свойства среды независим от  $\mathbf{r}$  и t, движение нейтронов между актами 1-4 равномерно и прямо линейно и каждое ядро  $N_i$  способно отдавать только один запаздывающий нейтрон, испускаемый в момент его первого радиоактивного преврыщения. Тогда мы будем иметь:

$$W(s, \mathbf{q}, \mathbf{u}, t, \mathbf{r}, \mathbf{v}) = W(t - s, \mathbf{r} - \mathbf{q}, \mathbf{u}, \mathbf{v}),$$

$$p(t, \mathbf{r}, \mathbf{v}) = p(\mathbf{v}), \quad Q(t, \mathbf{r}, \mathbf{v}, \mathbf{w}) = Q(\mathbf{v}, \mathbf{w}),$$

$$R(t, \mathbf{r}, \mathbf{v}, \tau, \mathbf{w}) = \sum_{i} R_{i}(\mathbf{v}, \mathbf{w}) e^{-\lambda_{i}(\tau - t)},$$

$$\stackrel{\rightarrow}{\phi}_t = \mathbf{s} + \mathbf{u} (t - s), \quad \stackrel{\rightarrow}{\psi}_t = \mathbf{u}, \quad \stackrel{\rightarrow}{\phi'_s} = \mathbf{r} - \mathbf{v} (t - s), \quad \stackrel{\rightarrow}{\psi'_s} = \mathbf{v},$$

причем  $\lambda_i$  — константы распада ядер  $N_i$ ;  $R_i(\mathbf{v}, \mathbf{w})$  — функции  $\mathbf{v}$  и  $\mathbf{w}$  вид  $\mathbf{r}_i(\mathbf{v}) R_i(\mathbf{w})$ .

Уравнения (2) и (3) при этом принимают более простой вид:

$$W(t, \mathbf{r}, \mathbf{u}, \mathbf{v}) = e^{-p(u)t} \delta(\mathbf{r} - \mathbf{u}t) \delta(\mathbf{v} - \mathbf{u}) + \int_{0}^{t} \int_{-\infty}^{\infty} e^{-p(u)\tau} Q(\mathbf{u}, \mathbf{w}) W(t - \tau, \mathbf{r} - \mathbf{u}\tau, \mathbf{w}, \mathbf{v}) d\tau d\mathbf{w} + \int_{0}^{t} \int_{\tau}^{\infty} e^{-p(u)\tau} \sum_{i} R_{i}(\mathbf{u}, \mathbf{w}) e^{-\lambda_{i}(\sigma - \tau)} W(t - \sigma, \mathbf{r} - \mathbf{u}\tau, \mathbf{w}, \mathbf{v}) d\tau d\sigma d\mathbf{w};$$

$$W(t, \mathbf{r}, \mathbf{u}, \mathbf{v}) = \delta(\mathbf{r} - \mathbf{v}t) \delta(\mathbf{v} - \mathbf{u}) e^{-p(v)t} + \int_{0}^{t} \int_{-\infty}^{\infty} W(t - \tau, \mathbf{r} - \mathbf{v}\tau, \mathbf{u}, \mathbf{w}) Q(\mathbf{w}, \mathbf{v}) e^{-p(v)\tau} d\tau d\mathbf{w} + \int_{0}^{t} \int_{\tau}^{\infty} W(t - \sigma, \mathbf{r} - \mathbf{v}\tau, \mathbf{u}, \mathbf{w}) \sum_{i} R_{i}(\mathbf{w}, \mathbf{v}) e^{-\lambda_{i}(\sigma - \tau)} e^{-p(v)\tau} d\tau d\sigma d\mathbf{w}.$$
(6)

Эти уравнения, как и более общие уравнения (2) и (3), сопряжены меж ду собой. Их решения должны совпадать, хотя это непосредственно не видим Интегрированием (5) и (6) по  ${\bf r}$  можно получить аналогичные уравнени для функции  $\overline{W}(t, {\bf u}, {\bf v}) = \int W d{\bf r}$ , дающей распределение нейтронов госкорости при любом t.

Поступило 14 VIII 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

1 R. Магshak, Rev. Mod. Phys., 19, 185 (1947) 2 A. Ахиезер, И. Померанчук, Некоторые вопросы теории ядра, М., 1950. 3 Л. Н. Усачев, Док. Женевск. конф., 1955, Реакторостроение и теория реакторов, М., 1956, стр. 25 Г. И. Марчук, Атомная энергия, 1, 2, 11 (1956). 5 Е. Коген, Докл. Женевсконф., 1955, Экспериментальные реакторы и физика реакторов, русск. пер. 1956, стр. 257, 385. 6 Д. Окрент, Р. Эвери, Х. Хуммел, Докл. Женевск. конф., 195 Экспериментальные реакторы и физика реакторов, русск. пер., 1956, стр. 32 7 М. А. Леонтович, Статистическая физика, М., 1944. 8 Л. Яноши, ЖЭТС 26, 386 и 518 (1954). 9 Л. Яноши, ЖЭТС, 30, 351 (1956). 10 К. М. Саве, Г. Ноffmann, G. Placzek, Introduction to the theory of neutron diffusion. La Alamos, N. M., 1953.

ФИЗИКА

#### К. П. БЕЛОВ и И. К. ПАНИНА

### ОПРЕДЕЛЕНИЕ СПОНТАННОЙ ДЕФОРМАЦИИ РЕШЕТКИ ПРИ ФЕРРОМАГНИТНОМ ПРЕВРАЩЕНИИ

(Представлено академиком П. Л. Капицей 21 VII 1956)

1. При охлаждении ферромагнетика ниже точки Кюри в нем, одноврежно со спонтанной намагниченностью, возникает спонтанная деформация эшетки. Впервые георетическое объяснение этому явлению было дано Фауром и Капицей (1). Изучение спонтанной деформации решетки ферроментиков представляет значительный интерес, так как в этом явлении эпосредственно проявляется связь между обменной энергией, обу-

овливающей ферромагнетизм, и межатомными

сстояниями.

Величины спонтанной намагниченности в астоящее время без особых затруднений опреденются для многих ферромагнетиков, но данные величинах спонтанной деформации решетки в

тературе почти отсутствуют.

В настоящем сообщении мы указываем способ хождения спонтанной деформации решетки фермагнетиков из измерений температурной завимости магнитострикции и приводим результаты пределения ее в некоторых сплавах.

пределения ее в некоторых сплавах. 2. В работе  $(^2)$ , в которой мы исходили из ории фазовых переходов II рода, развитой ветскими авторами  $(^3,^4)$ , было показано, что

2 - 6<sup>2</sup>/<sub>5</sub> - 0' 6<sup>2</sup>

Рис. 1.

рмодинамический потепциал ферромагнетика вблизи температуры Кюри жет быть представлен в виде

$$\Phi = \Phi_0 + a\sigma^2 + b\sigma^4 + cp + dp^2 + e\sigma^2p - H\sigma.$$

цесь  $\sigma$  — удельная намагниченность; p — механическое напряжение,  $\sigma$  — энергия магнитного поля; a, b, c, d, и e — термодинамические коэфициенты, при этом d и e пропорциональны соответственно модулю упрусти и магнитострикционной постоянной. Из условия  $\partial \Phi/\partial p = \omega$ , где  $\omega$  носительное изменение объема, получаем:

$$\omega = c + 2dp + e\sigma^2.$$

Ограничиваясь случаем, когда p=0, и опуская аддитивную постоянную, веем

 $\omega = e\sigma^2$ .

Для линейной деформации, учитывая, что  $\sigma = \sigma_s + \sigma_i$ , где  $\sigma_s - \sigma_s + \sigma_i$  спонная намагниченность, можно напить

$$\lambda = \frac{1}{3}e\left(\sigma_{s} + \sigma_{i}\right)^{2}.\tag{1}$$

Таким образом, зависимость  $\lambda$  от квадрата спонтанной и истинной намагченностей, ранее найденная из модельных представлений (1), вытекает

также из строгих термодинамических соображений. Представим эту зависимость графически. При отсутствии спонтанной намагниченности в вществе нет и спонтанной деформации (при H=0); пусть это состояни соответствует на рис. 1 точке O. При появлении спонтанной намагниченност (например, при охлаждении ниже температуры Кюри), возникиет спонтанная деформация решетки, которая согласно (1) равна:

$$\lambda_s = \frac{1}{3}e\sigma_s^2. \tag{}$$

Этому состоянию соответствует точка O'. Если, далее, приложить магнитно поле, то возникает истинная намагниченность  $\sigma_i$  и сопутствующая это

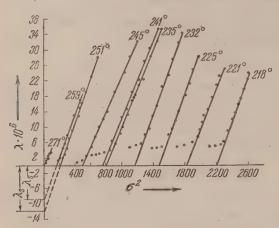


Рис. 2. Зависимость магнитострикции, сопутствующей истинному намагничиванию, от  $\sigma^2$  для сплава 31 % Ni , 5% Co, 64% Fe.

намагниченности магните стрикция  $\lambda_i$ . которая добанляется к спонтанной деформации решетки  $\lambda_s$  по мерувеличения  $\sigma_i$ .

На практике мы не може непосредственно измерить  $\lambda_i$  она существует в ферромаг нетике в скрытом виде. Пр наложении поля мы наблю даем только  $\lambda_i$ . Это соответ ствует тому, что на рис. начало координат перенс сится в точку O'. Из рис. вытекает, что если измерит магнитострикцию  $\lambda_i$  в функции квадрата намагниченности, то с помощью экстра поляции прямой  $\lambda_i$  ( $\sigma_i^2$ ) осям координат мы сможе

определить не только спонтанную намагниченность, но и спонтаннуг деформацию решетки ферромагнетика, вызванную обменными силами.

3. На рис. 2 приведены кривые магнитострикция — квадрат намагни ченности для сплава 31 % Ni, 5 % Co, 64 % Fe, снятые при различных темпе ратурах в полях выше технического насыщения. Измерения производилист на установке с выносным проволочным датчиком, принцип устройств которого был описан ранее (5). Из рисунка видно, что при всех температура магнитострикция  $\lambda_i$  линейно зависит от квадрата истинной намагниченности Эта магнитострикция, сопутствующая истинному намагничиванию, носи изотропный характер.

Экстраполируя на рис. 2 прямые к оси абсцисс, мы получаем значени спонтанной намагниченности  $\sigma_s$ . Этот метод нахождения  $\sigma_s$  похож на известный метод определения  $\sigma_s$  из кривых магнито-калорического эффекта. Есл продолжить прямые на рис. 2 до пересечения с осью ординат, то получи на последней отрезки, равные значениям спонтанной деформации решетк  $\lambda_s$ . Таким образом, из кривых типа рис. 2 легко определяются при каждо данной температуре значения  $\sigma_s$  и сопутствующие ей значения  $\lambda_s$ .

4. Вид зависимости  $\lambda_s$  от температуры вблизи точки Кюри может быт определен из термодинамических соображений. Подставляя в (2) известис соотношение

$$\sigma_s^2 = \frac{\alpha_0'}{\beta} (0 - T),$$

также вытекающее из теории фазовых переходов II рода (6), получаем

$$\lambda_s = \frac{4}{3} \frac{\alpha_{\theta}'^2 e}{\beta} (\theta - T), \tag{6}$$

. е. вблизи температуры Кюри  $\lambda_s$ , так же как и  $\sigma_s^2$ , должна липейно завиеть от T.

На опыте для сплавов эта линейность не всегда имеет место, что связано влиянием неоднородности концентрации сплава (2). Неоднородность

онцентрации в сплаве приводит к «размыию» ферромагнитного превращения, в реультате чего кривые  $\sigma_s^2(T)$  и  $\lambda_s(T)$  искривяются. Опыт, однако, показывает, что вид ависимости  $\lambda_s$  и  $\sigma_s^2$  от T носит одинакоый характер. Это означает, что формула 2), устанавливающая линейную зависиюсть  $\lambda_s$  от  $\sigma_s^2$ , должна соблюдаться даже ля неоднородных ферромагнетиков. Рис. 3 сорошо подтверждает этот вывод для всех каученных нами сплавов.

5. Знание величины спонтанной дефорнации решетки позволяет определить верромагнитную аномалию теплового расширения в ферромагнетиках. Наблюдае-

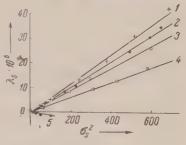
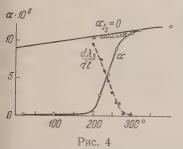


Рис. 3. Зависимость  $\lambda_s$  от  $\sigma_s^2$  для сплавов: I = 32% Ni, 68% Fe; 2 = 31% Ni, 5% Co, 64% Fe; 3 = 33% Ni, 64% Fe; 4 = 36% Ni, 64% Fe; 5 = 97,6% Ni, 2,49% Si

ый на опыте коэффициент теплового расширения х для всякого ферронагнитного тела состоит из двух частей:

$$\alpha = \alpha_{\sigma_{\mathcal{S}}=0} \pm \frac{d\lambda_{\mathcal{S}}}{dT} \,. \tag{3}$$

Вдесь  $lpha_{\sigma_s=0}$  — коэффициент теплового расширения, который имело бы вещество, если в нем самопроизвольная намагниченность отсутствовала;



гроизвольная намагниченность отсутствовала,  $d\lambda_s/dT$  — ферромагнитная аномалия коэффициента расширения, определяемая температурным ходом спонтанной деформации решетки. Знак перед вторым членом определяется знаком изменения  $d\lambda_s/dT$  при нагревании. Для никеля это изменение положительно (что приводит к положительной аномалии  $\alpha$ ), для инварных сплавов  $d\lambda_s/dT$  отрицательно.

На рис. 4 дана температурная зависимость  $\alpha$  для инварного сплава (31 % Ni, 5 % Co, 64 % Fe), снятая на дилатометре

Иевенара. Прибавляя на рис. 4 к ординатам  $\alpha$  (при каждой данной темперауре) опытные значения  $d\lambda_s/dT$ , получаем температурный ход  $\alpha_{\sigma_s=0}$ , котоный в первом приближении совпадает с ходом зависимости  $\alpha$  от T для еферромагнитных металлов. Это построение, таким образом, доказывает, то апомалия теплового расширения в ферромагнетиках определяется понтанной деформацией решетки, которая возникает при ферромагнитом превращении.

Московский государственный университет им. М. В. Ломоносова

Поступило 20 VII 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> R. Fowler, P. Kapitza, Proc. Roy. Soc., **A124**, 1 (1929). <sup>2</sup> К. П. Белов, М. М., **2**, в. 3 (1956). <sup>3</sup> Л. Ландау, Е. Лифшиц, Статистическая физика, 040. <sup>4</sup> В. Л. Гинзбург, ЖЭТФ, **19**, 36 (1949). <sup>5</sup> К. П. Белов, В. В. Шмидт, СТФ, **23**, 44 (1953). <sup>6</sup> С. В. Вонсовский, Я. С. Шур, Ферромагнетизм, 1948.

### Б. Б. ГОВОРКОВ, В. И. ГОЛЬДАНСКИЙ, О. А. КАРПУХИН. А. В. КУЦЕНКО и В. В. ПАВЛОВСКАЯ

### УПРУГОЕ РАССЕЯНИЕ γ-КВАНТОВ С ЭНЕРГИЕЙ ДО 120 МЭВ ПРОТОНАМИ

(Представлено академиком И. Е. Таммом 15 VIII 1956)

Исследование углового распределения и абсолютных величин сечений упругого  $\gamma$ р-рассеяния является одним из возможных способов изучения как электромагнитной структуры протона, так и характера его взаимодейноствия с мезонным полем. Простейшая теория рассеяния  $\gamma$ -квантов протонами была развита Поуэллом (1). В этой теории рассеивающий центр (сепином  $^{1}/_{2}$ ) считался точечным и характеризовался лишь величинами заряда и массы, а сложность внутренней структуры протона учитывалась чисте феноменологически — введением в расчеты статического аномального магнитного момента. В результате Поуэлл получил формулу Клейна — Нимины с добавочными членами, содержащими величину отклонения магнитного момента от ядерного магнетона.

Заведомо ясно, что в рассеянии нуклонами  $\gamma$ -квантов, особенно при энергиях  $h\nu \gg m_\pi c^2$ , играют существенную роль  $\pi$ -мезоны (см., напримерг (2)). Однако учет этой роли зависит от конкретных предположений о свойствах мезонных полей и характера их взаимодействия с нуклонами. Поэтому предсказания теоретических работ, использующих отдельные конкретные варианты мезонных теорий (3-5) и представления о нуклонном изобаре ( $I=3/2,\ T=3/2$ ) ( $^{6-9}$ ), подлежат всесторонней экспериментальной про-

Несмотря на интерес проблемы упругого  $\gamma$ р-рассеяния, вплоть до конца 1955 г. в литературе не появилось ни одной экспериментальной работы о комптон-эффекте на протонах. Основной причиной подобной скудости экспериментальных данных является крайняя малость сечений упругого  $\gamma$ р-рассеяния (томсоновское сечение

$$\sigma_{\text{tomc}} = \frac{8}{3} \pi \left( \frac{e^2}{Mc^2} \right)^2 = I, 93 \cdot 10^{-31} \text{ cm}^2),$$

а ожидать заметного увеличения сечений по сравнению с  $\sigma_{\text{томс}}$  можно только в области энергий близ изобарного максимума ( $h\nu \approx 340~\text{M}_{2}$ в), где трудности наблюдений дополнительно возрастают из-за появления большого фона  $\gamma$ -квантов от распада  $\pi^{0}$ - мезонов. Именно из-за этого последнего обстоятельства первые эксперименты по исследованию упругого  $\gamma$ р-рассеяния ( $^{10}$ , $^{11}$ ), равно как и наши описываемые ниже опыты, выполнены при энергиях  $\gamma$ -квантов, не превышающих порога фотообразования  $\pi$ -мезонов \*. В этой области энергий полные сечения упругого  $\gamma$ р-рассеяния по всем теоретическим предсказаниям почти совпадают с томсоновским сечением, и поэтому значительно больший интерес представляет не определение полных сечений,

<sup>\*</sup> Как было сообщено на симпознуме Европейского центра ядерных исследований в Женеве в июне 1956 г., Г. Бернардини и сотр. в самое последнее время исследовали комптон-эффект на протонах и при более высоких энергиях. Результаты их опытов, равно как и уточненные результаты работы (11), сообщенные в мае 1956 г. на Московской конференции по физике частиц высоких энергий В. Вайскопфом, еще не опубликованы.

исследование углового распределения рассеянных  $\gamma$ -квантов. Между тем, менно в вопросе об угловом распределении упругого  $\gamma$ р-рассеяния результы работы (10), в которой была сбнаружена сильная направленность расяния вперед (при максимальной энергии  $\gamma$ -квантов 98 Мэв  $\frac{\sigma(45^\circ)}{\sigma(50^\circ)} < 4$ , 5), разошлись сданными работы (11), авторы которой не обнаружили одобной направленности. Поэтому, несмотря на появление в ходе заклютельного этапа подготовки наших опытов работ (10,11), мы сочли все безусловно целесообразным выполнить намеченные нами измерения пового распределения при упругом рассеянии  $\gamma$ -квантов с энергиями 120 Мэв протонами.

Опыты проводились на 265 Мэв синхротроне Физического института п. П. Н. Лебедева АН СССР. Для уменьшения фоновой загрузки отдельных

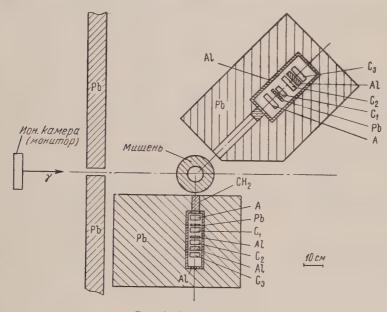


Рис. 1. Схема установки

етчиков и счета случайных совпадений работа производилась в условиях, огда благодаря замене мгновенного выключения ускоряющего напряжения резонаторе постепенным его уменьшением длительность импульсов синострона составляла 1000 µ сек. (вместо обычных 30 µ сек.). Спектр электров, попадающих на мишень синхротрона, оказывался при этом приблизильно треугольным с основанием от 75 до 119 Мэв и максимумом при 97 Мэв.

Исследование упругого үр-рассеяния при этих энергиях пронзводилось утем регистрации только рассеянных ү-квантов с помощью телескопов интилляционных счетчиков. Общий вид установки изображен на рис. 1.

Наблюдения производились с помощью двух телескопов, расположенных цновременно под углами 90 и 90°, 45 и 90°, 45 и 135° в лабораторной системе. аждый телескоп состоял из четырех жидкостных сцинтилляционных счетнков, наполненных раствором терфенила в толуоле (3 г/л). За первым етчиком каждого из телескопов, включавшемся на антисовпадения для меньшения фона от проникающих пар, располагался свинцовый конвертор лщиной 6,2—7 г/см²; между третьим и четвертым счетчиками — алюминиений фильтр толщиной 5,4—6 г/см². Порог регистрации γ-квантов, опреденящийся толщиной второго и третьего счетчиков и АІ-фильтра, составляля обоих телескопов ~40 Мэв.

Для регистрации световых импульсов от сцинтилляторов применялись отоэлектронные умножители ФЭУ-19-II. Рабочее напряжение па фото-

умножителях доводилось до 4-4.5 кв, что позволяло получить на выход ФЭУ, работающего прямо на кабель PK-50 (волновое сопротивлени  $\rho=150$  ом) импульсы амплитудой 10 в. С выхода ФЭУ импульсы передавались длинным кабелем ( $\sim50$  м) непосредственно на элемент отбор совпадений, где они ограничивались и формировались по длительност метровыми отрезками кабеля PK-50, что давало возможность получит разрешающее время  $\tau\approx9\cdot10^{-9}$  сек. На рис. 2 показана типичная крг вая совпадений, наблюдавшаяся при введении задержек в канал одного и счетчиков для рабочих тройных совпадений.

Элемент отбора совпадений был собран по принципу диодных схе с предварительным формированием импульсов на входе. В качестве нели нейных элементов применялись германиевые дноды типа ДГЦ-8. Установы

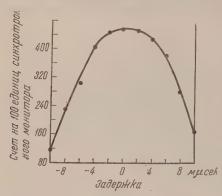


Рис. 2. Счет тройных совпадений телескопа при различных задержках в одном из каналов

была выполнена так, что имелась возмож ность контролировать все счетчики считать двойные, тройные и четверны совпадения и их комбинации. Это по зволяло делать всевозможные проверочные измерения.

жидки В работе использовался заливавшийся в цилиндри водород, сосуд из пенополистирол ческий ПС-4 внутренним диаметром 108 м и наружным диаметром 208 мм (тол щина стенок около 200 мг/см2). Ско рость счета от пустой мишени состан ляла в различных измерениях от 5 от мише 80 % скорости счета ни, заполненной жидким водородом Эффективно работающий объем MH шени при расположении телескопо

определялся сравнением скорости счета при регистрации  $\pi^0$ -мезонов о «точечного» графитового источника и пенополистироловой рабочей мише ни, заполненной жидким азотом (эти опыты проводились со спектро тормозного излучения с максимальной энергией 265 Мэв). Для приведения полученных данных к абсолютным значениям была определена скорость счета  $\gamma$ -квантов от фотообразования  $\pi^0$ -мезонов на водороде (пределена смара) и проведено измерение потоков тормозного излучения (преметах — 119 и 265 Мэв) с помощью графитовых детекторов, активирующихся в реакции  $C^{12}(\gamma n) C^{11}$  и специально градуированных нами в отделеных опытах.

Для расчетов сечений в первом приближении предполагалось, чт дифференциальное угловое сечение испускания под углом  $90^{\circ}$   $\gamma$ -кванто от распада  $\pi^{0}$ -мезонов равно просто удвоенному сечению испускани  $\pi^{0}$ -мезонов под этим углом, которое для  $h\nu_{\rm max}=250$  Мэв составляе  $2,4\cdot10^{-30}$  см²/эффект квант стерад. (12). Эффективности телескопов дл регистрации  $\gamma$ -квантов от распада  $\pi^{0}$ -мезонов и упругого  $\gamma$ p-рассеяни (усредненные по спектру этих  $\gamma$ -квантов) приближенно полагались одинаковыми. При сравнении данных для 45 и 135° с данными для 90° вве дились поправочные множители (0,92 для 45° и 1,08 для 135°), учить вающие различия в энергии рассеянных  $\gamma$ -квантов.

Результаты наших опытов представлены на рис. 3. Сечение для угл 90°  $(d\sigma/d\Omega=(1,35\pm0,13)\cdot 10^{-32}~{\rm cm^2/cтерад}$  хорошо согласуется с результатами работы (10). Однако, в отличие от этой работы, в наших опыта установлено преимущественное рассеяние фотонов в заднюю нолусфер (для 45°  $d\sigma/d\Omega=(1,40\pm0,17)\cdot 10^{-32}~{\rm cm^2/cтерад};$  для 135°  $(2,25\pm0,45)\cdot 10^{-32}~{\rm cm^2/cтерад})$ . Этот результат означает, что уже при энергиях  $\gamma$ -кван тов до 120 Мэв анализ протонного комптон-эффекта, основанный лиш на значении аномального статистического магнитного момента (1) и пра

одящий к выводу о некотором превышении рассеяния в переднюю полуреру, оказывается недостаточным. Уже при этих эпергиях, по-видимому, роявляется интерференция рассеяния ү-кваптов па протоне как точечном аряде и на нуклонном изобаре, т. е. вследствие существования асим-

етричного мезонного облака в -состоянии возникает динамиеский магнитный момент нуконов.

Авторы выражают признаельность чл.-корр. АН СССР . И. Векслеру за неизменное нимание к работе и ценные Мы искуссии. благодарим л.-корр. АН СССР А. И. Шальикова, Н.И.Гинзбург, Н.Н. орошилова и других сотрудиков кафедры низких темпеатур физического факультета ГУ за помощь в постановке абот с жидким водоролом. ы благодарны также коллекиву эксплуатации синхротрона

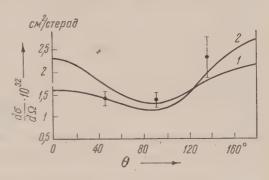


Рис. 3. Угловое распределение упругого үр-рассеяния: 1 — по формуле Поуэлла (1); 2 —интерполяцией между данными для фотонов нулевой энергии и расчетами Ритуса (8) для фотонов с энергиями свыше 190 Мэв

РИАН.
Уже после сдачи статьи в набор проф. Д. Фриш из Массачузетского ехнологического института (США) любезно прислал нам текст подробной гатьи авторов (¹¹), направленной ими в Physical Revew. Как явсгвует з этой статьи, для γ-крантов с энергней от 90 до 130 Мэв наблюдается заетное уменьшение сечения рассеяния под углом 45° по сравнению с томсоовским сечением, что качественно согласуется с нашими результатами.

Физический институт им. П. Н. Лебедева Академии наук СССР Поступило 14 VI 1956

### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> J. L. Powell, Phys. Rev., **75**, 32 (1949). <sup>2</sup> M. Gell-Mann, M. Goldberer, Phys. Rev., **96**, 1433 (1954). <sup>3</sup> R. Sachs, L. Foldy, Phys. Rev., **80**, 824 (1950). R. Capps, R. Sachs, Phys. Rev., **96**, 540 (1954). <sup>5</sup> R. Capps, W. Hollaay, Phys. Rev., **99**, 931 (1955). <sup>6</sup> S. Minami, Progr. Theor. Phys., **9**, 108 (1953). R. Huddlestone, Bull. Am. Phys. Soc., **28**, № 3, JA 14 (1953). <sup>8</sup> B. И. Ритус, (окл. на Всесоюзн. совещ. по квантовой электродинамике и теории элементарных частиц, арт, 1955 г. <sup>9</sup> N. Austern, Phys. Rev., **10**, 1522 (1955). <sup>10</sup> C. Oxley, V. Telegi, Phys. Rev., **100**, 435 (1955). <sup>11</sup> G. Pugh, R. Gomez, D. Frisch, G. Janes, Phys. Rev., **100**, 1245 (1955). <sup>12</sup> V. Goldschmidt-Clermont, L. S. Osbore, M. B. Scott, Phys. Rev., **89**, 329 (1953).

## л. с. дулькова, и. б. соколова и м. г. шафранова

# 

(Представлено академиком Д. В. Скобельцыным 4 VIII 1956)

В настоящей работе методом толстослойных фотопластинок изучалось рассеяние положительных и отрицательных  $\pi$ -мезонов на водороде.

Пластинки НИКФИ типа «Р», загруженные ацетатом лития, облучались на синхроциклотроне Института ядерных проблем АН СССР. Средняя

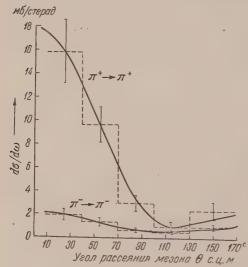


Рис. 1. Угловые распределения рассеяния  $\pi^{\pm}$ -мезонов на водороде. Сплошные кривысфункция  $f(\theta) = a + b \cos \theta + c \cos^2 \theta$ , где a, b, c— экспериментальные коэффициенты

энергия положительных мезонов в фотопластинках составляла (295±10 Мэв, отрицательных мезонов (300±15) Мэв. Методы обработки и просмотра пластинок, а также предварительные результаты были сообщены ранее (1). В настоящее время найдено 105 случаев упругого рассеяния отрицательных мезонов и 149 случаев рассеяния положительных мезонов в интервале углов от 10 до 170°.

оценки интегрального сечения упругого рассеяния были введены следующие поправки: на эффективность просмотра ПС площади (10%), на пропуск событий у стекла и у поверхности эмульсии (5%) и пропуск таких случаев, для которых плоскость рассеяния образует большой угол с плоскостью эмульсии. Последняя поправка составляет 35% от полного числа случаев и не зависит от угла рассеяния.

С учетом указанных поправок получены следующие значения для интегральных сечений:

$$\sigma (\pi^- + p \to \pi^- + p) = (11 \pm 2) \text{ мб};$$
  
 $\sigma (\pi^+ + p \to \pi^+ + p) = (63 \pm 10) \text{ мб}.$ 

Угловые распределения для этих процессов анализировались в предположении, что рассеяние происходит в состоянии с изотопическим спином  $^3/_2$  и  $^1/_2$  при участии только S- и P-волн.

Следовательно, функцию углового распределения можно представить виде

$$f(\theta) = a + b\cos\theta + c\cos^2\theta.$$

Методом наименьших квадратов были найдены коэффициенты a, b и c мб/стерад. для рассеяния  $\pi^+$ -мезонов:  $a_-=0.57\pm0.16$ ;  $a_+=2.6\pm0.60$ ;  $=0.59\pm0.20$ ;  $b_+=7.5\pm1.1$ ;  $c_-=0.96\pm0.28$ ;  $c_+=8.0\pm1.8$ . Соотстствующие угловые распределения представлены на рис. 1. Фазы расляния определялись графическим методом Ашкина ( $^{25}$ ). Требующееся для нализа сечение рассеяния отрицательных  $\pi$ -мезонов с перезарядкой взято их разность полного сечения рассеяния  $\pi^-+$  р, измеренного в работе ( $^2$ ) о выбыванию из пучка, и сечения упругого рассеяния, полученного нами.

Найдены следующие значения фаз:

$$\alpha_{3} = -32^{\circ} \pm 8^{\circ}$$

$$\alpha_{31} = -12^{\circ} \pm 3^{\circ}$$

$$\alpha_{33} = 141^{\circ} \pm 10^{\circ}$$

$$\alpha_{1} = 12^{\circ}$$

$$\alpha_{13} = 10^{\circ}$$

$$\alpha_{13} = -10^{\circ}$$

$$\alpha_{11} = -20,5^{\circ}$$

$$\alpha_{11} = 21,5^{\circ}$$

Ошибки в фазах найдены путем варьирования диаметров окружноей, пересечение которых определяет фазы в методе Ашкина.

При анализе данных по ассеянию  $\pi^+$ -мезонов вырано решение типа Ферми, о следует из опытов при еньших энергиях. Несмотря а большую неоднозначность рафического метода, анализ езультатов рассеяния  $\pi^-$ езонов в нашем случае дает олько два решения. Точость эксперимента не позляет выбрать одно из них. Для проверки степени ответствия ентальным угловым расределением была вычислена личина

$$M = \sum_{i=1}^{10} \frac{(\sigma_{i \text{ paccu}} - \sigma_{i \text{ эксп}})^2}{\xi_i^2},$$

е  $\sigma_{i_{paccu}}$  — дифференциальне сечение, полученное из з;  $\sigma_{i_{paccu}}$  — экспериментальне дифференциальное сечене;  $\xi_i$  — ошибка измерения.

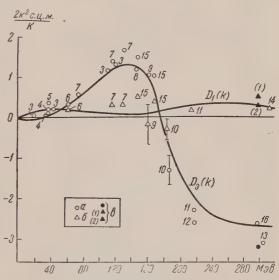


Рис. 2. Сравнение полученной из дисперсионных соотношений амплитуды рассеяния вперед с экспериментальными данными.  $a - \sin 2\alpha_3 + \sin 2\alpha_{31} + 2 \sin 2\alpha_{33}; \ 6 - \sin 2\alpha_1 + \sin 2\alpha_{11} + 2 \sin 2\alpha_{13}; \ e -$  настоящая работа

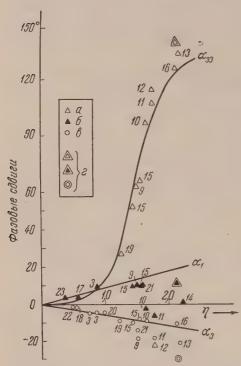
В случае решения (1) M=7; для решения (2) M=11 вместо ожиемого значения M=4. Такие значения M говорят в пользу решения, но не позволяют отбросить решение (2).

Полученные фазовые сдвиги находятся в удовлетворительном согласии с выводами, вытекающими из дисперсионных соотношений для рассеяния

На рис. 2 приведена зависимость амплитуды рассеяния вперед от энергии

для состояний с изотопическим спином  $^{3}/_{2}$   $(D_{3})$  и  $^{1}/_{2}$   $(D_{1})$ .

Сплошные кривые до  $E=240~{
m M}$  вычислены из условия причинности Андерсоном и др. ( $^{24}$ ) и продолжены нами до E=300 Мэв. При этом, согласно Ориру, для малых энергий полагалось  $\alpha_3=-0.11$   $\eta$ ;  $\alpha_1=0.16$   $\eta$ . Точками нанесены экспериментальные данные различных авторов ( $^{3-16}$ ). Наши ре-



3. Зависимость фаз от импульса мезона.  $\eta$  — импульс мезона в системе центра масс в единицах μс. Верхняя кривая получена Чью и Лоу для фазы  $\alpha_{33}$ . Прямые  $\alpha_1 = 0.16 \, \eta$  и  $\alpha_3 = -0.11 \, \eta$ Ориром. Точками нанесены экспериментальные данные различных авторов ( $^{3-23}$ ).  $a-\alpha_{33}$ ;  $b-\alpha_{1}$ ;  $b-\alpha_{3}$ 

зультаты при E = 300Мэв в случае т+-мезонов и обоих решений для π-мезонов согласуются с расчетной кривой в пределах ошибок эксперимента.

Сравнение полученных нами фаз с фазами для других энергий

приведено на рис. 3.

Следует отметить, что эксперимент дает только одно значение для фазы а1, которое остается положительным при варьировании пределах ИХ коэффициентов в ошибок. Это значение α1 не согласуется с прямой Орира, однако ошибки, определить которую трудно, может быть боль-

Фаза  $\alpha_3$  отрицательна и, даже при учете ее наибольшей ошибки, ложится значительно ниже прямой Орира с наклоном 0,11 л.

Полученное значение фазы аз подтверждает резонансный характер взаимодействия в состоянии  $J = \frac{3}{2}$ ,  $I = \frac{3}{2}$  и не согласуется с теоретической кривой Чью и Лоу. Из эксперимента также вытекает, что Р-фазы для изотопического спина  $\frac{1}{2}$  при энергии 300 Мэв вносят существенный вклад в рассеяние.

Малая точность эксперимента позволяет учесть возможную примесь D-волны. С учетом D-вол-

угловое распределение  $\pi^+ + p$ -рассеяния принимает вид:

$$F(\theta) = (2.9 \pm 2.3) + (8.7 \pm 2.2) \cos \theta + (8.0 \pm 5.9) \cos^2 \theta + (0.17 \pm 4.04) \cos^3 \theta + (3.4 \pm 7.5) \cos^4 \theta.$$

Ошибки в коэффициентах последних двух членов настолько велики. что не исключается равенство их нулю, т. е. отсутствие *D*-волны. Если D-волна вносит существенный вклад, то анализ экспериментальных данных приведет к некоторому изменению S- и P-фаз. Это может привести к согласию фаз α1 и α3 с прямыми Орира. Однако возможно, что при данной энергии уже проявляется нелинейная зависимость фаз от импульса, т. е. начинает сказываться влияние эффективного радиуса взаимодействия.

Авторы выражают благодарность чл.-корр. АН СССР И. М. Франку, И. Я. Бариту и К. Д. Толстову за помощь в работе, В. Я. Файнбергу и В. И. Ритусу за ценные советы, а также группе лаборантов Физического титута АН СССР и электрофизической лаборатории АН СССР, участвоших в просмотре пластинок.

Физический институт им. П. Н. Лебедева Академии наук СССР Поступило 28 VIII 1956

### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> Л. С. Дулькова, Т. А. Романова, и др., ДАН, 107, 43 (1956). <sup>2</sup> А. Е. натенко, А. И. Мухин, Е. Б. Озеров, Б. М. Понтекорво, ДАН, 395 (1955). <sup>3</sup> Л. Огеат, Phys. Rev., 96, 176 (1954). <sup>4</sup> Л. Тіпlot, А. Roberts, R. Rev., 95, 137 (1954). <sup>5</sup> Л. Р. Реггу, С. Е. Angell, Phys. Rev., 91, 1289 (1933). D. Bodansky, A. M. Sachs, J. Steinberger, Phys. Rev., 93, 1367 (1954). H. L. Anderson, F. Fermi, P. Martin, D. E. Nagle, Phys. Rev., 85, (1953). R. A. Grandey, A. F. Clark, Phys. Rev., 97, 791 (1955). H. L. derson, M. Glicksman, Phys. Rev., 100, 268 (1955). H. L. Anderson, C. Davidson, M. Glicksman, U. E. Kruse, Phys. Rev., 100, 279 (1955). Glicksman, Phys. Rev., 94, 1335 (1954). U. Taft, Phys. Rev., 101, 1116 (1956). H. И. Мухин, Е. Б. Озеров, Б. Понтекор во, Докл. на Всесоюзн. конференции пофизике частиц высоких энергий, М., 1956. H. В. Г. Зинов, С. М. Коренчен, Докл. на Всесоюзн. конференции пофизике частиц высоких энергий, М., 1957. L. Ashn, I. Р. В Iaser, F. Feiner, M. О. Stern, Phys. Rev., 101, 1149 (1956). M. Margulies, Phys. Rev., 99, 673 (A) (1955). T. J. Orear, Phys. Rev., 96, 77 (1954). Drear, Phys. Rev., 98, 239 (A) (1955). T. J. Orear, Phys. Rev., 96, 77 (1954). L. Anderson, E. Fermi, R. Martin, D. E. Nagle, Phys. 155 (1953). L. A. Bethe, F. Hoffman, N. Metropolies, E. F. ei, Phys. Rev., 95, 1586 (1954). L. Anderson, W. C. Davidson, U. E. Kruse, 151 (1956). L. Anderson, W. C. Davidson, U. E. Kruse, 152 (1956). L. Anderson, W. C. Davidson, U. E. Kruse, 153 (1955). L. Anderson, W. C. Davidson, U. E. Kruse, 154 (1956). L. Anderson, W. C. Davidson, U. E. Kruse, 154 (1956). L. Anderson, W. C. Davidson, U. E. Kruse, 155 (1956). L. Anderson, W. C. Davidson, U. E. Kruse, 155 (1956). L. Anderson, W. C. Davidson, U. E. Kruse, 155 (1956). L. Anderson, W. C. Davidson, U. E. Kruse, 155 (1956). L. Anderson, W. C. Davidson, U. E. Kruse, 155 (1956). L. Anderson, W. C. Davidson, U. E. Kruse, 155 (1956). L. Anderson, W. C. Davidson, U. E. Kruse, 155 (1956). L. Anderson, W. C. Davidson, U. E. Kruse, 155 (1956). L. Anderson

ФИЗИКА

. Член-корреспондент АН СССР Е. К. ЗАВОЙСКИЙ, М. М. БУТСЛОВ и Г. Е. СМОЛКИН

# ПРЕДЕЛЬНЫЙ КОЭФФИЦИЕНТ УСИЛЕНИЯ И СОБСТВЕННЫЕ ШУМЫ ЭЛЕКТРОННООПТИЧЕСКИХ УСИЛИТЕЛЕЙ СВЕТА

Принцип электроннооптического усиления света позволяет получать сколь угодно большие коэффициенты усиления  $\eta$  (1). Легко, однако, видеть, что существует некоторое предельное значение этого коэффициента  $\eta_{\text{lim}}$ , позволяющее фотографировать минимальный возможный сигнал — один электрон, вылетающий с входного фотокатода усилителя света. Дальней

шее повышение у практически не имеет смысла.

Оценим ориентировочно значение  $\eta_{\text{lim}}$  по формуле  $\eta_{\text{lim}} = n\sigma$ . Здест n — число падающих на единицу площади экрана электронов, необходи мое для получения нормального снимка с оптической плотностью  $\approx 0,2$ —0,4. Из опыта известно (см., например, (²)), что в подобных случаях при энергии электронов  $\approx 2 \cdot 10^4$  эв это число имеет значение  $\approx 10^9$  Величина  $\sigma$  — площадь кружка изображения на экране при регистрации одного электрона. Она определяется разрешающей способностью прибора и в нашем случае имеет значение  $\approx 10^{-4}$  см². Следовательно,  $\eta_{\text{lim}} \approx 10^{5}$ 

На опыте фотографическая регистрация одного электрона была осуществлена с помощью усилителя света типа 95. Для этого мы воспользовалисн сначала электронами темновой эмиссии входного фотокатода (собственные шумы прибора). Под действием этих шумов на флуоресцирующем экрана усилителя света возникает некоторый фон. При визуальном наблюдению этого фона можно видеть, что он состоит из отдельных локальных мерцающих вспышек люминофора, подобных сцинтилляциям (рис. 1a). Площадь свечения экрана при вспышке  $\approx 10^{-4} \ \mathrm{cm}^2$ . Длительность вспышки определяется временем высвечивания экрана.

Рядом опытов (сравнением яркости вспышек, действием слабого источника света и у-препарата на фотокатод и др.) было показано, что в области рабочих напряжений (от 8 до 20 кв) большинство вспышек на экране отвечает не отдельным электронам, вылетающим с входного фотокатода, а целым группам (пачкам) электронов. Таким образом, было установлено наличиствующим с входного фотокатода: «одноэлектронной» и «многоэлектронной», природа которых, как можно было сразу

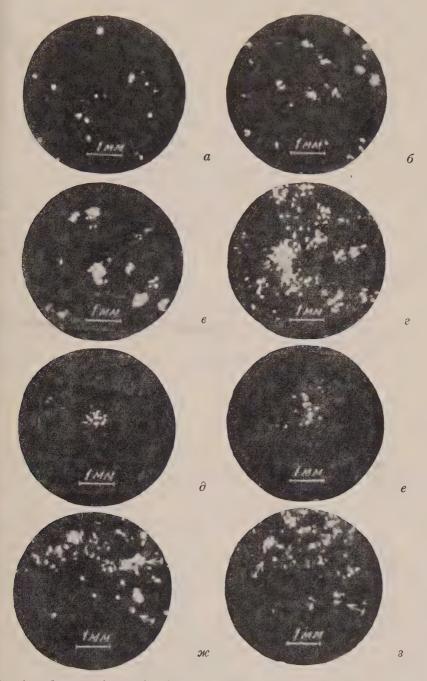
полагать, различна.

Выделение одноэлектронной компоненты по минимальной оптической плотности негатива связано с рядом трудностей, обусловленных шумами других катодов, и не позволяет поэтому решить вопрос о возможности

регистрации одного электрона.

Для достоверного выделения и регистрации одного электрона, а также для выяснения характера эмиссии многоэлектронной компоненты собственных шумов была применена расфокусировка электронного изображения во входном каскаде усилителя света. Размеры кружков размытия от вспышек при этом зависели от степени расфокусировки и от составляющей начальных скоростей электронов  $U_{\rm o}^{\perp}$ , перпендикулярной к оси прибора.

и расфокусировке вспышка распадается на группу отдельных точек, ждая из которых отвечает одному электрону на входе. Эго подтверждается и, что яркость точек в группе примерно одинакова.



а рис. 1 приводится ряд фотографий, полученных по описанной мето-Снимки a, b, b, c демонстрируют постепенную расфокусировку многоэлектронных вспышек. На снимках  $\partial$ , e представлены фотографии отдельн

расфокусированных вспышек.

Снимок ж получен при освещении одной половины фотокатода дост точно слабым потоком света без расфокусировки. Снимок з получен правных прочих условиях, но при высокой расфокусировке. Если исклучить точки, вызванные собственными шумами (некоторые из них указанстрелками), то можно видеть, что размер, яркость и число остающих точек на обоих снимках одинаковы. Это указывает на то, что точки отгучают отдельным фотоэлектронам, идущим с освещенной части фотокатор

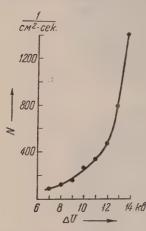


Рис. 2. Зависимость числа электронных групп N от разности потенциалов  $\Delta U$  на каскаде

В этих опытах коэффициент усиления  $\eta=3\cdot10$  Однако при столь высоких коэффициентах усилния, когда регистрируется один электрон, ощественной помехой в работе могут оказаты собственные шумы. Их источником является гланым образом темновая эмиссия фотокатодов прибора, причем шумы входного фотокатода вызываннаибольший фон на выходном экране, так как опроходят весь канал усиления.

Путем расфокусировки электронного изобрижения на входе усилителя света нам удало произвести количественные измерения обоих количент темнового тока SbCs фотокатода. Длятого была получена серия фотографий фонан некоторой определенной выдержкой и произведс соответствующий пересчет на единицу площади единицу времени. В результате измерений оказ лось, что при разности потенциалов на каска,  $\Delta U = 12$  кв SbCs фотокатод эмиттирует  $\sim \frac{1}{\text{см}^2 \cdot \text{сек}}$  отдельных электронов при комнатно

температуре. Наряду с этим оказалось, что при тех же условия фотокатод эмиттирует  $\sim 500\,\frac{1}{\text{см}^2\cdot\text{сек}}$  локальных электронных груг (пачек). Число электронов  $\delta$  в пачке может принимать значение от 2—до 15—20. Наибольшее число пачек состоит из 7—12 электронов.

На различное происхождение этих двух токов указывает прежде всегих зависимость от температуры. При охлаждении фотокатода в жидко азоте одноэлектронный ток исчезал полностью, что указывает на его терм электронное происхождение \*. В то же время многоэлектронная компонент

темнового тока оставалась практически неизменной.

С точки зрения механизма эмиссии многоэлектронной компонент интерес представляет зависимость ее от разности потенциалов  $\Delta U$  на ка каде, а также разброс начальных скоростей электронов  $U_0$  и среднее врем  $\tau$ , в течение которого эмитируются электроны одной группы. Зависимостока от  $\Delta U$  представлена на рис. 2. С повышением  $\Delta U$  число электроннегрупп  $N\frac{1}{\text{см}^2\cdot\text{сек}}$  растет по закону  $\sim a(\Delta U)^5$ .

Оценка перпендикулярной составляющей начальных скоростей электр нов  $U_0^\perp$  была сделана по известному спектру скоростей фотоэлектроно С этой целью на фотокатод усилителя света был спроектирован точечны источник света и произведено сравнение размеров кружка размытия от это источника и от отдельных электронных пачек при некоторой расфокус ровке. Максимальное значение  $U_0^\perp$  оказалось равным  $\sim 10$  эв.

Время т изучалось методом высокочастотной развертки электронно

<sup>\*</sup> Следует отметить, что измеренная нами величина термоэлектронного тока существ но расходится с данными других авторов:  $10^{-16} \frac{a}{\text{см}^2} (^3, ^4); 10^{-15} - 10^{-14} \frac{a}{\text{см}^2} (^5, ^6)$ . и др.

бражения на входе усилителя света, подробно описанным в (7). По пред-

ительным измерениям оно оказалось меньше  $10^{-11}$  сек.

Имеющихся в настоящее время данных, однако, недостаточно для решения роса о том, что является причиной многоэлектронного темнового тока с меровностей (сферолитов)

окатода или бомбардировка катода тяжелыми ионами.

Таким образом, на основе изложенных экспериментальных фактов дует считать доказанным, что предельный коэффициент электроннооптикого усиления света достигнут, и дальнейшее повышение чувствительти следует вести по пути повышения квантового выхода фотокатода. Эсте с тем регистрация одного электрона дает возможность изучения их явлений, которые сопровождаются вылетом всего лишь одного фотоктрона (либо вторичного электрона) с входного фотокатода. Эго в сочени с методом, обладающим в настоящее время самым высоким временным прешением (7), открывает новые экспериментальные возможности в истованиях сверхбыстрых процессов. В работе показано также, что термоктронный ток фотокатода мал и не может быть помехой в исследоватх такого характера. Уровень многоэлектронной компоненты собственты понижен.

Поступило 27 VIII 1956

### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> Е. К. Завойский, М. М. Бутслов, А. Г. Плахов, Г. Е. Смолкин, мная энергия, № 4, 35 (1956). <sup>2</sup> И. С. Стекольников, Электронный иллограф, 1949. <sup>3</sup> G. Morton, RCA-Review, 10, 525 (1949). <sup>4</sup> F. Boeshoten, W. Milatz C. Smit, Physica, 20, 193 (1954) <sup>5</sup> R. W. Engstrom, J. Op-1 Soc., Ат., 37, 420 (1947). <sup>6</sup> Н. О.Чечик, С. М. Файнштейн, Г. М. Лифц. Электронные умножители, М. 1954. <sup>7</sup> Е. К. Завойский, С. Д. Фаннко, ДАН, 108, № 2, 218 (1956).

6\*

ФИЗИК

### в. в. соболев

# перенос излучения в неоднородной среде

(Представлено академиком В. А. Амбарцумяном 5 VIII 1956)

В теории переноса излучения обычно предполагается, что оптически свойства среды (индикатриса рассеяния и отношение коэффициента рассеяния к коэффициенту поглощения) постоянны. В большинстве же встречанщихся на практике случаев указанные величины меняются при переходот одного места к другому. Например, в земной атмосфере сильно зависи от высоты индикатриса рассеяния, в звездных атмосферах зависит слубины отношение коэффициента рассеяния в линии к коэффициент поглощения в непрерывном спектре. Поэтому возникает задача о перенов излучения в среде с меняющимися оптическими свойствами.

Здесь мы рассмотрим частный случай указанной задачи, заключаю щийся в определении свечения полубесконечной среды, состоящей из плоско параллельных слоев, при сферической индикатрисе рассеяния. Отношени коэффициента рассеяния к сумме коэффициентов рассеяния и истинноп поглощения (т. е. вероятность выживания кванта при элементарном акт рассеяния) обозначим через \(\lambda\) и будем считать эту величину функцией с оптической глубины \(\tau\).

Данная задача сводится к решению следующего интегрального уравнения для функции B ( $\tau$ ):

$$B(\tau) = \frac{\lambda(\tau)}{2} \int_{0}^{\infty} B(\tau') \operatorname{Ei} |\tau - \tau'| d\tau' + g(\tau),$$

где функция  $g(\tau)$  обусловлена непосредственно источниками излучения Интенсивность излучения, выходящего из среды под углом агс  $\cos \eta$  к ногмали, выражается через  $B(\tau)$  формулой

$$I'(\eta) = \int_{0}^{\infty} B(\tau) e^{\tau |\eta|} \frac{d\tau}{\eta}.$$

Для решения поставленной задачи может быть также использова прием, основанный на введении в рассмотрение вероятности выхода квант из среды (1). Обозначим через  $p(\tau, \eta) d\omega$  вероятность того, что квант поглощенный на оптической глубине  $\tau$ , выйдет из среды (вообще говоря после многократных рассеяний в ней) под углом агс  $\cos \eta$  к нормальнутри телесного угла  $d\omega$ . Если функция  $p(\tau, \eta)$  известна, то интенсивность выходящего из среды излучения при любых действующих на средисточниках излучения может быть найдена по формуле

$$I(\eta) = 4\pi \int_{0}^{\infty} \frac{g(\tau)}{\lambda(\tau)} p(\tau, \eta) \frac{d\tau}{\eta}.$$

Функция  $p(\tau, \eta)$  определяется интегральным уравнением

$$p(\tau, \eta) = \frac{\lambda(\tau)}{4\pi} e^{-\tau/\eta} + \frac{\lambda(\tau)}{2} \int_{0}^{\infty} p(\tau', \eta) \operatorname{Ei}|\tau - \tau'| d\tau', \tag{4}$$

ляющимся частным случаем уравнения (1) (при  $g(\tau) = \frac{\lambda(\tau)}{4\pi} e^{-\tau/\eta}$ , е. при освещении среды параллельными лучами).

Решение уравнения (4) в принципе представляет такие же трудности, к и решение уравнения (1). Однако для определения функции  $p(\tau, \eta)$  жно составить также другое уравнение. Найдем вероятность выхода анта с глубины  $\tau + \Delta \tau$ ,  $\tau$ . е. величину  $p(\tau + \Delta \tau, \eta)$ . Для этого предвим себе, что квант выходит с глубины  $\tau$ , а затем проходит черезполнительный слой малой толщины  $\Delta \tau$  (без поглощения или с погложнием в этом слое). В случае, когда  $\lambda = \text{const}$ , среда без дополнительто слоя не отличается от среды с этим слоем, и поэтому мы можем писать:

$$p\left(\tau + \Delta \tau, \, \eta\right) = p\left(\tau, \, \eta\right) \left(1 - \frac{\Delta \tau}{\eta}\right) + 2\pi \int_{0}^{1} p\left(\tau, \, \eta'\right) \frac{\Delta \tau}{\eta'} \, d\eta' \, p\left(0, \, \eta\right). \tag{5}$$

Если  $\lambda$  зависит от  $\tau$ , то соотношение (5) уже не имеет места. Однако этом случае можно написать соотношение более общее, чем (5). Для гого рассмотрим совокупность сред, в которых вероятность выживания ванта равна  $\lambda(\tau + \alpha)$ , где  $\alpha$  — параметр. Вероятность выхода кванта из реды, характеризующейся определенным значением параметра  $\alpha$ , обознами через  $p(\tau, \eta, \alpha)$ .

Очевидно, что после отделения от среды слоя толщиной  $\Delta \tau$  получается еда с вероятностью выживания кванта, равной  $\lambda \, (\tau + \alpha + \Delta \tau)$ , и с веятностью выхода кванта с глубины  $\tau$ , равной  $p \, (\tau, \, \eta, \, \alpha + \Delta \tau)$ . Вместо (5)

перь получаем:

$$p(\tau + \Delta \tau, \eta, \alpha) = p(\tau, \eta, \alpha + \Delta \tau) \left(1 - \frac{\Delta \tau}{\eta}\right) + 2\pi \int_{0}^{1} p(\tau, \eta', \alpha + \Delta \tau) \frac{\Delta \tau}{\eta'} d\eta' p(0, \eta, \alpha).$$
(6)

Отсюда следует:

$$\frac{\partial p}{\partial \tau} - \frac{\partial p}{\partial \alpha} = -\frac{1}{\eta} p(\tau, \eta, \alpha) + 2\pi \int_{0}^{1} p(\tau, \eta', \alpha) \frac{d\eta'}{\eta'} p(0, \eta, \alpha). \tag{7}$$

Входящая в уравнение (7) величина  $p\left(0,\;\eta,\;lpha
ight)$  может быть представна в виде

$$p(0, \eta, \alpha) = \frac{\lambda(\alpha)}{4\pi} \left[ 1 + 2\eta \int_{0}^{1} \rho(\eta, \eta', \alpha) d\eta' \right], \tag{8}$$

$$\rho(\eta, \zeta, \alpha) = \frac{\pi}{\eta \zeta} \int_{0}^{\infty} e^{-\tau/\zeta} p(\tau, \eta, \alpha) d\tau.$$
 (9)

Величина  $\rho(\eta, \zeta, \alpha)$  представляет собой коэффициент яркости среды, вещенной параллельными лучами, падающими под углом агс  $\cos \zeta$  к норли. Если параллельные лучи создают освещенность перпендикулярной ним площадки, равную  $\pi S$ , то интенсивность излучения, диффузно отженного средой, равна

$$I(\eta, \zeta, \alpha) = S\rho(\eta, \zeta, \alpha). \tag{10}$$

1001

Из уравнений (7) и (8) может быть получено одно уравнение дл определения функции  $\rho(\eta, \zeta, \alpha)$ . Умножая (7) на  $e^{-\tau | \zeta}$  и интегрируя пов пределах от 0 дQ  $\infty$ , находим:

$$\left(\frac{1}{\eta} + \frac{1}{\zeta}\right)\rho\left(\eta, \zeta, \alpha\right) - \frac{\partial\rho}{\partial\alpha} = \frac{\pi}{\eta}\rho\left(0, \eta, \alpha\right)\left[1 + 2\zeta\int_{0}^{1}\rho\left(\eta', \zeta, \alpha\right)d\eta'\right]. \tag{1}$$

Подставляя (8) в (11) и учитывая симметричность функции  $\rho(\eta, \zeta, c)$  относительно  $\eta$  и  $\zeta$  (вытекающую из (1)—(4) при  $g(\tau) = \frac{\lambda(\tau)}{4} S e^{-\tau|\zeta|}$  вместо (11) имеем:

$$(\eta + \zeta) \rho (\eta, \zeta, \alpha) - \eta \zeta \frac{\partial \rho}{\partial \alpha} = \frac{\lambda (\alpha)}{4} \varphi (\eta, \alpha) \varphi (\zeta, \alpha), \tag{12}$$

где введено обозначение

$$\varphi(\eta, \alpha) = 1 + 2\eta \int_{0}^{1} \rho(\eta, \eta', \alpha) d\eta'. \tag{13}$$

Из (12) и (13) следует:

$$\rho(\eta, \zeta, \alpha) = \int_{\zeta}^{\infty} \frac{\lambda(\alpha')}{4} \varphi(\eta, \alpha') \varphi(\zeta, \alpha') e^{-(\alpha' - \alpha)\left(\frac{1}{\eta} + \frac{1}{\zeta}\right)} \frac{d\alpha'}{\eta \zeta}, \qquad (14)$$

$$\varphi(\eta, \alpha) = 1 + \frac{1}{2} \int_{0}^{1} \frac{d\zeta}{\zeta} \int_{\alpha}^{\infty} \lambda(\alpha') \varphi(\eta, \alpha') \varphi(\zeta, \alpha') e^{-(\alpha' - \alpha) \left(\frac{1}{\eta} + \frac{1}{\zeta}\right)} d\alpha'.$$
 (15)

Таким образом, задача сводится к определению функции  $\varphi(\eta, \alpha)$  из уравнения (15). Если функция  $\varphi(\eta, \alpha)$  известна, то по формуле (14) может быть найден коэффициент яркости для любой из рассматриваемых сред. Чтобы получить коэффициент яркости для исходной среды, надов (14) положить  $\alpha=0$ .

Рассмотрим некоторые частные случаи.

1. Если  $\lambda = {\rm const}$ , то  $\phi$  не зависит от  $\alpha$ , и вместо (14) и (15) имеем:

$$\rho(\eta, \zeta) = \frac{\lambda}{4} \frac{\varphi(\eta) \varphi(\zeta)}{\eta + \zeta}, \qquad (16)$$

$$\varphi(\eta) = 1 + \frac{\lambda}{2} \eta \varphi(\eta) \int_{0}^{1} \frac{\varphi(\zeta)}{\eta + \zeta} d\zeta.$$
 (17)

Уравнения (16) и (17) были раньше получены В. А. Амбарцумяном (2). 2. Пусть  $\lambda=\lambda_0$  при  $0\leqslant \tau\leqslant \tau_0$  и  $\lambda=\lambda_1$  при  $\tau_0\leqslant \tau<\infty$ . Из (14) и (15) получаем:

$$\rho(\eta, \zeta, \alpha) = \frac{\lambda_0}{4} \cdot \int_{\alpha}^{\tau_0} \varphi(\eta, \alpha') \varphi(\zeta, \alpha') e^{-(\alpha' - \alpha) \left(\frac{1}{\eta} + \frac{1}{\zeta}\right)} \frac{d\alpha'}{\eta \zeta} + \frac{1}{\eta \zeta} \cdot \frac{1}{\eta \zeta} \cdot \frac{d\zeta}{\eta \zeta} \cdot \frac{1}{\zeta} \cdot \frac{d\zeta}{\zeta} \cdot \int_{\alpha}^{\tau_0} \varphi(\eta, \alpha') \varphi(\zeta, \alpha') e^{-(\alpha' - \alpha) \left(\frac{1}{\eta} + \frac{1}{\zeta}\right)} d\alpha' + \frac{\lambda_1}{2} \eta \varphi_1(\eta) \int_{\alpha}^{1} \varphi_1(\zeta) e^{-(\tau_0 - \alpha) \left(\frac{1}{\eta} + \frac{1}{\zeta}\right)} \frac{d\zeta}{\eta + \zeta},$$

$$(18)$$

 $\rho_1(\eta, \zeta)$  и  $\varphi_1(\eta)$  определены соотношениями (16) и (17) при  $\lambda = \lambda_1$ . рмулой (18) дается коэффициент яркости полубесконечной среды с  $\lambda = \lambda_1$ , которую наложен слой произвольной оптической толщины  $\tau_0 - \alpha$ .  $\lambda = \lambda_0$  (0  $\lambda = 0$ ).

3. Полагая в (18) и (19)  $\lambda_1=0,\ \tau_0-\alpha=t,\ \tau_0-\alpha'=t',\$ находим:

$$\rho(\eta, \zeta, t) = \frac{\lambda}{4} \int_{0}^{t} \varphi(\eta, t') \varphi(\zeta, t') e^{-(t-t')\left(\frac{1}{\eta} + \frac{1}{\zeta}\right)} \frac{dt'}{\eta \zeta}, \qquad (20)$$

$$\varphi(\eta, t) = 1 + \frac{\lambda}{2} \int_{0}^{1} \frac{d\zeta}{\zeta} \int_{0}^{t} \varphi(\eta, t') \varphi(\zeta, t') e^{-(t-t'')\left(\frac{1}{\eta} + \frac{1}{\zeta}\right)} dt'. \tag{21}$$

Формулой (20) определяется коэффициент яркости среды оптической щины t с постоянным  $\lambda$ . Мы пришли к новым уравнениям для функар  $(\eta, \zeta, t)$  и  $\varphi(\eta, t)$  в задаче, которая подробно рассматривалась

При учете (8) и (13) уравнение (7) принимает вид:

$$\frac{\partial p}{\partial \tau} - \frac{\partial p}{\partial \alpha} = -\frac{1}{\eta} p(\tau, \eta, \alpha) + \frac{\lambda(\alpha)}{2} \varphi(\eta, \alpha) \int_{0}^{1} p(\tau, \eta', \alpha) \frac{d\eta'}{\eta'}. \tag{22}$$

При помощи (22) по формуле (3) интенсивность выходящего из среды пучения  $I(\eta, \alpha)$  может быть выражена через функцию  $\varphi(\eta, \alpha)$  при разных источниках излучения. Сравнительно просто это можно сделать случаях, когда  $g(\tau)$  — полином или экспоненциальная функция от  $\tau$ .

Ленинградский государственный университет им. А. А. Жданова

Поступило 2 VI 1956

### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> В. В. Соболев, Астр. журн., 28, № 5 (1951). <sup>2</sup> В. А. Амбарцумян. Н, **37**, 257 (1943).

БИОФИЗИК

### Э. Я. ГРАЕВСКИЙ и А. А. НЕЙФАХ

# О РОЛИ ГИПОФИЗА В ПОРАЖЕНИИ ЯЙЦЕКЛЕТОК АМФИБИЙ ПРИ ОБЩЕМ ОБЛУЧЕНИИ ИОНИЗИРУЮЩЕЙ РАДИАЦИЕЙ

(Представлено академиком И. И. Шмальгаузеном 29 VI 1956)

Считается общепринятым, что облучение гипофиза хотя и может пруводить к определенным цитологическим изменениям в нем самом (¹), вызывает заметных нарушений в организме (²). Однако А. В. Войно-Яс нецкий (³) приводит данные, свидетельствующие, по его мнению, об уги тающем влиянии облученного гипофиза лягушки на развитие ее потомств Важность этого вопроса псбудила нас повторить упомянутое исследовани

Проведено две серии опытов. В первой мы стремились возможно болгочно воспроизвести исследования Войно-Ясенецкого; во второй серии мусилили факторы, которые должны были бы увеличить эффект. Несмотр на эти различия, материал обоих опытов оказался достаточно однородны

для статистической обработки и был сгруппирован вместе.

В первой серии лягушки Rana temporaria подвергались общему воздествию гамма-излучения от установки типа ГУТ-400 (заряд Co<sup>60</sup> —200 мю при расстоянии 86 см, мощности дозы 368 г/час и времени облучения 1 часов. Доза радиации как и в работе (³) составила 7000 г. После облучени животные содержались при температуре 16—17° в течение 14 дней. Зате у облученных и у находившихся в таких же условиях контрольных лягушек извлекались гипофизы и инъецировались по 2 штуки в лимфатичения по 3 штуки в 3 ш

ский мешок самок, бывших перед тем на холоду (4—5°).

В этих экспериментах овуляция была вызвана у 14 самок: 10 нормальны и 4 облученных (7000 r). При этом половине обеих групп лягушек, т. в 5 нормальным и 2 сблученным были введены гипофизы от облученных жи вотных; остальным же вводились гипофизы от необлученных донорог Инъекция повторялась на третий день, а еще через день стимулированны самки вскрывались и зрелая икра искусственно оплодотворялась. Подопыт ные (инъекция гипофизов от облученных лягушек) и контрольные (инъекци гипсфиза от необлученных животных) группы лягушек сравнивались п выживаемости их зародышей. Так как процент оплодотворенных икрино не зависит от того, были ли облучены гипофизили даже сама икра или не (6,7), выживаемость потомства вычислялась в процентах к числу оплодотво ренных икринок. Критерием оплодотворения служило дробление икринки Известно, что при лучевых воздействиях гибель начинается только посл конца дрсбления, в начале гаструляции (6,7). Отбор и подсчет погибши эмбрионов в первой серии опытов производился на стадиях гаструляции хвостовой почки, подвижного зародыша, тотчас после выклева и на стади свсбодноживущей личинки с наружными жабрами Овуляция (опыты про водились в декабре — январе) во всех случаях была полной. Оплодотворени осуществлялось на 10-90%. При более низком проценте оплодотворения материал в работу не включался. Никакой корреляции между проценто оплодотворения и жизнеспоссбностью зародышей установить не удалось В отдельных случаях зародыши были чрезвычайно мало жизнеспособны и до вылупления доходило менее 20—30%; эти случаи в работу также н лючены. Так, в контрольной группе икра одной лягушки оказалась жизнеспособной (выклев менее 3,5%), и она из опыта исключена.

Опыты этой серии показали (табл. 1), что гонадотрогная активность лученного и необлученного гипофиза, а также жизнеспособность потомва, полученного в этих случаях, не обнаруживают статистически достоверых отличий. Более того, использование гипофизов от облученных животных усиливает прямого повреждающего лействия радиации на гаметы

усиливает прямого повреждающего действия радиации на гаметы. Уже эти опыты показывают, что угнетающее действие облученного гифиза, если оно вообще существует, очень невелико. Для большей убедильности была поставлена вторая серия опытов в условиях, которые лжны были бы способствовать проявлению повреждающего влияния лученного гипофиза, если таковое имеет место.

Таблипа 1

Выживаемость потомства при инъекции гипофизов от облученных (доза  $7000\ r$  — серия I) и необлученных животных (в % к числу оплодотворенных икринок)

	Необлученные лягушки			Облученны	ченные лягушки	
	необлуч. гипофиз	облуч. гипофиз	<sup>m</sup> dif	необлуч. гипофиз	облуч. гипофиз	
Число животных Нейрула Хвостовая почка Подвижный зародыш Выклев из оболочек Личинка с наружн. жаб-	$\begin{array}{c c} 4 \\ 94 \pm 2.5 \\ 81 \pm 3.9 \\ 76 \pm 6 \\ 71 \pm 6.5 \end{array}$	$\begin{array}{c} 5\\ 91\pm2,5\\ 79\pm2,7\\ 72\pm5,8\\ 69\pm6,2 \end{array}$	$ \begin{array}{c}  - \\  3\pm 3.5 \\  2\pm 4.7 \\  4\pm 8.4 \\  2\pm 8.9 \end{array} $	2 91 70 65 56	2 92 76 72 67	
рами	57 <u>±</u> 11	63 <u>+</u> 6,5	6 <u>+</u> 12,8	42	53	

Таблица 2

Выживаемость потомства при инъекции гипофизов от облученных (доза  $10000\ r$  — серия II) и необлученных животных (в % к числу оплодотворенных икринок)

		Стадин			
	Число животн.	Хвостовая почка	Подвиж- ный зародыш	Выклев	
Необлученный гипофиз Облученный гипофиз	7 9	89 <u>+2</u> ,1 87 <u>+</u> 2	79 <u>+</u> 3,2 80 <u>+</u> 3	$73\pm 5$ $70\pm 3,2$	
$m_{ m dif}$		2 <u>+</u> 2,9	1 <u>+</u> 4,4	3 <u>+</u> 6	

Лягушки облучались на трехтрубочной рентгеновской установке с равмерным полем (180 кв,  $3 \times 10$  ма, фильтр — 0,5 Cu + 0,75 Al, 36 г/мин). В отличие от опытов первой серии доза радиации была увеличена с 7000 г 10 000 г, а время после облучения — с 14 до 21—30 суток. Последующая работка материала была такой же, как и в первой серии, за исключением го, что отбор и подсчет погибших производился только на трех стадиях: остовой почки, подвижного зародыша и после выклева. В опыте было пользовано 20 животных (не считая 80 лягушек — доноров гипофиза), сяти лягушкам инъецировались гипофизы от облученных лягушек и сяти — от необлученных. В трех кладках из контрольной группы и в одй подопытной икра оказалась мало жизнеспособной и из дальнейшей работки была исключена. Результаты этой серии (табл. 2) также пока-

зывают, что отличия между опытом и контролем невелики и статистическ

недостоверны.

Для статистической обработки полученный материал обеих серий мобыть суммирован. В таком виде он представлен в табл. 3, где приведень

Таблица 3

Выживаемость потомства при инъекции гипофизов от облученных и необлученных животных, объединенная по данным I и II серии (в % к числу оплодотворенных икринок)

Стадия развития	Необлучен. гипофиз <i>n-</i> 11	Облучен. гипофиз <i>n-14</i>	$m_{\mathrm{dif}}$	t	P
Хвостовая почка Подвижный зародыш Выклев личинок	86,4+3,3 78,4+4,5 72,6+4,9	87,2+2,3 77,6+3,2 70,0+3,4	0,8+5,5	0,23	0,74 0,82 0,53

кроме обычной ошибки разности еще и результаты оценки достоверности различий двух выборочных средних (8), произведенные по таблицам распределения Стюдента. Последние показывают, что вероятность случайного расхождения данных (последняя графа) по опытной и контрольной группам очень велика (более 0,5) \*.

По таблицам Стюдента можно приблизительно оценивать величину вся можных отличий при заданной вероятности. С очень большой вероятностью (более 0,98) можно утверждать, что выживаемость зародышей в подопытноги контрольной группах не может отличаться более чем на 5—8 %. Эта величина, собственно, и определяет степень правомерности, с которой мы можем считать доказанным отсутствие влияния облучения гипофиза на яйцеклетки амфибий.

Расхождение между нашими результатами и данными работы (3) могут быть объяснены тем, что автор последней принимал за критерий оплодок творения переворачивание икринок анимальным полюсом вверх, в то время как в качестве точного критерия может служить только дробление икринки Пересчет данных Войно-Ясенецкого по этому критерию показывает, что отличие между опытом и контролем не превышает 10—15%. К сожалению достоверность этих данных не может быть достаточно строго установлена из-за отсутствия статистической обработки и указаний о числе животных в работе (3).

Настоящая работа дает возможность заключить, что при общем облучении в примененных дозах (до 10 000 г) функция гипофиза лягушек существенно не нарушается, его гонадотропная активность заметно не умень шается, овуляция протекает нормально и облучение гипофиза не отражается

на развитии потомства.

Институт морфологии животных им, А. Н. Северцова Академии наук СССР

Поступило 24 VI 1956

### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> G. M. Mateyko, H. A. Chraripper, J. Morph, . 93, 2, 533 (1953).

<sup>2</sup> P. M. Allen, O. A. Schjedeetal., J. exp. zool., 124, 1, 131 (1953).

<sup>8</sup> B. A. Boйно-Ясенецкий, ДАН, 100, № 2 (1955).

<sup>4</sup> Ph. Stearner, J. exp. zool., 115, 2, 25 (1950).

<sup>5</sup> Л. А. Кащенко, ДАН, 77, № 1, 157 (1951).

<sup>6</sup> E. A. Butler, Biological Effects of Radiation, N. Y., 1936.

<sup>7</sup> A. А. Нейфах, ДАН, 109, № 5 (1956).

<sup>8</sup> В. И. Романовский, Применение математической статистики в опытном деле 1947.

<sup>\*</sup> Критерий  $x^2$ , обычно применяемый для сопоставления двух и более рядов, в данног случае не мог быть использован, так как распределение выживаемости икринок, взятых огразных лягушек, естественно не подчиняется нормальному закону распределения (нормальное распределение, по видимому, имеется в отношении выживаемости икры у разных лягушек). Однако и критерий  $x^2$  показал почти достоверную идентичность контрольной и полопытной серий.

БИОФИЗИКА

### 3. Н. ФАЛЕЕВА

# ВЛИЯНИЕ РЕНТГЕНОВСКОЙ РАДИАЦИИ НА КЛЕТОЧНЫЙ СОСТАВ КРОВИ МЫШЕЙ ПРИ ПРИМЕНЕНИИ ЗАЩИТНЫХ АГЕНТОВ

(Представлено академиком И. И. Шмальгаузеном 10 VIII 1956)

К числу наиболее характерных нарушений, возникающих в организме вотного при воздействии ионизирующей радиации, относятся изменения офологической картины периферической крови (1-3), которые широко

ользуются для определения лучевого поражения (4).

Представляет интерес сравнительное изучение изменений картины ови у животных, облученных в обычных условиях, и животных, лучевое ражение которых было ослаблено применением тех или иных биологиких защитных веществ. По данным одних исследователей, применение сачестве профилактических защитных веществ глютатиона (5), цистеина и некоторых других агентов ослабляет морфологические нарушения рови при лучевом воздействии (8,9), тогда как другие авторы в аналогичных гчаях, наблюдая благотворное влияние этих агентов на общее состояние сученных животных, не отмечали какого-либо улучшения в картине ови (10).

Актуальность и невыясненность этой проблемы побудили нас провести внительные исследования изменений, наступающих в периферической ови животных под влиянием рентгеновского облучения в обычных услоках и при применении защитных и лечебных воздействий. В качестве офилактического защитного агента была использована окись углерода, применен гомологичный костный мозг. Оба фактора изывают отчетливое защитное влияние, выражающееся в повышении киваемости и увеличении продолжительности жизни облученных живот-

 $(1^{-15}).$ 

Исследование проведено на взрослых белых мышах, весом 18—20 г. вотные подвергались однократному общему воздействию рентгеновских лей в дозах 700 и 1000 г при следующих условиях: напряжение 170 кв, на тока 6 ма, фильтр 0,5 мм Си + 0,75 мм А1, фокусное расстояние 20 см, щность дозы при 700 г 65 г/мин. и при 1000 г 62 г/мин. При применении качестве защитного агента окиси углерода мыши во время облучения содились в атмосфере, содержавшей 0,25—0,5% СО. В других эксперинах на второй день после лучевого воздействия мышам внутривенно дилась эмульсия костного мозга (из бедренных костей нормальных шей) в 0,5 мл физиологического раствора из расчета содержимого двух

ренных костей на одно животное. Всего в опытах было использовано 324 мыши; 72 мыши облучались г и 42 мыши 1000 г в обычных условиях (контроль); 96 мышей 700 г мышь 1000 г — в атмосфере, содержавшей окись углерода, и 16 животк облучались 700 г в опытах с введением эмульсии костного мозга. На кдый срок после облучения кровь бралась от 4—8 мышей. Для сопоставния исследовалась кровь от 27 нормальных необлученных животных ализ крови необлученных животных, находившихся такое же время,

как опытные, в атмосфере, содержавшей окись углерода, не показал ника

отклонений от нормы).

Кровь бралась из хвостовой вены, и из нее приготовлялись мазки, которых изучалось изменение дифференциального состава белой кров Мазки фиксировались метиловым спиртом и окрашивались азур-эози по Максимову или по Гимза. Формула крови устанавливалась после госчета 200 клеток от каждого животного. Одновременно в счетной кам Бюргера-Тюрка определялось число лейкоцитов и эритроцитов в 1 мм<sup>3</sup>.

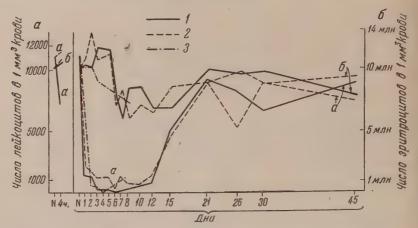


Рис. 1. Число лейкоцитов (a) и эритроцитов (b) в крови мышей в разные сроки после облучения ее 700 г. 1—облучение, 2—облучение в атмосфере 00, 03—облучение с последующим введением эмульсии костного мозга

В крови нормальных мышей содержится 78,6% агранулоцитов и 19,6 гранулоцитов. Общее число лейкоцитов в 1 мм<sup>3</sup> составляет в средн

11 125, а эритроцитов 10 287 070.

Из рис. 1, 1 а видно, что при облучении 700 г уже через 4 часа посвоздействия число лейкоцитов падает до 7125. Через сутки оно снижается 1450 и достигает минимума на 3—7 сутки. Основная масса животных погибет через 7 дней после облучения, а у единичных выживающих мышес 15-х суток начинается увеличение числа белых кровяных клеток, котог приближается к норме на 45 сутки после облучения.

Падение количества форменных элементов белой крови в ближайш сроки после облучения происходит в основном за счет лимфоцитов, пробладающих в крови грызунов и имеющих наиболее короткий период жизн

В отличие от этого, количество нейтрофилов значительно увеличивает в первые часы после воздействия (вдвое больше, чем в норме), и лишь чер сутки отмечается отчетливое снижение их числа. Нормализация картип белой крови обычно отмечается, начиная с 15-х суток после облучени Увеличение числа белых кровяных клеток идет за счет лимфоцитов и не трофилов, но восстановление последних происходит быстрее.

Уменьшение количества эритроцитов может быть отмечено в пери между 6-ми и 15-ми сутками после воздействия и уже к 20-м суткам чис

эритроцитов приближается к норме (рис. 1, 1, 6).

При облучении 1000 г в поведении белых кровяных клеток прослеж вается та же закономерность, что и при 700 г. Через 4 часа после облучен число их в среднем уменьшается до 8793 и в дальнейшем продолжает неу лонно снижаться (рис. 2,1a). Обращает на себя внимание то, что в одинаков сроки после облучения и 700 и 1000 г количество белых кровяных клет устанавливается на близких уровнях. На 4 сутки, т. е. к моменту гибе подопытных животных, число лейкоцитов достигает минимума (всего 1 в 1 мм³).

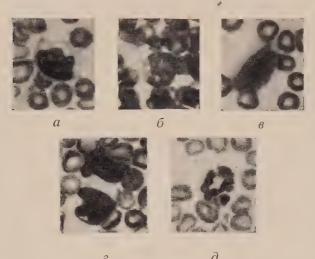


Рис. 3. Цитоморфологические изменения клеток крови после ее облучения: a — лимфоцит с деформированным ядром,  $\delta$  — вакуолизация цитоплазмы и ядра лимфоцита,  $\epsilon$  — деформация и смещение ядра к периферии клетки (лимфоцит),  $\epsilon$  — укрупненная клетка с двумя ядрами (лимфоцит),  $\delta$  — фрагментация ядра нейтрофила

К статье Н. А. Красильникова, А. Н. Белозерского, Я. И. Раутенштейна, А. И. Кореняко, Н. И. Никитиной, А. И. Соколовой, С. О. Урысон, стр. 1117



Рис. Спороносцы (а) и споры (б) штамма № 15;  $a-150\times,~ 6-1500\times$ 



Вместе с тем, количество эритроцитов не успевает заметно измениться а четырехдневный период жизни животных, облученных 1000 r (рис. 2, 16).

Количественным изменениям клеток крови сопутствуют цитоморфолоические изменения, которые выражаются в ближайшие сроки после возействия в появлении лимфоцитов со слегка деформированными ядрами рис. 3, a), а в более отдаленные сроки — лимфоцитов с пикнотическими ядвами и с вакуолизированными ядрами и цитоплазмой (рис. 3, б). Часто наблюдается смещение ядер к периферии клетки (рис. 3, в). Иногда лимроциты сильно увеличены и содержат одно или два ядра, которые иногда осединены между собой перемычкой, но чаще свободно лежат в цитоплазме

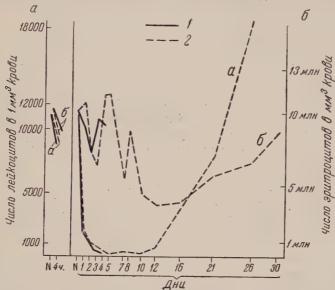


Рис. 2. Число лейкоцитов (a) и эритроцитов (б) в крови мышей в разные сроки после облучения ее 1000 г. 1—облучение, 2—облучение в атмосфере CO

оис. 3,  $\varepsilon$ ). Повреждения в нейтрофилах проявляются в очень сильной фрагентации ядра (рис. 3,  $\partial$ ).

Надо отметить, что количество поврежденных клеток, по-видимому, остигает максимума в период наиболее интенсивного восстановления исленности белых элементов периферической крови.

Для эритроцитов облученного организма характерна изменчивость

азмера и формы клеток.

При облучении 700 г в атмосфере, содержащей окись углерода, сущестенных отличий в поведении белых кровяных клеток не наблюдается оис. 1, 2a). Через 4 часа после воздействия не наступало характерного для онтроля падения числа лейкоцитов, но в последующие сроки кривая изенения их числа повторяла кривую, полученную на животных, облученых 700 г в обычных условиях. Через 4 часа у защищенных окисью углерода сивотных, так же как и у контрольных, обнаружено уменьшение числа имфоцитов и кратковременное увеличение числа нейтрофилов, которое адает уже к 24 часам после воздействия. С этого момента снижение числа имфоцитов и нейтрофилов идет параллельно.

Минимальное количество лейкоцитов отмечено на 6—10 сутки, т. е. есколько позже, чем в контроле. Но и здесь, как и в контроле, восстаночтельные процессы обнаруживаются только с 15-х суток. Они протекают приблизительно одинаковой скоростью, хотя в период падения числа леток кривая, отображающая число лейкоцитов у защищенных животных, ак правило, лежит выше, чем для контрольных, а в ходе процессов репа-

щии обе кривые совпадают.

Уменьшение числа эритроцитов заметно на 6—12 сутки после облучен

т. е. практически в те же сроки, что и в контроле.

При облучении 1000 г в атмосфере, содержащей окись углерода, хара тер изменений численности форменных элементов крови сходен с тем, ч мы наблюдаем у контрольных животных (см. рис. 2). Все контрольных животные погибают на 3—4 сутки после воздействия, а животные, находишиеся к моменту облучения в атмосфере с окисью углерода, несмотря на т что количество лейкоцитов у них в эти сроки не отличается от таковос у погибающих контрольных мышей, в значительном проценте случан выживают, и с 16 суток картина белой крови у них заметно улучшается Это связано с развитием репарационных процессов в кроветворных оргинах (16). Поведение нейтрофилов и лимфоцитов у защищенных и контролиных животных заметно не различается.

У мышей, облученных 1000 г в атмосфере, содержащей окись углерод, устойчивое понижение числа эритроцитов имеет место между 7-ми и 26-м

сутками.

После облучения 700 г и последующего внутривенного введения эмулсии костного мозга количество лейкоцитов на 3—4 сутки уменьшается даначений, соответствующих таковым у контрольных животных (рис. 1, 3 см. Восстановление начинается несколько раньше, чем в контроле, и протекам на уровне, характерном для животных, облученных 700 г в атмосферетокисью углерода.

Падение числа эритроцитов у таких животных очень невелико и наблы

дается на 8 сутки после облучения (рис. 1, 36).

Цитологические изменения, возникающие в клетках крови облученным животных, имеют место и в случае применения защитных веществ. Он носят такой же характер, но количество поврежденных клеток белой

красной крови у защищенных животных значительно меньше.

Из наших опытов следует, что динамика кровяных элементов, сравнительно мало связана с примененными дозами радиации. Так, лейкопенителри 700 и 1000 г развивается одновременно и достигает приблизительно одинаковой степени, хотя жизнеспособность животных после воздействия этих двух доз радиации существенно различается. Применение защитных веществ, значительно повышающих выживаемость и продолжительности жизни животных, подвергнутых действию ионизирующей радиации, не отражается заметно на картине периферической крови, и изменения у защищенных и контрольных животных оказываются выраженными и одинаковой степени. Представленные материалы говорят о том, что картина периферической крови не всегда с достаточным основанием может быть использована для оценки общего состояния облученного организма.

Институт морфологии животных им. А. Н. Северцова Академии наук СССР Поступило <sup>)</sup> 10 VIII 1956

### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

1 3. К. Клейст-Павлова, Вестн. рентгенол. и радиол., 17, 389 (1936) L. О. Јасовѕоп, Е. К. Магкѕ, Е. Lогепz, Radiology, 52, 3, 371 (1949) 
3 А. П. Егоров, В. В. Бочкарев, Кроветворение и ионизирующая радиация, 1955. 
4 М. Ф. Александрова, Бюлл. радиац. мед., 1, 13 (1954). 
5 Е. Сгопкіте. G. Вгеснег, W. Снартап, Military Surgeon, 109, 4, 294, (1951). 
6 Н. М. Ратт. Е. В. Тугее, R. L. Straube, D. E. Smith, Science, 110, 213 (1949). 
7 D. Hofmann, R. K. Керр, G. Ochlert, H. W. Vasterling, Strahlentherapie, 96, 1. 1 (1955). 
8 Н. М. Ратт, Е. М. Douglas, E. Jackson, Blood 5, 8, 758 (1950). 
9 R. Rosenthal, L. Goldshmidt, B. Pickering, Am. J. Physiol., 166, 1, 15 (1951). 
10 W. Lorenz, Strahlentherapie, 88, 2, 190 (1952). 
11 P. Вопет-Машгу, F. Patti, J. Radiol., Electrol., 35, 11, 851 (1954). 
12 Э. Я. Граевский, Сессия АН СССР по мирному использованию атомной энергии Изл. АН СССР, 1955, 
13 Е. В. Копессі, W. F. Тауlог, S. S. Wilks, Radiat. Res., 3, 2, 157 (1955). 
14 М. Ні1- прег, I. Ferguson, P. Riemenschneider, J. Lab. and. Clin Med., 42, 4, 581 (1953). 
15 М. С. Fishler, L. J. Cole, V. P. Bond, W. L. МіІпе, Ат. J. Physiol., 177, 2, 236 (1954). 
16 Н. Ф. Баракина, Влияние рентгеновской радиации на кроветворение, Диссертация, М., 1955.

# ТЕХНИЧЕСКАЯ ФИЗИКА

Л. С. СТИЛЬБАНС, Б. И. БОК и Э. Л. ЛИФШИЦ

# О МЕХАНИЗМЕ РАССЕЯНИЯ НОСИТЕЛЕЙ В ТЕЛЛУРИСТОМ СВИНЦЕ

(Представлено академиком А. Ф. Иоффе 24 VI (1956)

I. Согласно теории температурная зависимость подвижности в атомных олупроводниках должна иметь вид

$$u \sim T^{-s_{|_{\mathbf{a}}}} \tag{1}$$

для ионных полупроводников (при температурах выше температуры Цебая)

 $u \sim T^{-1/2}. (2)$ 

Однако за последнее время исследован ряд материалов, для которых широком интервале температур выполняется закон

$$u \sim T^{-1/2},\tag{3}$$

ереходящий при более низких температурах в закон (1). К таким материаам, в частности, принадлежат теллуристый, селенистый и сернистый винец.

Если искать, как это обычно делается, зависимость длины свободного робега электрона l от энергии  $\varepsilon$  и температуры в виде

$$l \sim \frac{\varepsilon'}{T}$$
, (4)

о из (3) и (4) следует, что r=-1, вопреки предсказаниям теории, дающей для атомных полупроводников r=0, а для ионных полупроводников r=+1.

О показателе степени r в зависимости длины свободного пробега от онергии можно судить также по ряду других явлений. Настоящая статья посвящена обсуждению этого вопроса на основе результатов исследования

лектронного теллуристого свинца.

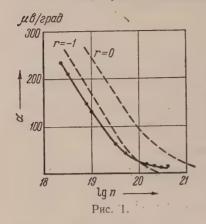
II. На рис. 1 дана зависимость дифференциальной термо-эдс от числа носителей для ряда образцов электронного теллуристого свинца в широких интервалах концентраций, включающих как область применимости класической статистики, так и область вырождения. Для сравнения пунктиром построены теоретические зависимости согласно формулам

$$\alpha_{r=0} = \frac{k}{l} \left\{ 2 \frac{F_1(\mu^*)}{F_0(\mu^*)} - \mu^* \right\}; \quad \alpha_{r=-1} = \frac{k}{l} \left\{ (1 + e^{-\mu^*}) F_0(\mu^*) - \mu^* \right\}; \quad (5)$$

$$n = \left(\frac{m}{m_0}\right)^{\frac{3}{2}} \frac{4\pi}{\hbar^3} (2m_0 kT)^{\frac{3}{2}} F_{\frac{1}{2}}(\mu^*) \tag{6}$$

для случая r=0 и r=-1 в предположении  $m=m_0$  (где F ( $\mu^*$ ) — ингегралы Ферми; m и  $m_0$  — эффективная масса и масса свободного электрона).

Как видно из рисунка, кривая для r=-1 совпадает с экспериментал ной, если сдвинуть ее вдоль оси абсцисс на 0,3, т. е. положить m=0,63 m



Соответственно кривая для r = 0 совпада с экспериментальной при  $m = 0.29 \ m_0$ .

На рис. 2 дана зависимость подвих ности от числа носителей \*. Пунктиро построены теоретические кривые для r=и r=-1 в соответствии со значениям эффективных масс, полученными выш Как видно из рисунка, закон r=-1 даслишком крутое спадение подвижнос с ростом концентрации, а r=0— слишко пологое. Однако, если принять во вними ние, что при расчете теоретически кривых не было учтено рассеяние и ионах примеси, которое должно увелячить наклон обеих кривых (так как ростом числа носителей одновременя

растет и число ионов), то можно сделать вывод, что закон r=0 лучи

соответствует опытным данным.

Если подставить в выражение для постоянной Холла

$$R = -\frac{3}{emc} \frac{L_0}{L_1^2} \frac{1}{[1 + (\omega L_0 / L_1)^2]},$$
 (пде  $L_0 = \frac{2}{h^3} \int \frac{l^2}{1 + \varphi^2} \frac{\partial f_0}{\partial \varepsilon} d\tau$ ,  $L_1 = \frac{2}{h^3} \int \frac{lv}{1 + \varphi^2} \frac{\partial f_0}{\partial \varepsilon} d\tau$ ,  $\omega = \frac{eH}{mc}$ ,  $\varphi = \omega \frac{l}{v}$ 

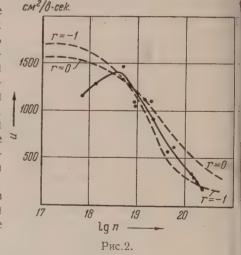
величину  $l \sim \epsilon^{-1}$ , то получаем, что постоянная Холла должна зависеть от мал нитного поля даже в очень слабых полях, что также противоречит опытных

данным (см. рис. 3).

Мы уже упоминали в начале статьи, что при низких температурах (3) переходит в (1). Если положить  $l \sim \epsilon^{-1}/T$  и предположить, что изменение в температурной зависимости подвижности объясняется вырождением, то температура, при которой один закон переходит в другой, должна определяться концентрацией носителей. В действительности же эта точка остается почти неизменной (1) (для теллуристого свинца  $150^{\circ}$  K).

Согласно теории постоянная в законе Видемана и Франца для невырожденных носителей также должна зависеть от r:

$$\frac{\kappa_9}{\sigma} = (r+2)\frac{k}{e^2}T,$$
 (8)



где  $\varkappa_{\vartheta}$  — электронная теплопроводность;  $\sigma$  — электропроводность. Данные, полученные А. В. Иоффе и А. Ф. Иоффе ( $^2$ ), хорошо согласуются с (8) при r=0.

III. Таким образом, имеется ряд довольно веских оснований, говорящих в пользу r=0 и против r=-1. Остается сделать последний шаг,

<sup>\*</sup> Часть точек на этой кривой построена по данным Т. Л. Ковальчик.

e. согласовать r=0 с температурной зависимостью подвижности  $\sim T^{-\epsilon_{|_2}}$  в области высоких температур и  $u \sim T^{-\epsilon_{|_2}}$ в области низких

ператур. Единственный выход, предвляющийся нам возможным, — это предожить, что только в области низких ператур длина свободного пробега ктрона ограничивается столкновениями участием одного фонона. Вероятность их столкновений растет пропорциональтемпературе, и в соответствии с этим  $T^{-1}$  и  $u \sim T^{-3}$ . При высоких же тематурах основную роль начинают играть огофононные столкновения. Сначала упают в стройстолкновения с участием х фононов — вероятность их растет опорционально квадрату температур; оответствии с этим  $l \sim T^{-2}$  и  $u \sim T^{-6}$ . и дальнейшем подъеме температуры

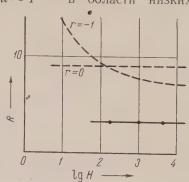


Рис. 3. Зависимость постоянной Холла от поля (в относительных единицах)

тет вероятность трехфононных столкновений и т. д.

Действительно, среди данных Путли (3) имеются случаи, когда закон  $\sim T^{-^{b}|_{2}}$  в области высоких температур переходит в закон  $u \sim T^{-^{r}|_{2}}$ .

Отметим в заключение, что уже ранее к аналогичным выводам из лих соображений пришел ряд авторов (<sup>4</sup>).

Институт полупроводников Академии наук СССР

Поступило 17 VIII 1956

### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> А. Ф. Иоффе, Л. С. Стильбанс, Е. К. Иорданишвили, Т. С. Савицкая, термо-ктрическое охлаждение. Изд. АН СССР, 1956. Ф. И оффе, А. В. И оффе Изв. АН СССР, сер. физ. 20, № 1 (1956). В п. t 1 е у, с., Phys. Soc., 68, part 1, No 421 B, 22 (1955). Сh. E n z., Physica, 20, No 11, 983 (4); Н. Накел, Zs. f. Phys. 139, No 1, 66 (1954).

# ТЕХНИЧЕСКАЯ ФИЗИН

### в. п. фРОНТАСЬЕВ

# О ХАРАКТЕРЕ ПОЛИТЕРМЫ ТЕПЛОПРОВОДНОСТИ ВОДЫ В ОБЛАСТИ ОТ 10 ДО 60°

(Представлено академиком А. Ф. Иоффе 18 VIII 1956)

На политермах ряда физических свойств воды (плотности, сжимаемостеплоемкости и др.) имеются известные аномалии. Анализ эксперимента, ных данных по теплопроводности воды показывает, что в связи со значельными экспериментальными трудностями, возникающими при опредлении теплопроводности жидкостей вообще, и недостаточной точностизмерений, данные разных авторов по теплопроводности воды существен отличаются друг от друга. Поэтому тщательное исследование политертеплопроводности воды на основе новых, более точных измерений предста ляет значительный интерес. В этих целях и было предпринято исследовантеплопроводности воды новым, оптическим методом в температурном интевале от 10 до 60°.

Идея метода принадлежит А. Ф. Иоффе. По существующей классиф кации этот метод должен быть отнесен к методам плоского слоя, но от обы

Таблица 1\*

T-pa	λ · 10 <sup>5</sup> эксп.	λ · 10⁵ выч.	$\frac{\lambda_{\text{BMd}} - \lambda_{\text{9KCII}}}{\lambda_{\text{9KCII}}}$	-10
10,6 15,4 20,7 25,7 30,3 32,4 35,3 37,4 40,1 50,0 60,4	138,7 141,2 142,8 145,8 147,2 147,6 148,4 151,8 153,2 158,1 159,7	138,3 140,7 143,4 145,9 148,2 149,2 150,7 151,7 153,1 158,0 163,2	$\begin{array}{c} -0.3 \\ -0.4 \\ +0.4 \\ +0.1 \\ +0.7 \\ +1.1 \\ +0.7 \\ +1.5 \\ -0.1 \\ -0.1 \\ -0.1 \\ +2.2 \end{array}$	

<sup>\*</sup> Коэффициент теплопроводности  $\lambda$  везде дается в единицах CGS.

ных модификаций подобных ме дов он отличается тем, что тем: ратурный градиент определяет оптическим путем непосредствен в слое испытуемой жидкости, измерение количества тепла, предшего через жидкость, произдится калориметрическим способо

Конструкция новой моде прибора, которая по сравнен с первоначальной (1) была за чительно усовершенствована, и дробно описана ранее (2). Особ внимание было уделено тому, ч бы свести к минимуму теплов возмущения в исследуемой срево время измерений; с этой цел разность температур между наг вателем и холодильником устан ливалась равной 1—1,5°. Среднтемпературный градиент

 $8,36^{\circ}$ /см. Тепловой поток, проходящий через слой воды, помещенный меж нагревателем и холодильником, составлял  $\sim 0,13$  кал/сек. Все это создава условия, позволяющие получать значения теплопроводности, очень близи к истинной теплопроводности при данной температуре. В полученную экс риментальную величину теплопроводности вносилась только одна поправ на теплопроводность стенок кюветы из слюды; эта поправка при всех измениях не превышала 0,3%. Точность измерений была  $\pm 0,5\%$ .

Измерения теплопроводности воды были проведены двумя сериями; последняя серия измерений в температурном интервале от 30 до 40° была проведена через каждые 2,5°. Результаты повторных измерений в пределах

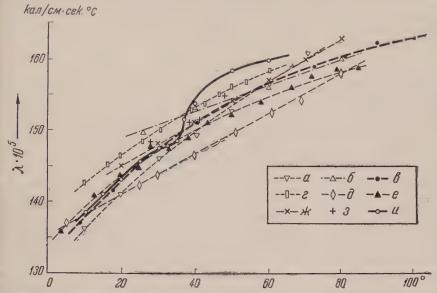


Рис. 1. Температурная зависимость теплопроводности воды по данным различных авторов:  $a = \binom{10}{5}$ ;  $\delta = \binom{11}{5}$ ;  $\delta = \binom{4}{5}$ ;  $\delta = \binom{6}{5}$ ;  $\delta = \binom{6}{5}$ ;  $\delta = \binom{7}{5}$ ;  $\mathcal{H} = \binom{8}{5}$ ;  $\mathcal{H} = \binom{8}{5}$ ;  $\mathcal{H} = \binom{8}{5}$ ;  $\mathcal{H} = \binom{10}{5}$ ;  $\mathcal{H} =$ 

очности метода совпали с полученными ранее. Результаты измерений приедены в табл. 1 и сопоставлены на рис. 1 с данными других авторов (каж-

ая из величин, приведенных во втоом столбце табл. 1, представляет обой среднее из измерений различ-

ых проб).

Сопсставление полученных экспетиментальных величин  $\lambda$  с литерарными данными для ряда темперарр дает хорошее согласие с наиболее остоверными значениями (табл. 2). Іля  $30^{\circ}$  значение  $\lambda$  сравнивается со редним из результатов измерений по 3 источникам. В этих целях нами спользована работа (3), где дана сводая таблица известных из литературы о 1931 г. значений  $\lambda$  воды при  $30^{\circ}$  по анным 18 авторов (среднее  $\lambda = 147,2 \times (10^{-5})$  и, кроме того, учтены результы измерений последующих исследований (4-9).

Полученное из всех литературных анных среднее значение  $\lambda$  для  $30^{\circ}$  казалось равным  $147,2\cdot 10^{-5}$ , тогда ак по нашим измерениям (среднее  $3\cdot 11$  опытов)  $\lambda = 147,1\cdot 10^{-5}$ . Для  $0^{\circ}$  значение  $\lambda = 142,5\cdot 10^{-5}$  близко

Таблица 2

Лит.	0°	20°	30°	Метод
источ- ник	λ - 10	)⁵, кал/см	измерения	
(10)* (4)* (5)* (6)* (7)* (9) (8)	132,0 133,0 139,0 135,0 133,0	140,6 143,1 146,0 141,3 143,5 143,3 145,0	147,5 150,0 143,7 147,0 148,0	Плоск. слоя Коаксиальн. цилиндров Плоск. слоя То же
Средн,	134,4	143,3	147,2	
Изме- рения авто- ра	132,5	142,5	147,1	

<sup>\*</sup> За исключением температуры 0°  $\lambda$  интерполировано из экспериментальных величин автора.

величине  $143 \cdot 10^{-5}$ , принятой в настоящее время за наиболее достоверов значение. Наконец, для  $0^\circ$  среднее значение  $\lambda$ , полученное путем экстополяции из литературных данных, равно  $134,4 \cdot 10^{-5}$ , в то время как

экстраполяция из наших данных дает для  $0^{\circ}$   $\lambda = 132,5 \cdot 10^{-5}$ . Все эт позволяет считать, что полученные данные являются достаточно точным

и надежными.

Как видно из результатов измерений, политерма воды в температурно интервале от 10 до 60° имеет сложный характер и не может быть строп выражена линейным законом, но наиболее близко экспериментальны точки расположены к прямой с уравнением

$$\lambda_t = (1330 + 5t) \cdot 10^{-6}.$$

Вычисленные по этому уравнению значения λ даны в табл. 1. Из cond ставления экспериментально найденных и вычисленных значений видно что наибольшие отклонения наблюдаются в области от 30 до 37,5°. Эти от клонения лежат, безусловно, за пределами ошибок опыта.

Сравнение с результатами других авторов показывает, что на участи  $10-30^\circ$  найденная политерма близка к политерме в Шмидта и Зельшопп (расхождение по пяти точкам не превышает 0,4%). Приблизительно пр  $t=30^\circ$  она пересекает политерму в и далее обращена выпуклостью к ос температур; в интервале от 35 до  $45^\circ$  происходит крутой подъем. Прирост на участке  $30-35^\circ$  составляет + 0,16% на градус, а на участке 35-46 он достигает + 0,68% па градус, т. е. в четыре раза больше. При подъем кривая вторично пересекает сравниваемую политерму и далее обращен к оси температур вогнутостью. При температурах  $>50^\circ$  найденная политерма снова приближается к политерме в.

Таким образом, для воды, наряду с аномалиями на политермах таки свойств, как плотность, сжимаемость, теплоемкость и др., имеет место

аномалия в поведении политермы теплопроводности.

Ненормально высокое значение  $\lambda$  для воды и рост ее теплопроводност с повышением температуры ставят в связь с особенностями ее молекуляр

Таблица 3

Т-рав°	Собствен. измер.	Эйген ( <sup>13</sup> )
20	0,00143	0,00143
40	0,00153	0,00152
60	0,00160	0,00161

ной структуры и дополнительным к обычному для всех жидкостей механизму теглопроводности переносом тепла за сче «энергии диссоциации» водородных связей (13). Можно предположить, что области 30—40° происходит существеное изменение в структуре воды, котороотражается в указанной аномалии и политерме теплопроводности. В это связи целесообразно указать, что вычи

слепные Эйгеном теоретически значения для  $\lambda$  воды находятся в лучше согласии с найденными экспериментальными значениями, чем данные дргих авторов. К сожалению, в области интересующего нас интервала теп ператур у Эйгена имеются лишь три значения (сопоставление см. табл. 3

Представляет интерес произвести теоретический подсчет для  $\lambda$  в юбласт

35°.

Саратовский государственный университет им.  $H.\ \Gamma.\$  Чернышевского

Поступило 27 VII 1956

### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> В. П. Фронтасьев, ЖФХ, **20**, 91 (1946). <sup>2</sup> В. П. Фронтасьев, Звод. лаб., № 7, (1956). <sup>3</sup> О. К. Ваtеs, Ind. and Eng. Chem., **25**, 4, 431 (1936). <sup>4</sup> Е. Schmidt, W. Sellschopp, Forsch. **5**, № 4, 162 (1932). <sup>5</sup> L. H. Marti K. C. Lang, Proc. Phys., Soc., **45**, 523, (1933). <sup>6</sup> S. Nikiyama, Y. Yoshizaw J. Mech. Eng. Japan., **37**, 206, 437 (1934). <sup>7</sup> H. Fater, Das Wärmeleitvermögen w. Wasser im Temperaturbereich von 4°C bis 85°C, Dissertation, Leipzig, 1936. <sup>8</sup> О. К. В tes, Hazzard, Ind. and Eng. Chem., **37**, 194 (1945). <sup>9</sup> L. Reidel, Forsch. 1 № 6, 340 (1940). <sup>10</sup> М. Jakob, Ann. d. Phys., **63**, 537 1920). <sup>11</sup> G. W. Kaye, W. Higgins, Proc. Roy. Soc., A **117**, 459 (1928). <sup>12</sup> Д. Л. Тимрот, II. Б. Варгатик, Изв. ВТИ, № 7 (1940). <sup>13</sup> М. Еigen, Zs. f. Elektrochem., **56**, 3, 176 (1952).

# ЭЛЕКТРОТЕХНИКА

### А. Ш. БЛОХ

# СИНТЕЗ КОНТАКТНЫХ (р, q)-ПОЛЮСНИКОВ

(Представлено академиком С. Л. Соболевым 13 VII 1956)

1. Имеем контактный (p,q)-полюсник  $\widetilde{F}$  от n различных контактов  $x_1,\ x_2,\dots,x_n$ .

Как известно (1), схеме  $\widetilde{F}$  можно поставить в соответствие матрицу F порядка (p,q) (p строк и q столбцов), элементы которой  $a_{ik}$  означают проводимость между i-м входом и k-м выходом и являются функциями контактов:  $a_{ik} = a_{ik} (x_1, x_2, \ldots, x_n)$ . Переменные  $x_v$  принимают только два значения: нуль и единица. Пусть  $\overline{x}$  принимает значения, противопо-

Матрицу-функцию  $F=F\left(x_{1},\;x_{2},\ldots,x_{n}\right)$  можно разложить на конституенты единицы

$$F(x_1, x_2, \dots, x_n) = \sum_{\nu_i = 0}^{1} F(\nu_1, \nu_2, \dots, \nu_n) x_1^{(\nu_1)} x_2^{(\nu_2)} \dots x_n^{(\nu_n)},$$
(1)

где  $x^{(1)} = x$ ,  $x^{(0)} = x$ .

Если занумеровать различные коэффициенты  $F(\nu_1, \nu_2, \dots, \nu_n)$  и в разложении (1) заменить матричные коэффициенты соответствующими номерами (0; 1; 2; . . . ; (m-1)), то получим скалярную функцию

$$s = \sum_{\nu_1 = 0}^{1} b_{\nu_1, \nu_2, \dots, \nu_n} x_1^{(\nu_1)} x_2^{(\nu_2)} \dots x_n^{(\nu_n)} \quad (0 \leqslant s \leqslant m-1).$$

Функцию s можно считать промежуточным аргументом для матрицырункции F. В дальнейших рассмотрениях будем считать, что матрица F вависит от леременной s, которая в свою очередь зависит от  $x_1, x_2, \ldots, x_n$ . Итак,

$$F = F(s), \quad s = s(x_1, x_2, \dots, x_n) \quad (0 \leqslant s \leqslant m - 1).$$
 (2)

Заметим, что выбор *s* неоднозначен. н Ообусловливается только одним условием: разным значениям матрицы *F* должны соответствовать разные вначения *s*. Обычно по условиям работы схемы можно сразу подобрать *s*. Например, для симметрической схемы можно взять

$$s = x_1 + x_2 + \ldots + x_n^*.$$

2. Обозначим через R матрицу порядка (p, qm), составленную по  $F\left(s\right)$  следующим образом:

$$R = \{F(0), F(1), \dots, F(m-1)\}.$$
(3)

<sup>\*</sup> Сложение обычное.

Определим матрицы A и B:

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 0 & \dots & 0 & E \\ E & 0 & \dots & 0 & 0 \\ 0 & E & 0 & \dots & 0 & 0 \\ \vdots & \ddots & \ddots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & E & 0 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} E \\ 0 \\ \vdots \\ 0 \end{pmatrix},$$

где E — единичная матрица порядка (q, q).

Очевидно, что A порядка (mq, mq); B порядка (mq, q). Имеет месте следующее основное равенство

$$F(S) = R \cdot A^{s} \cdot B. \tag{4}$$

Доказательство очевидно. (Напомним, что s — целое число). Если г матрице R циклически переставить составляющие F(S) так, чтобы F(0)попало на r-е место, то в матрице B единичную матрицу E следуе сместить в г-ю строку.

Назовем матрицу R правильной, если каждый выход схемы  $\widetilde{R}$  соединет не более чем с одним входом. В равенстве (4) можно всегда считать, что матрица R правильная, ибо можно в матрице F(s) те выходы, которые соединены с k входами, считать k раз, а затем эти выходы объединиты

3. Перейдем к изложению методики синтеза контактных (p, q)-полюсников. Иная методика разработана Г. Н. Поваровым (2). В основу метода кладем равенство (4). Так как произведение матриц реализуется кан последовательное соединение схем, то схему F(s) можно реализовать последовательным соединением схемы  $\widetilde{R}$  (рабочей части схемы  $\widetilde{F}$ ) и схемы  $\widetilde{A}^s$  (контактной части схемы  $\widetilde{F}$ ), причем импульсы снимаются с первых



q' = r / m выходов (r — число столбцов матрицы R), которые затем объединяются точно так, как были разъединены, чтобы матрица R была правильной. Так как матрица R правильная, то мы не получаем дополнительных связей в схемах F(s).

Итак: реализация F(s) свелась к реализации матриць  $A^{s(x_1, x_2, \dots, x_n)}$ . Реализация последней получается весьма просто, если заметить, что

$$A^{Bx} = xA^B + \overline{x}E.$$

Полученную таким образом схему  $\widetilde{F}$  можно упростить, отбрасывая оставшиеся нулевые выходы. Отбрасываются также и нулевые входы контактной части (нулевые выходы рабочей схемы  $\widehat{R}$ ).

Рассмотрим несколько примеров.

Пример 1. Электрическая цепь разрывается, если четное число контактов замкнуто.

Очевидно, что  $s = x_1 + x_2 + \ldots + x_n \pmod{2}$  (0  $\leqslant s \leqslant 1$ ) и что F(0) = 0, F(1)=1. Следовательно,  $R=\{0;\ 1\}$ . Контактная часть  $A^s=A^{\Sigma x_y}=\prod_{y=1}A^{x_y}$ .

Следовательно,  $A^s = \prod_{\nu=1}^n (x_{\nu} A + \overline{x}_{\nu} E)$ , где  $A = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ ,  $E = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ . Так как

 $xA+\overline{x}E$  реализуется схемой (см. рис. 1), то решением будет являться схема  $\tilde{F}$  (рис. 2).

Во многих случаях целесообразно ввести несколько промежуточных агрументов  $s_1, s_2, \ldots, s_k$ . Тогда синтез приводим последовательно покаждому аргументу по такой схеме:  $F\left(s_1,\,s_2,\,\ldots,\,s_k\right) = R_1\left(s_2,\,s_3,\,\ldots\,s_k\right) imes$  $imes A_1^{s_1} \cdot B_1; \ R_1(s_2, \ldots, s_k) = R_2(s_3, \ldots, s_k) \cdot A_2^{s_2} \cdot B_2$  и т. д.

1018

Значительное упрощение получаем тогда, когда разные  $s_{\nu}$  зависят от азличных контактов.

Пример 2. Будем говорить, что имеет место инверсия в порядке ледования аргументов  $x_1, x_2, \ldots, x_n$ , если  $x_i > x_{i+1}$  (т. е. если  $x_i = 1$ ,

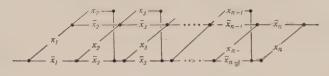


Рис. 2

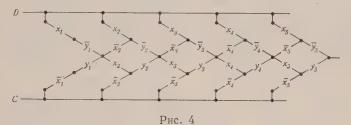
 $\epsilon_{i+1}=0$ ). Построим схему, разрывающую электрическую цепь в случае котя бы одной инверсии.

Возьмем  $s_k = x_k \overline{x_{k+1}}$  ( $0 \leqslant s_k \leqslant 1$ ; k = 1, 2, ..., n-1). Функция схемы  $s_k = s_k \overline{x_{k+1}}$  обращается в нуль, если хоть одно  $s_k = 1$ .

$$F\left(s_{1},\ s_{2},\ldots s_{n-1}
ight)=R_{1}\left(s_{2},\ldots ,s_{n-1}
ight)\cdot A_{1}^{s_{1}}\cdot B_{1},\ \mathrm{rge}\ A=\left(egin{matrix} 0&1\\1&0 \end{matrix}
ight),\ B=\left(egin{matrix} 1\\0&0 \end{matrix}
ight),\ R_{1}\left(s_{2},\ldots ,s_{n-1}
ight)=\left\{F_{1}\left(s_{2},\ldots ,s_{n-1}
ight);\ F_{2}\left(s_{2},\ldots ,s_{n-1}
ight)
ight\}.\ \mathrm{Oчевидно},\ \mathrm{что}\ F_{2}\left(s_{2},\ldots ,s_{n-1}
ight)=F\left(1,\ s_{2},\ldots ,s_{n-1}
ight)=0.\ \mathrm{Поэтому}\ R_{1}\left(s_{2},\ldots ,s_{n-1}
ight)=F\left(s_{2},\ldots ,s_{n-1}
ight).$$



Задача свелась к реализации функции  $F_1(s_2, \ldots, s_{n-1})$ , и т. д. В конечном итоге получаем схему с 2(n-1) контактами (см. рис. 3). В ставье (1) указана реализация этой схемы с 3n контактами.



Пример 3. Укажем еще на схему (см. рис. 4) сравнения n-значных двоичных чисел с 6n-2 контактами, полученную по указанному методу. Если x>y, срабатывает D; если x< y, срабатывает C. В статье (2) схема сравнения двоичных чисел реализована с 10n-6 контактами.

Поступило 9 XI 1955

### **ШИТИРОВАННАЯ** ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> М. Л. Цетлин, ДАН, **86**, № 3 (1952). <sup>2</sup> Г. Н. Поваров, ДАН, **100,** № 5 1955).

# ЭЛЕКТРОТЕХНИК

### C. B. CTPAXOB

# УРАВНЕНИЯ ПЕРЕХОДНЫХ ПРОЦЕССОВ СИНХРОННОЙ МАШИНЛ ОТНЕСЕННЫЕ К КООРДИНАТНЫМ ОСЯМ, ВРАЩАЮЩИМСЯ С ПРОИЗВОЛЬНОЙ СКОРОСТЬЮ

(Представлено академиком В. С. Кулебакиным 6 VII 1956)

Применение фазных координат для записи уравнений переходнь электромеханических процессов синхронной машины нецелесообразн Причина этого лежит в том, что периодические функции угла  $\theta = \int\limits_0^t \omega \, dt + \int\limits_0^t \omega \, dt$ 

между магнитной осью фазы a статора и продольной осью d ротора (с

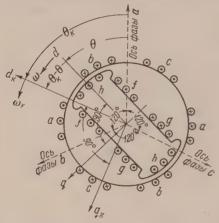


Рис. 1

рис. 1) входят в уравнения, связь вающие потокосцепления статора ротора с их токами, и в уравнень электромагнитного момента машины

Парк (¹) ввел замену переменны в вышеуказанных уравнениях, потволяющую исключить из них перимические функции угла в. С геометрической точки зрения эта замена и толковывается как отнесение уравний синхронной машины к координатным осям, вращающимся с той жескоростью, что и ротор, т. е. к осям жестко связанным с ротором. Прэтом в случае постоянной скоростротора эти уравнения преобразуются уравнения с постоянными коэффициентами, что весьма облегчает иссле

дование переходных процессов в синхронной машине.

Однако возникает вопрос о том, могут ли быть исключены периоди ческие коэффициенты из уравнений синхронной машины при отнесени ее уравнений к осям, вращающимся со скоростью, не

равной скорости ротора, и, вообще говоря, с произволь-

ной скоростью.

Для решения этого вопроса при обычных допущениях, принимаемых в работах такого рода ( $^{2-4}$ ), рассмотрим явнополюсную синхронную машину, присоединенную к сети (см. рис. 2), фазные напряжения которой  $u_{ca}$ ,  $u_{cb}$ ,  $u_{cc}$ ; фазные токи статора  $i_{ca}$ ,  $i_{cb}$ ,  $i_{cc}$ ; напряжения на зажимах



Рис. 2

обмотки возбуждения  $u_f$ , продольной успокоительной обмотки  $u_g$  и поперечной успокоительной обмотки  $u_h$  и токи этих обмоток, соответственно,  $i_f$ ,  $i_g$  и  $i_h$ . Расположение обмоток показано на рис. 1. Положительные направления токов относительно одноименных зажимов обмоток показаны на рис. 3.

Запишем в матричной форме уравнения закона Ома и потокосцеплений аз статора и обмоток ротора

$$[u_c] = r_c [i_c] + \frac{d [\psi_c]}{dt}; \quad [u_p] = [R_{pp}] [i_p] + \frac{d [\psi_p]}{dt};$$

$$[\psi_c] = [L_{cc}^*] [i_c] + [M_{cp}] [i_p]; \quad [\psi_p] = [M_{pc}] [i_c] + [L_{pp}] [i_p],$$
(1)

ţe

$$[L_{cc}] = \begin{bmatrix} u_{ca} \\ u_{cb} \\ u_{cc} \end{bmatrix}; \quad [u_p] = \begin{bmatrix} u_f \\ u_g \\ u_h \end{bmatrix}; \quad [R_{pp}] = \begin{bmatrix} r_f & 0 & 0 \\ 0 & r_g & 0 \\ 0 & 0 & r_h \end{bmatrix}; \quad [L_{pp}] = \begin{bmatrix} L_f & M_{fg} & 0 \\ M_{fg} & L_g & 0 \\ 0 & 0 & L_h \end{bmatrix}; \quad (2)$$

$$[L_{cc}] = \begin{bmatrix} L_a & M_{ab} & M_{ac} \\ M_{ab} & L_b & M_{bc} \\ M_{ac} & M_{bc} & L_c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} L_{ab} & M_{ab} & M_{ac} \\ M_{ab} & L_b & M_{bc} \\ M_{ac} & M_{bc} & L_c \end{bmatrix}$$

$$=\begin{bmatrix} L_{cp} + L_m \cos 2\theta & -M_{cp} + M_0 \cos (2\theta - 120^\circ) - M_{cp} + M_0 \cos (2\theta + 120^\circ) \\ -M_{cp} + M_0 \cos (2\theta - 120^\circ) & L_{cp} + L_m \cos (2\theta + 120^\circ) & -M_{cp} + M_0 \cos 2\theta \\ -M_{cp} + M_0 \cos (2\theta + 120^\circ) & -M_{cp} + M_0 \cos 2\theta & L_{cp} + L_m \cos (2\theta + 120^\circ) \end{bmatrix};$$
(3)

$$[M_{cp}] = [M_{pc_f}] = \begin{bmatrix} M_f \cos \theta & M_g \cos \theta & -M_h \sin \theta \\ M_f \cos (\theta - 120^\circ) & M_g \cos (\theta - 120^\circ) & -M_h \sin (\theta - 120^\circ) \\ M_f \cos (\theta + 120^\circ) & M_g \cos (\theta + 120^\circ) & -M_h \sin (\theta + 120^\circ) \end{bmatrix}.$$
(4)

десь  $L_f$ ,  $L_g$ ,  $L_h$  — индуктивности обмотки возбужения, продольной и поперечной успокоительных бмоток;  $M_{fg}$  — взаимная индуктивность обмотки обуждения и продольной (успокоительной обмоти;  $M_f$ ,  $M_g$ ,  $M_h$  — максимальные значения взаимондукции фазы статора с обмоткой возбуждения, обдольной и поперечной успокоительными обмотками.

Вводим матрицы статорного  $[A_c]$  и роторного  $[A_p]$  преобразований:

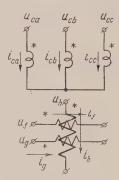


Рис. 3

$$[A_c] = \frac{2}{3} \begin{bmatrix} \cos \theta_k & \cos (\theta_k - 120^\circ) & \cos (\theta_k + 120^\circ) \\ -\sin \theta_k & -\sin (\theta_k - 120^\circ) & -\sin (\theta_k + 120^\circ) \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix}; \tag{5}$$

$$[A_p] = \begin{bmatrix} -\cos(\theta_k - \theta) & \cos(\theta_k - \theta) & \sin(\theta_k - \theta) \\ -\sin(\theta_k - \theta) & -\sin(\theta_k - \theta) & \cos(\theta_k - \theta) \\ 1 & -1 & 0 \end{bmatrix}.$$
 (6)

Здесь

$$\theta_k = \int_0^t \omega_k \, dt + \theta_{k0}, \quad \frac{d\theta_k}{dt} = \omega_k \tag{7}$$

 $\theta_k$  — угол между продольной осью  $d_k$  системы координат, вращающейся произвольной угловой скоростью  $\omega_k$ , и магнитной осью фазы a статора шины (рис. 1).

Эти матрицы позволяют связать величины напряжений, токов и потосцеплений статора и ротора до и после преобразования. Матрицы всех личин после преобразования мы отметим штрихом:

$$[u'_{c}] = \begin{bmatrix} u_{cd} \\ u_{cq} \\ u_{c0} \end{bmatrix} = [A_{c}] [u_{c}]; \quad [u'_{p}] = \begin{bmatrix} u_{pd} \\ u_{pq} \\ u_{p0} \end{bmatrix} = [A_{p}] [u_{p}].$$

$$L_m = M_0$$
.

Для преобразования уравнений закона Ома и потокосцеплений стато умножим слева обе части (1) для  $[u_c]$  и  $[\psi_c]$  на  $[A_c]$ . С учетом (2) и (

$$[u'_{c}] = r_{c}[i'_{c}] + \frac{d[\psi'_{c}]}{dt} + \begin{bmatrix} -\psi_{cq} \\ \psi_{cd} \\ 0 \end{bmatrix} \frac{d\theta_{k}}{dt}; \quad [\psi'_{c}] = [L'_{cc}][i'_{c}] + [M'_{cp}][i'_{p}], \tag{1}$$

где

$$[L'_{cc}] = [A_c] [L_{cc}] [A_c^{-1}] = \begin{vmatrix} L_{cp} + M_{cp} + \frac{3}{2} M_0 \cos 2 (\theta_h - \theta) & -\frac{3}{2} M_0 \sin 2 (\theta_h - \theta) & 0 \\ -\frac{3}{2} M_0 \sin 2 (\theta_h - \theta) & L_{cp} + M_{cp} -\frac{3}{2} M_0 \cos 2 (\theta_h - \theta) & 0 \\ 0 & 0 & L_{0} \end{vmatrix}$$

$$[M_{cp}^{'}] = [A_c] [M_{cp}] [A_p^{-1}] = \\ = {}^{1/4} \begin{bmatrix} M_1 + M_2 \cos 2 \left(\theta_k - \theta\right) & -M_2 \sin 2 \left(\theta_k - \theta\right) & 2 \left(M_f - M_g\right) \cos \left(\theta_k - \theta\right) \\ -M_2 \sin 2 \left(\theta_k - \theta\right) & M_1 - M_2 \cos 2 \left(\theta_k - \theta\right) & -2 \left(M_f - M_g\right) \sin \left(\theta_k - \theta\right) \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}; \quad (1)$$

 $[A_c^{-1}]$  и  $[A_p^{-1}]$  — обратные матрицы статорного и роторного преобразов ний;  $L_0 = L_{cp} - 2M_{cp}$  — индуктивность нулевой последовательности стато

$$M_1 = M_f + M_g + 2M_h, \quad M_2 = M_f + M_g - 2M_h.$$
 (1)

Для преобразования уравнений закона Ома и потокосцеплений рото умножим слева обе части (1) для  $[u_p]$  и  $[\psi_p]$  на  $[A_p]$ . С учетом (8) получи

$$[u'_p] = [R'_{pp}][i'_p] + \frac{d[\psi'_p]}{dt}; \quad [\psi'_p] = [M'_{pc}][i'_c] + [L'_{pp}][i'_p], \tag{1}$$

где

$$[R'_{pp}] = [A_p] [R_{pp}] [A_p^{-1}] =$$

$$= \frac{1}{4} \begin{bmatrix} r_1 + r_2 \cos 2 (\theta_k - \theta) & -r_2 \sin 2 (\theta_k - \theta) & 2 (r_f - r_g) \cos (\theta_k - \theta) \\ -r_2 \sin 2 (\theta_k - \theta) & r_1 - r_2 \cos 2 (\theta_k - \theta) & -2 (r_f - r_g) \sin (\theta_k - \theta) \\ 2 (r_f - r_g) \cos (\theta_k - \theta) & -2 (r_f - r_g) \sin (\theta_k - \theta) & 2 (r_f + r_g) \end{bmatrix};$$
 (1

$$r_1 = r_f + r_g + 2r_h, \quad r_2 = r_f + r_g - 2r_h;$$

$$r_{1} = r_{f} + r_{g} + 2r_{h}, \quad r_{2} = r_{f} + r_{g} - 2r_{h}; \qquad (1$$

$$[M'_{pc}] = [A_{p}] [M_{pc}] [A_{c}^{-1}] = \frac{3}{4} \begin{bmatrix} M' + M'' & \cos 2(\theta_{h} - \theta) & -M'' \sin 2(\theta_{h} - \theta) & 0 \\ -M'' & \sin 2(\theta_{h} - \theta) & M' - M'' \cos 2(\theta_{h} - \theta) & 0 \\ 2(M_{f} - M_{g}) & \cos(\theta_{h} - \theta) & -2(M_{f} - M_{g}) \sin(\theta_{h} - \theta) & 0 \end{bmatrix}$$

$$M' = M_f + M_g + M_h, \quad M'' = M_f + M_g - M_h;$$
 (1)

$$[L'_{pp}] = [A_p] [L_{pp}] [A_p^{-1}] =$$

$$= \frac{1}{2} \begin{bmatrix} L' + L'' \cos 2 (\theta_k - \theta) & -L'' \sin 2 (\theta_k - \theta) & (L_f - L_g) \cos (\theta_k - \theta) \\ -L'' \sin 2 (\theta_k - \theta) & L' - L'' \cos 2 (\theta_k - \theta) & -(L_f - L_g) \sin (\theta_k - \theta) \end{bmatrix}; (1)$$

$$(L_f - L_g) \cos (\theta_k - \theta) - (L_f - L_g) \sin (\theta_k - \theta) & L_f + L_g - 2M_{fg}$$

$$L' = \frac{1}{2} (L_f + L_g + 2L_h + 2M_{fg}), \quad L'' = \frac{1}{2} (L_f + L_g - 2L_h + 2M_{fg}).$$

Далее, отправляясь от известного выражения электромагнитно

1022

момента

$$T = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} i_t \end{bmatrix} \frac{d \begin{bmatrix} L \end{bmatrix}}{d \theta} \begin{bmatrix} i \end{bmatrix}, \quad \text{rge} \quad [i] = \begin{vmatrix} \frac{i_c}{i_p} \\ \frac{i_p}{i_p} \end{vmatrix}, \quad [L] = \begin{vmatrix} \frac{\overline{L_{cc} \setminus M_{cp}}}{M_{pc} \setminus L_{pp}} \end{vmatrix}, \quad (21)$$

ле преобразований получим

$$T = \frac{1}{2} \left[ \frac{i'_{ct} | i'_{pt}|}{i'_{ct} | i'_{pt}|} \right] \frac{[A_{ct}^{-1}] \frac{d [L_{cc}]}{d\theta} [A_{c}^{-1}] [i'_{c}] + [A_{ct}^{-1}] \frac{d [M_{cp}]}{d\theta} [A_{p}^{-1}] [i'_{p}]}{[A_{pt}^{-1}] \frac{d [M_{cpt}]}{d\theta} [A_{c}^{-1}] [i'_{c}]} , \qquad (22)$$

и окончательно:

$$= {^3/_{16}} \left[ i_{cd}, i_{cq}, i_{c0} \, i_{pd}, \, i_{pq}, i_{p0} \right] \times \\ \begin{bmatrix} 4 \, (L_d - L_q) \sin \, 2(\theta_k - \theta) & 4 \, (L_d - L_q) \cos 2 \, (\theta_k - \theta) & 0 \\ 4 \, (L_d - L_q) \cos \, 2 \, (\theta_k - \theta) - 4 \, (L_d - L_q) \sin \, 2 \, (\theta_k - \theta) & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ M_2 \sin \, 2 \, (\theta_k - \theta) & M_1 + M_2 \cos 2 \, (\theta_k - \theta) & 0 \\ -M_1 + M_2 \cos 2 \, (\theta_k - \theta) - M_2 \sin 2 \, (\theta_k - \theta) & 0 \\ 2 \, (M_f - M_g) \sin \, (\theta^k - \theta) 2 \, (M_f - M_g) \cos \, (\theta_k - \theta) & 0 \\ \end{bmatrix}$$

$$L_d = L_{cp} + M_{cp} + \frac{3}{2}M_0, \quad L_q = L_{cp} + M_{cp} - \frac{3}{2}M_0$$
 (24)

синхронные индуктивности статора по продольной и поперечной осям. Теперь к полученным выше уравнениям напряжений и потокосцеплей статора (10) и ротора (14), добавим уравнение движения ротора:

$$T_{\partial} - T = J \frac{d^2 \theta}{dt} = J \frac{d\omega}{dt^2}, \tag{25}$$

 $CT_0$  — момент первичного двигателя; J — момент инерции ротора синонного генератора, вала турбины и вращающихся вместе с ними стей. Таким образом мы получили 11 уравнений (10), (14) и (25), свявающих 11 неизвестных;  $i_{cd}$ ,  $i_{cq}$ ,  $\psi_{cd}$ ,  $\psi_{cq}$ ,  $i_{pd}$ ,  $i_{pq}$ ,  $i_{p0}$ ,  $\psi_{pd}$ ,  $\psi_{pq}$ ,  $\psi_{p0}$  и  $\theta$ , поскольуравнения, связывающие напряжения, токи и потокосцепления нулевой следовательности статора  $u_{c0}$ ,  $i_{c0}$ ,  $\psi_{c0}$ , решаются отдельно от остальных авнений (см. 10)—(12)). Решение полученной системы уравнений одним численных методов, а всего целесообразнее — с помощью интегратора, вволяет рассчитать любые переходные электромеханические процессы синхронной машине.

Итак, мы показали, что при отнесении исходных уравнений синхронй машины к координатным осям, вращающимся с произвольной скороью  $\omega_k$ , вообще говоря, не равной скорости ротора  $\omega$  ( $\omega_k \neq \omega$ ), периодиские коэффициенты из них не исключаются. Отсюда следует, что в сложных пях нецелесообразно относить уравнения всех машин к координатным мм, жестко связанным с ротором одной из них, или к синхронным мм. Мы показали, далее, что введенные нами преобразования уравнений нхронной машины являются более общими, чем преобразования Парка, лучающиеся из наших как частный случай при  $\theta_k = \theta$ . Разумеется, е изложенное относится и к неявнополюсным синхронным машинам,

пи принять  $L_m = M_0 = 0$  и, стало быть,  $L_d = L_q$ .

Московский энергетический институт им. В. М. Молотова

Поступило 16 V 1956

### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> R. H. Park, Trans. Am. Jnst. Electr. Eng., p. I., 48, 716 (1929); p. II, 52, 352 33). <sup>2</sup> A. Г. Иосифьян, Докл. АН АрмССР, 7, 3 (1947). <sup>3</sup> С. В. Страхов, Моск. энергетич. инст., в. XIV (1953); Электричество, № 6 (1954). <sup>4</sup> Л. Н. Грузов, тоды математического псследования электрических машин, 1953.



м. Л. ШОЛОХОВИЧ, Е. Г. ФЕСЕНКО, О. П. КРАМАРОВ и А. Л. ХОДАКОВ

## получение и свойства монокристаллов ТВЕРДЫХ РАСТВОРОВ ТИТАНАТОВ БАРИЯ И СВИНЦА И МОНОКРИСТАЛЛОВ ТИТАНАТА СВИНЦА

(Представлено академиком А. В. Шубниковым 4VII 1956)

Полученные нами ранее монокристаллы твердых растворов титанатов рия и стронция обладали рядом интересных диэлектрических свойств (1), о стимулировало поиски метода получения монокристаллов твердых створов титаната бария и свинца. Последние, по-видимому, могут предстаіять практический интерес в счетно-решающих устройствах и запоминаюих схемах.

Выращивание монокристаллов свинцовосодержащих веществ типа bTiO<sub>3</sub>, Pb ZrO<sub>3</sub> непосредственно из их расплавов исключается, так как казанные вещества являются соединениями, плавящимися инконгруентно.

днако монокристаллы этих еществ возможно вырастить оисталлизацией из раствора х врасплавах других солей люсов.

Для получения монокрисаллов твердых растворов а TiO<sub>3</sub> — PbTiO<sub>3</sub> в качестве олевого растворителя был рименен фтористый калий. снованием для этого явиась исследованная нами виуально-политермическим меодом плавкости поверхность ристаллизации части сечеия K<sub>2</sub>F<sub>2</sub>—BaTiO<sub>3</sub> — PbTiO<sub>3</sub> ис. 1) до температур 950—  $000^{\circ}$  с последующим рентеноструктурным исследоваием твердых фаз.

900° 950° (50% BaTiOs+50% PbTiOs (75% BaTiO<sub>3</sub>+25% PbTiO<sub>3</sub>) (25% Ba TiO3+75% PbJiO3 BaTiO3 75 мол.% ≈1600°

Рис. 1 (Ba — Pb) TiO<sub>3</sub>

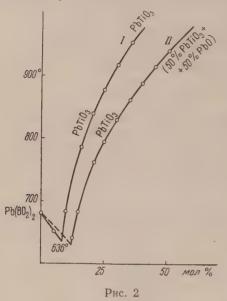
Полученные данные указы-

ают на образование в исследованной части системы непрерывного ряда вердых растворов (Ba—Pb) TiO<sub>3</sub>. Факт образования твердых растворов итанатов бария и свинца находится в соответствии с данными ряда исслервателей (2-4). Выбор соотношения компонентов и температурный режим ыращивания монокристаллов произведены на основании данных о плавости разрезов сечения. Выращивание производилось в платиновой чашке печи с электронным терморегулятором, разработанным и изготовленным Физико-математическом институте при Ростовском-на-Дону университе О. П. Крамаровым и А. Ф. Серым.

Расплав фтористого калия после полного растворения в нем смеси полиристаллических титанатов бария и свинца выдерживался при температуре начала кристаллизации твердых растворов (Ba-Pb) TiO3 в течет 40 час., а затем охлаждался в течение трех суток до полного застыван

Химический анализ полученных монокристаллов не проведен из-за тру ности количественного разделения ионов Ва" и Рь" в присутствии анио

Монокристаллы имели вид коричневых, небольшой прозрачности кус ков с длиной ребра до 1 мм, в большинстве случаев неправильной форм Однако среди наиболее мелких кристалликов многие совершенно прозрач



и имеют вид правильно ограненн шестигранных пластиночек светл желтого цвета. Пикнометрически плотность монокристаллов 6,2 г/см

монокристалл Выращивание твердых растворов (Ba-Pb) TiO3: расплавов их во фториде калия ссло нено тем, что к сильной летучес самого фторида добавляется еще летучесть свинцово-содержащего с единения в виде PbTiO<sub>3</sub> и частично виде PbO. Таким образом, создает необходимость в подборе более удо ного солевого растворителя.

Проведенные исследования вза модействия PbTiO<sub>3</sub> (5) и Pb ZrO<sub>3</sub> с ра личными солями в расплавах пок зали, что ряд солевых растворител значительно снижает температуј разложения указанных ссединени В результате расплавы обогащают или циркони двуокисью титана

и зачастую возможность кристаллизации из таких расплавов монокриста

лов PbTiO3 или PbZrO3 практически исключается.

Мы считаем целесообразным при подборе солевых растворителей дл выращивания монокристаллов свинцовосодержащих веществ исходить следующего принципа: применять в качестве солевых растворителей низк плавкие, плавящиеся без разложения свинцово-содержащие соли, образув щие вязкие расплавы, склонные к переохлаждению. Вязкость распла значительно снижает летучесть свинцово-содержащего соединения, расплав в этом случае существенно не сдвигается по составу. К таком типу солевых растворителей может быть отнесен, например, метабор

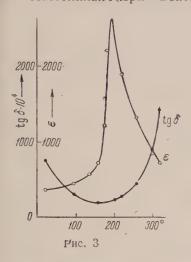
На рис. 2 представлены полученные нами диаграммы плавкости систем Pb (BO<sub>2</sub>)<sub>2</sub>—PbTiO<sub>3</sub> и диаграмма плавкости сечения Pb (BO<sub>2</sub>)<sub>2</sub>—[50% PbO +50% PbTiO<sub>3</sub>1\*.

Исходя из указанных данных, нами выращены монокристаллы титана свинца из расплава 80% Рb (ВО2)2 — 20% РbТiО3 медленным охлаждение расплава в течение 100 часов от 880 до 680°. Метаборатное стекло отделяло от кристаллов титаната свинца обработкой сплава концентрированной азо пой кислотой и последующим растворением образованных продуктов реа

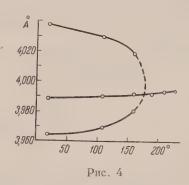
Полученные монокристаллы Pb TiO3 внешие резко отличались от ран описанных (6). Это светло-желтые — янтарные, совершенно прозрачны кристаллы, ограниченные формами {100} и {111} с длиной ребра 1—2 м Плотность кристаллов, определенная пикнометрически, 7,3 г/см<sup>3</sup>.

<sup>\*</sup> Пунктиром на кривой II обозначена область стеклообразования, в которой не опр делена температура кристаллизации Рb (ВО2)2 из-за трудности эксперимента.

Диэлектрические свойства полученных кристаллов изучались на теметре при  $10^6$  гц. Для этой цели на грани кристаллов наносили электроды ыжиганием серебра. Из монокристаллов твердых растворов наиболее приодными для исследования диэлектрических свойств оказались и кристаллы, ыращенные из раствора в расплаве фтористого калия смеси 50% Ва  $TiO_3$  — 0% Рь  $TiO_3$ . Температурный ход диэлектрической проницаемости этих кригаллов приведен на рис. З. Из графика следует, что кристалл обладает рко выраженными сегнетоэлектрическими свойствами. Значение  $\varepsilon$  в точке юри более чем в 7 раз превосходит его значение при комнатной темперачре. Нисходящая ветвь кривой  $\varepsilon = f(t)$  за точкой максимума идет более олого, чем восходящая часть кривой, и удовлетворяет закону Кюри — ейсса. Постоянная Кюри — Вейсса  $C = 1,75 \cdot 10^5$ . Точка Кюри соответствует



температуре 190°. Согласно рентгеноструктурным измерениям температура фазового перехода 170—180°. Сравнение с температурой Кюри для поликри-



таллических твердых растворов показывает, что кристаллы соответствуют вердому раствору (Ва—Рb) TiO₃ с содержанием 18,5% PbTiO₃. Понижение онцентрации Рв TiO₃ по отношению к концентрации исходных материалов вязано с большой летучестью свинцовых соединений при температурах ристаллизации твердых растворов. При комнатной температуре с рассматриаемых кристаллов равно 380. Эта величина больше, чем диэлектрическая роницаемость поликристаллических твердых растворов соответствующей онцентрации.

Температурный ход  $lg\delta$ , приведенный на рис. 3, также характерен для егнетоэлектриков с минимумом при температуре, меньшей  $\theta^{\circ}$ . Увеличение  $g\delta$  при температурах выше  $\theta^{\circ}$  связано в основном с ростом электропровод-

ости кристаллов.

Реверсивная диэлектрическая проницаемость мало меняется при измеении напряженности смещающего поля. При повышении температуры лияние смещающего постоянного поля сказывается сильнее, в особенности

близи точки Кюри.

Рентгеноструктурное изучение кристаллов показало, что они принадлетат к структурному типу перовскита с тетрагональной ячейкой. Для монористаллов описываемого твердого раствора найдено  $\alpha=3,965$  Å, c=-4,037 Å и  $c/\alpha=1,018$  при  $20^\circ$ . Температурные изменения параметров даны

а рис. 4.

 $\mbox{Mohokpuctannu PbTiO}_3$ , полученные кристаnnuaqueй их из расплава  $\mbox{b}(\mbox{BO}_2)_2$ , имеют температурную зависимость  $\mbox{\varepsilon}$ , близкую к той, которая ыла у кристаnnoв, полученных ранее и описанных в ( $^6$ ). Измерения диэлекоической проницаемости удалось провести для них лишь до  $400^\circ$ . При более ысоких температурах изучение  $\mbox{\varepsilon}$  не удалось произвести из-за значителього роста  $\mbox{tgd}$ . Величина  $\mbox{\varepsilon}$  указанных кристаnnoв меньше, чем у получен-

ных ранее кристаллов. Показатель преломления для монокристалл. РьТіО<sub>3</sub>, определенный в иммерсионном сплаве сера — селен, равен 2,71. Авторы выражают благодарность Б. М. Вулу за интерес к работе Н. С. Новосильцеву за ряд ценных замечаний.

Ростовский-на-Дону государственный университет им. В. М. Молотова

... Поступило 3 VII 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> А. Л. Ходаков, М. Л. Шолохович, Е. Г. Фесенко, О. П. Крам ров, ДАН, 108; № 5 (1956). <sup>2</sup> S. Nomura, S. Sawarda, Phys. Soc. Japan, 36 (1951). <sup>3</sup> Е. Г. Фесенко, А. Г. Слабченко, ЖТФ, 24 (7), 12: 1954). <sup>4</sup> М. С. Мс Quarrié, Ат. Сегат. Soc. Bull., 9, 34, № 9, 295 (1955). <sup>5</sup> (И. Н. Беляев, М. Л. Шолохович, Г. В. Баркова, ЖОХ, 24, 211 (1954). <sup>6</sup> И. Н. Беляев, А. Л. Ходаков, ЖЭТФ, 22 (3), 376 (1952).

ХИМИЯ

## А. Ф. ЖИГАЧ, Е. Б. КАЗАКОВА и Е. С. КРОНГАУЗ

#### В-ТРИЭТИЛБОРАЗОЛ

(Представлено академиком А. Н. Несмеяновым 30 V 1956)

В-этилборазолы с радикалами у атома бора в литературе не описаны. лезингер и др. (¹) синтезировали В-триметилборазол в смеси с В-моно-В-диметилборазолами действием аммиака на метилдиборан при 180—200°. дальнейшем Виберг и др. (2) осуществили синтез В-триметилборазола наеванием при 320—340° равномолекулярной смеси аммиака с триметилбо-

Для получения триэтилборазола нами была выбрана для изучения реакия термического разложения триэтилборамина по уравнению

$$3B (C_2H_5)_3 \cdot NH_3 \xrightarrow{440-450^{\circ}} HN \xrightarrow{NH} NH$$

$$(C_2H_5)B \longrightarrow NH$$

$$NH$$

$$(I)$$

Наилучший выход (80%) получался при 440—450° при ведении реакции автоклаве при давлении до 50 атм. Наряду с триэтилборазолом полулись ниже и выше кипящие продукты, представляющие собой смеси друх этил-производных боразола. Триэтилборазол был выделен в чистом де перегонкой в вакууме и исследован.

## Экспериментальная часть

Получение триэтилборамина. Триэтилборамин полулся пропусканием аммиака в жидкий триэтилбор (3). Насыщение триэтилра аммиаком проводилось до достижения привеса 1 моль на 1 моль, в рельтате чего получалась вязкая прозрачная жидкость консистенции глирина. Продукт перегонялся при 65 /26 мм. Чистый триэтилборамин коннсировался в приемнике.

Получение триэтилборазола. В чистый, тщательно одутый сухим азотом автоклав емкостью 2,5 л загружалось 120 г триэтилрамина. После закрытия крышки автоклав опрессовывался сухим вододом, который затем сбрасывался через вентиль, и включался обогрев. втоклав постепенно в течение 5 час. 30 мин. нагревался до температуры  $0^{\circ}$ , давление за счет выделяющихся газов увеличивалось и к концу опыта стигало 50 атм. После установления постоянного давления обогрев выклюлся, и автоклав охлаждался водой до 18—20°, при этом давление падало 18-20 атм. Из охлажденного автоклава через вентиль постепенно сбравались образовавшиеся газообразные продукты до достижения в автоклаве мосферного давления, автоклав продувался небольшим количеством азота разгружался. Получено 46 г сырого продукта, что соответствует выходу

%. Нагревание автоклава при температурах выше или ниже 420—450° иводило к значительному понижению выхода триэтилборазола. При негерметичном автоклаве или при спуске давления через вентиль во вре

нагрева выход триэтилборазола также резко снижался.

Сырой продукт представляет собой легкоподвижную жидкость тем желтого цвета с аммиачным запахом и со значительной опалесценцией в п ходящем и отраженном свете, ведет себя на воздухе как чистый проду

При полном разложении триэтилборамина по реакции (I) должно бы выделиться 50 л этана и при 18° развиться давление 20,8 атм, что и набл

палось в действительности.

Полученный сырец перегнан в вакууме при 7—8 мм и чистый триэт боразол собран при 66-67° в количестве 33,0 г, что соответствует выхо 70.0% от теории.

Найдено %: В 19,0; 19,5; N 24,9; 25,1; С 44,28; 44,5; Н 10,65; 10, H 11,02  $C_2H_5$ )  $_3B_3N_3H_3$ . Вычислено %: В 19,72; N 25,5; C 43.76:

Можно предполагать, что сырой триэтилборазол содержит небольц

примеси исходного продукта, боразола, моно-, ди- и гексаэтилборазол Свойства триэтилборазола. Триэтилборазол предст ляет собой при комнатной температуре легкоподвижную жидкость, испаря щуюся на воздухе без остатка.  $d_4^{20}$  0,866; вязкость  $v_{20}$  1,48 сантистокс Т. застыв. около $-54^{\circ}$ .

При комнатной температуре с водой не реагирует. При длительном ки чении с 0,5 н соляной кислотой полностью гидролизуется. При нагреван до 100° при нормальном давлении начинает разлагаться с выделением га образных продуктов. Хорошо растворяется в бензоле, эфире, метилов и этиловом спиртах, ацетоне.

Институт элементоорганических соединений Академии наук СССР

Поступило 24 V 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> H. J. Schlesinger, L. Horvitz, A. B. Burg, J. Am. Chem. Soc., § 409 (1936). <sup>2</sup> E. Wiberg, K. Hertwig, A. Bolz, Zs. anorg. Chem., 256, 177 (19- § А. Н. Несмеянов, К. А. Кочешков, Синтетические методы в области мет органических соединений, в. 4, Изд. АН СССР, 1945, стр. 19 и 52.

химия

## в. и. касаточкин и о. и. зильбербранд О ХИМИЧЕСКОМ СТРОЕНИИ КЕРОГЕНА СЛАНЦЕВ

(Представлено академиком В. А. Каргиным 12 VI 1956)

Вопрос о химической природе и строении органического вещества горюих сланцев до последнего времени остается открытым. Исключающие друг руга предположения о химическом строении керогена сланцев, высказаные различными авторами, не могли во многих случаях найти обоснованные одтверждения химическими методами исследования. Так, например, вывинутое Г. А. Стадниковым (¹) представление о химической природе оргаического вещества сапропелитов как совокупности веществ, представляюих собой разнообразные продукты конденсации гидроароматических циков с алифатическими цепями, находится в противоречии с фактами, извегными из ряда химических исследований ( $^{2-6}$ ). Выводы о неароматической рироде керогена сланцев, основанные на отсутствии или малом количестве ооматических производных в продуктах окисления керогена (<sup>7</sup>,<sup>8</sup>), оказаись неубедительными пссле того, как было показано, что эти продукты е образуются в тех же условиях окисления ряда веществ заведомо ароматиеской природы  $({}^{9},{}^{10})$ . Результаты химических исследований однозначно оказывают, что органическое вещество сланцев относится к классу высокоолекулярных веществ.

В настоящей работе, с целью получения сведений о структуре веществ ерогена сланцев в условиях сохранения его химической целостности, ыло проведено рентгенографическое исследование и изучение инфракрас-

ых спектров поглощения керогена.

TO

Таблица 1

			cc	270	779	C2	После д рализ	
Сланцы	W°	Ac	S <sub>общ</sub>	N <sup>3</sup>	Ha	C <sub>3</sub>	Ac Sc	S <sub>C</sub>
онский цесыртовский	0,5	42,20 32,23	10,27	0,20 0,68	9,60 5,22	74,9 61,58	4,58 0,58	3,54 10,16

В табл. 1 приводится характеристика изученных образцов керогена, минерализованных обработкой соляной и фтористоводородной кислотами. Рентгенограммы сланцев были сняты на фильтрованном излученим елеза в цилиндрических камерах. Запись спектральных кривых поглочения производилась на инфракрасном спектрометре ИКС-11 и на двужевом инфракрасном спектрофотометре Физического института им. Н. Лебедева АН СССР\*.

Образцы для спектрального исследования в соответствующих областях ектра приготавливались в виде тонко растертой пасты с парафиновым полом и минеральным маслом, представляющим собой полимер тетрафторилена с показателем преломления n=1,6. Спектры в области до 4  $\mu$  были

8\*

<sup>\*</sup> Спектральные кривые на двулучевом спектрофотометре были получены А. А. Шубим в лаборатории Г.С. Ландсберга Физического института им. П. Н. Лебедева АН СССР, что приносим ему благодарность.

получены с призмой из LiF и в области до 15  $\mu$  — с призмой из NaC Рентгеновская диффракционная картина керогена сланцев характеризует двумя — внешней и внутренней — интерференционными полосами жидк стного типа. Одна из них, весьма интенсивная, отвечает периоду 4,6

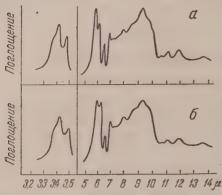


Рис. 1. Инфракрасные спектры поглощения сланцев : a — эстонского,  $\delta$  — общесыртовского

4,8 Å и может быть отнесена за счет межмолекулярной интерференции среде с плотно упакованными мол кулярными цепями. Относитель небольшая интенсивность фона в облусти малых углов и малая полушири этой полосы характеризует высоку степень межмолекулярной упоряд ченности вещества керогена. Другимало интенсивная широкая поломожет быть отнесена за счет внутрим лекулярной интерференции и характеризует средний межатомный перив макромолекулах керогена ~2,6

Рентгенографические данные св детельствуют о наличии достаточно длины подвижных сегментов в макр молекулах керогена, плотной упако

кой которых определяется характер наблюдаемой рентгеновской интерф ренционной картины.

На рис. 1a и  $\delta$  приводятся спектральные кривые поглощения для обогизученных образцов керогена сланцев.

Таблица 2

Длина волны в µ		Интенси полос пог	
		эстонск.	волжск.
3,0 3,25 3,38 3,40 3,42 3,5 5,95 6,26 6,65 7,09 7,3 8,0 8,6 9,2 9,7 11,7 11,4 11,2 13,3 13,9	ОН ассоциир. $=$ CH аромат. $CH_3$ $CH_2$ —CH $CH_2$ $C=$ О сопряж, $C=$ С сопряж. аромат. циклы с алифат. заместит. $CH_2$ (смещ. в длинноволн. сторону) $C-$ СН $_3$ $C-$ О фенолов, аромат. эфиров $C-$ О алифат. эфиров $C-$ О циклич, эфир. и третичн. спиртов $C-$ О аромат. прост. эфир. $C-$ О аромат. прост. эфир. $C-$ О аромат. кольца $C-$ СН $_2$ » скелетн. $C-$ СН $_2$ скелетн. $C-$ С	ср — с с ср с с сл ср — ср	cp c cp cp cp cp
		P	

В табл. 2 приведены частоты (в максимуме) и вероятная интерпретаци полос поглощения в спектрах керогена эстонских и волжских сланцев (11,15).

Обращает на себя внимание отсутствие в спектре керогена полос погл щения, отвечающих как валентным, так и деформационным колебания С—Н в группах СН<sub>3</sub> на 3,38 и 7,25 µ, что служит свидетельством отсутствили малого количества этих групп в структуре керогена. Полосы поглошния, отвечающие СН<sub>3</sub>-группам, однако, возникают в спектрах образич

рогена, подвергнутых легкой термической деструкции. На рис. 2*a* и *б* иведены спектральные кривые поглощения, снятые с тонких слоев расплавнных быстрым прогревом порошков керогена эстонских и волжских анцерванием.

анцев, непосредственно на соляной пластинке.

Эти наблюдения подтверждают предполагаемое отсутствие в структуре рогена конечных метильных групп СН3 и служат существенным эксперингальным свидетельством в пользу макромолекулярного строения органческого вещества сланцев. Ряд полос поглощения в спектре вскрывает оматическую природу органического вещества сланцев. К ним относит-

прежде всего полоса 6,25 и, отвечаюая колебаниям C=C в атомных групровках с сопряженными двойными язями. Эга полоса наблюдается в ектрах всех изученных образцов анцев. Для спектра керогена эстоних сланцев характерно присутствие лосы 6,65 и, которая обычно присывается колебаниям в ароматичесих кольцах салифатическими заместилями. В спектре керогена волжских анцев эта полоса не наблюдается, нако она возникает в спектрах істро прогретых образцов керогена лжских сланцев (рис. 2 б). Возмоно, что возникновение этой полосы язано с наблюдаемым относительно чиним разрешением полос в спектрах

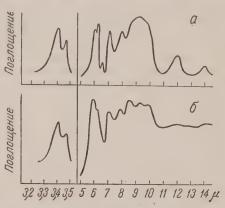


Рис. 2. Инфракрасные спектры поглощения прогретых сланцев: a — эстонского,  $\delta$  — общесыртовского

сплавленных образцов керогена. В спектрах керогена как эстопских, к и волжских сланцев не наблюдается полосы поглощения 3,25 д, отвеющей валентным колебакиям С—Н в ароматических группировках, что ляется прямым свидетельством высокой степени замещения водорода ароматических циклах. Наличие в спектрах полосы поглощения 6,65 д казывает на то, что в числе заместителей в ароматических циклах имеются кже алифатические радикалы. По отсутствию полос поглощения в области • 12,0 до 13,5 μ можно сделать заключение об отсутствии в структуре керона изученных образцов сланцев в заметных количествах конденсированных оматических группировок. В структуру вещества керогена сланцев вклюно большое количество метиленовых групп — об этом свидетельствует личие в спектре полос поглощения 3,42 и 3,50 и, отвечающих валентным лебаниям С—Н в группах СН<sub>2</sub>, а также полос деформационных колебай С—Н 7,02; 11,7 и 13,9 µ. Полосы поглощения 11,7 и 13,9 µ для волжских анцев проявляются только в спектрах прогретых образцов (рис. 2 б). оисутствие в спектре полосы поглощения 13,9 µ, отвечающей скелетным лебаниям углеродной цепи, указывает на имеющиеся в структуре керона цепочки метиленовых групп. С другой стороны, смещенное в длиннолновую сторону положение полосы деформационных колебаний СН2 02 μ, так же как и присутствие в спектре интенсивной полосы 11,7 μ, рактеризует наличие в структуре керогена цепочечных метиленовых обзований, включающих большое количество кислорода. Подтверждением ому служит аналогичное проявление СН2-групп в спектре поливинилового ирта. Кислородсодержащие атомные группировки, имеющиеся в структуре рогена, проявляются в спектре рядом полос поглощения. Необходимосазать, что изучение гидроксильных групп сопряжено с трудностью аления влаги, связанной с изменениями вещества керогена в этом проссе. В спектре керогена сланцев выделяется весьма интенсивная полоса 95 и, отвечающая колебаниям карбонильной группы С=О. Значительное ещение в длинноволновую сторону этой полосы по отношению к ее норльному положению (5,85 µ) можно отнести за счет сопряжения двойной

связи карбонила с двойными связями в ароматических циклах. Из этог следует, что карбонильная группа непосредственно связана с ароматиче скими циклами либо в виде арилкетонов, либо карбоксилов ароматически кислот или их сложных эфиров.

Для выяснения содержания карбоксильных групп в составе вещестя керогена сбразцы обоих сланцев были обработаны Ва (ОН) и с сбработанны сбразцов получены спектры (рис. 3). Наблюдаемое для волжских сланцє исчезновение полосы 5,95 µ (рис. 3 б) связано с переходом карбоксильно.

заключение, что, в отличие от эстонских сланцев, в веществе кероген волжских сланцев карбонил С=О содержится преимущественно в карбон

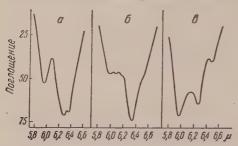


Рис. 3. Спектры поглощения керогенов сланцев: a — эстонского с Ва(ОН)<sub>2</sub>,  $\delta$  — общесыртовского с  $Ba(OH)_2$ , в — общесыртовского с Ва(ОН)2 с последующей обработкой НС1

сильных группах. Спектры обработанных образцов эстонских слан цев, в области двойных связей (риф (3 a) не отличаются существенно с исходных. При обработке сбразцо волжских сланцев раствором соля ной кислоты вновь появляется по лоса карбонила 5,95  $\mu$  (рис. 3 в)

Весьма характерным для инфра красных спектров керогена сланце; является интенсивное поглощение области от 8 до 10 µ, которое отвеча ет колебаниям С-О в различных атомных группировках. На интен сивном общем фоне поглощения:

этой области выделяются широкие полосы поглощения 8,6; 9,2 и 9,7  $\,$  дь Возможно, что расширение полос, так же как и наличие общего фона и этой сбласти спектра, связано с многообразием кислородсодержащих атом; ных группировок, включающих связь С-О. Полосы поглощения 9,7 и характеризуют колебания С-О в ароматических простых эфирных групп пировках. Полоса 8,6 μ может быть приписана простым эфирным группиров кам в алифатических структурах и полоса 9,3 и — циклическим простым эфирам или третичным спиртам.

Рассмотрение инфракрасных спектров поглощения и рентгенограмм изученных образцов керогена сланцев приводит к выводу о химическом сочетании неконденсированной замещенной ароматики с алифатическими цепочечными образованиями метиленовых групп, включающими большов количество кислорода, и, возможно, других гетероатомов в единой макромолекулярной структуре. Заместителями в ароматике, кроме алифатических радикалов, могут быть также карбонилы, гидроксилы и, возможно. другие, например серусодержащие, группы.

Институт горючих ископаемых Академии наук СССР

Поступило 11 VI 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

1 Г. Л. Стадников. Происхождение углей и нефти. Изд. АН СССР, 1937, стр. 2052 П. К. Когерман, Тр. 1-го совещ. по хим. и генезису твердых горючих ископаемых. Изд. АН СССР, 1953. 3 А. L. Do w n, G. W. H i m u s, J. Inst. Petr., 27, 426 (1941). 4 G. W. H i m u s, Oil Shale and Cannel Coal., 2, 1951, p. 112—133. 5 Х. Т. Раудсепп, Изв. АН СССР, ОТН, № 3, 130 (1954). 6 А. Я. Аарна, Э. Т. Липпмаа, Тр. Таллинск. политехн. инст., сер. А, № 63 (1953). 7 В. А. Ланин, М. В. Пронина, Изв. АН СССР, ОТН, № 10, 11 (1944). 8 А. С. Фомина, Л. Я. Побуль, Изв. АН ЭССР, 11, 91, 551 (1953). 9 R. Вап dal, М. Веп der, С. Сгосос k, Proc. Roy. Soc., 165, 432 (1938). 10 Н. М. Караваев, И. М. Венер, Тр. ИГИ АН СССР, 2, 285 (1950). 11 L. J. Веl l ату, The Infrared Spectra of Complex Molecules, Londor. 1954. 12 Н. М. Ran dall, Infrared Determination of Organic Structures, N. Y., 1954. 1034

## Академик И. Л. КНУНЯНЦ и А. В. ФОКИН

## НИТРОВАНИЕ ПЕРФТОРОЛЕФИНОВ ДВУОКИСЬЮ АЗОТА

Как известно, большинство реакций фторолефинов с нуклеофильными единениями носит ионный характер, и первоначальной ступенью их слеет считать атаку анионом нуклеофильного реагенга. Подтверждением ому служит необходимость щелочного катализа реакций присоединения фторолефинам веществ с нерезко выраженными нуклеофильными свойвами  $(^{1-4})$ . Своеобразным характером  $\pi$ -связи пер фторолефинов объясняется трудность реакций присоединения к ним электрофильных реагентов.

Как правило, перфторолефины с электрофильными реагентами реагиит гораздо труднее, чем обычные олефины. Вследствие энергетических оичин, заключающихся в трудности ионного взаимодействия между двумя ектрофильными системами, для перфторолефинов более типичны реакции мологического распада. Действительно, многочисленные реакции фторефинов с галоидами, галоидоводородными кислотами, галоидированными в особенности, перфторированными иодалканами, нитрозо- и нитрогалонидами и другими реагентами протекают по радикальному механизму гребуют подвода энергии для гомолитического расщепления реагенгов и для еодоления энергетического барьера в виде тепла, ультрафиолетового света бо каталитических действующих добавок, например перекисных соединий или других инициаторов радикальных процессов. В соответствии этим с легко радикализирующимися агентами и, в особенности, с радикаподобными молекулами перфторолефины должны реагировать сравнильно легко. С этой точки зрения представляет интерес вопрос об отношеи перфторолефинов к двуокиси азота.

В 1949 г. Coffman с сотр., а в 1953 г. Haszeldine (6,7) сообщили, что при акции тетрафторэтилена и трифторхлорэтилена с двуокисью азота обраются соответственно 1,2-динитротрифторхлорэтан и 1,2-динитротетра-орэтан. По-видимому, печеткость эксперимента или специфичность условий акций не позволила авторам этих работ заметить ряд других интереснейих продуктов, образующихся при этом, и изучить эти реакции. Реакции

угих перфторолефинов с №04 ими не обследовались. Исследуя нитрование перфторолефинов двуокисью азота мы установили, о процесс протекает более сложно, что он в значительной степени зависит особенностей вовлекаемого в реакцию фторолефина и приводит к образонию интересных веществ. В соответствии с современными представлениями, уокись азота в среде неполярных растворителей или в газовой фазе диссоирует с образованием радикалоподобных частиц NO₂, у которых электроня плотность может быть сосредоточена как у атома азота, так и у одного атомов кислорода. Поэтому при нитровании логично было ожидать, ряду с образованием 1,2-динитросоединений, и нитроперфторалкилнитрив. Как оказалось, тетрафторэтилен с двуокисью азота в замкнутом объеме з растворителя реагирует взрывообразно. Контролируемую реакцию ается осуществить в среде хлороформа, дифторхлорметана, четыреххлориого углерода, дихлортетрафторэтана; при этом, наряду с 1,2-динитрографторэтаном, в качестве основного продукта образуется также в-нитрорфторэтилнитрит. Кроме того, в небольших количествах образуется есь высококипящих продуктов теломеризации тетрафторэтилена

окипящих продуктов теломеризации теграфторэтил 
$$NO_2 - CF_2 - CF_2 - ONO$$
  $O_2 - CF_2 - CF_2 - ONO_2$   $O_2N - (CF_2)_n - NO_2$ 

Суммарный выход основных продуктов реакции составляет около 90 опри отношении динитросоединения к нитронитриту, равном 1:1. Выбор неполярного растворителя не отражается на общем выходе продукто реакции и не вызывает заметного изменения в соотношении получаемы:

реагентов.

При нитровании тетрафторэтилена в среде полярных растворителей например в нитробензоле, общий выход продуктов нитрования несколько уменьшается, главным образом за счет динитросоединения. Как оказалось при нитровании двуокисью азота перфторпропилена и перфторизобутилен: реакция требует применения жестких условий и отсутствия растворителей (перфторпропилен нитруется при 100°, а перфторизобутилен при 180°) Интересно отметить, что при нитровании перфторпропилена в этих условия: в качестве почти единственного продукта реакции образуется β-нитроперфторпропилнитрит (выход более 90 %) и лишь незначительное количестве 1,2-динитроперфторпропана. При температуре нитрования перфторпропилена более 100° выход 1,2-динитроперфторэтана увеличивается до 15—20 % В случае перфторизобутилена в качестве основных продуктов реакции образуются 1,2-динитроперфторизобутан и β-нитроперфторизобутилнитрит (в равных отношениях).

Нитрование двуокисью азота перфторциклобутена удается провестя лишь в сравнительно узком температурном интервале. Ниже 130—140 реакция не осуществляется, а выше 160° реакционная смесь взрывает В результате реакции образуется 1,2-динитроперфторциклобутан и динитрит перфторциклобутандиола-1,2. Таким образом оказалось, что перфторолефины — тетрафторэтилен, перфторпропилен, перфторциклобутен взаимодействуют с двуокисью азота с различной степенью легкости с образом

ванием динитросоединений и β-нитроперфторалкилнитритов.

Изменение электрофильности в ряду перфторолефинов характеризует их реакционную способность по отношению к электродонорным реагентам скорость и условия взаимодействия со спиртами и аминами дают возможности расположить фторолефины в следующий ряд:

$$CF_2 = CF_2 < CF_3 - CF = CF_2 < \overrightarrow{CF_2 - CF} = CF - \overrightarrow{CF_2} < \overrightarrow{CF_3} > C = CF_2,$$

в котором тетрафторэтилен является наименее электрофильным реагентом. Как известно, тетрафторэтилен реагирует со спиртами и тиолами в присутствии щелочных катализаторов при температуре около  $100^{\circ}$ , те же реакции для перфторизобутилена идут гладко на холоду и без катализаторов.

При взаимодействии с электрофильной молекулой двуокиси азота могбыть постулирован противоположный порядок реакционной способности. Действительно, наиболее активным реагентом по отношению к №04 оказался первый член ряда — тетрафторэтилен. При переходе от тетрафторэтилена к перфторпропилену и высшим перфторолефинам реакция нитрования затрудняется. В соответствии с экспериментальными данными фторолефины по реакционной способности в отношении двуокиси азота могутбыть расположены в ряд

$$CF_{2} = CF_{2} > CF_{3} - CF = CF_{2} > CF_{2} - CF = CF - CF_{2} < \frac{CF_{3}}{CF_{3}} > C = CF_{2}.$$

Условия, при которых осуществляется реакция нитрования фторолефинов, характер получающихся продуктов и ряд других фактов свидетельствуют о радикальном механизме этой реакции. Отсутствие ускорения, в некоторых случаях понижение выхода продуктов нитрования и даже прекращение реакции при добавлении в реакционную смесь сильных кислот  $H_2SO_4$ ,  $AlCl_3$ , HF и других веществ, способствующих образованию нитроний-катиона, во всяком случае, указывают на подчиненную роль гетеролитических процессов в этих реакциях. Лишним подтверждением радикального 1036

еханизма реакции служит образование интрозосоединений и факт теломе-

изации тетрафторэтилена, инициируемой двуокисью азота.

В ряде случаев, особенно при интровании фторолефинов в отсутствие астворителей, осуществляется радикально-цепная реакция, приводяцая к взрыву реакционной оболочки. Цепные реакции, приводящие к взрыу, по-видимому, включают в себя также реакцию диспропорционирования образованием четырехфтористого углерода, азота и углекислого газа.

			e <sup>p</sup>		Таблица 1			
				1	7	N		
Формула	Т. кип.	d <sub>4</sub> <sup>20</sup>	$n_D^{20}$	выч.	найд.	выч. %	найд. %	
D <sub>2</sub> NCF <sub>2</sub> —CF <sub>2</sub> NO <sub>2</sub> D <sub>2</sub> NCF <sub>2</sub> —CF <sub>2</sub> —ONO DF <sub>3</sub> —CF(NO <sub>2</sub> )—CF <sub>2</sub> NO <sub>2</sub> DF <sub>3</sub> —CF(NO <sub>2</sub> )CF <sub>2</sub> —ONO CF <sub>3</sub> ) <sub>2</sub> C(NO <sub>2</sub> )CF <sub>2</sub> —NO <sub>2</sub> CF <sub>3</sub> ) <sub>2</sub> C(NO <sub>2</sub> )CF <sub>2</sub> —ONO	57—58 17 76 57 92 48	1,622 1,5310* 1,6313 1,637 1,660 1,598	1,3249 1,3002* 1,3141 1,3276 1,3212 1,2870	39,6 39,6 37,1 45,9 52,1 52,1	39,4 39,6 37,4 47,0 52,0 52,0	13,6 13,6 11,5 11,0	13,9 12,9 10,9 11,5	
$CF_2$ — $CF(NO_2)CF(NO_2)CF_2$	62/100	1,7721	1,3640	45,3	44,5	11,0	10,2	
F <sub>2</sub> —CF(ONO)CF(ONO)CF <sub>2</sub>	20	1,5481	Phrough	45,3	44,5	_	_	

<sup>\*)</sup>  $d_{h}^{0}$  и  $n_{D}^{0}$ 

Взаимодействие фторолефинов с двуокисью азота приближенно может ыть описано следующим образом: радикалоподобная электрофильная чатица NO2, присутствующая в реакционной смеси, благодаря диссоциации имера №O<sub>4</sub> присоединяется к двойной связи (в случае не симметричного торолефина в месте наибольшей электронной плотности), образуя при этом итроперфторалкильный радикал, который взаимодействует с другой частией NO2 либо с молекулой димера двуокиси азота

$$\begin{split} \mathrm{CF_3} - \mathrm{CF} &= \mathrm{CF_2} - + \mathrm{'NO_2} \rightarrow \mathrm{CF_3} - \mathrm{CF} \ (\mathrm{NO_2}) \mathrm{C'F_2}. \\ \mathrm{CF_3} - \mathrm{CF} \ (\mathrm{NO_2}) - \mathrm{'CF_2} + \mathrm{'NO_2} - \begin{vmatrix} \rightarrow \mathrm{CF_3} - \mathrm{CF} \ (\mathrm{NO_2}) \ \mathrm{CF_2} - \mathrm{NO_2} \\ \rightarrow \mathrm{CF_3} - \mathrm{CF} \ (\mathrm{NO_2}) \ \mathrm{CF_2} - \mathrm{ONO}. \\ \end{pmatrix} \end{split}$$

Іри этом вторая частица двуокиси азота может присоединяться с образоанием С—N-и С—О-связей, завершая образование 1,2-динитроперфторал-

ана и β-нитроперфторалкилнитрита.

Благодаря высокой прочности фторуглеродной связи и повышенной табильности соединений, содержащих несколько атомов фтора у атома тлерода, продукты нитрования фторолефинов не изменяются в сфере еакции и при отсутствии влаги выделяются в индивидуальном состоянии. ,2-Динитроперфторалканы представляют собой устойчивые, нерастворимые воде, бесцветные жидкости, обладающие резким специфическим запахом. -Нитроперфторалкилнитриты, в отличие от их углеводородных аналогов, казались также вполне устойчивыми, но очень реакционноспособными оединениями. Так,  $\beta$ -нитроперфторэтилнитрит (жидкость с т. кип.  $+17^{\circ}$ ) егко выделяется из реакционной смеси перегонкой и хранится длительное ремя без изменения в запаянной ампуле.

В случае несимметрично построенных перфторолефинов, например перторпропилена, имеются две возможности присоединения к нему двуокиси

зота с образованием нитроперфторпропилнитрита I и II. 
$$CF_3 - CF - CF_2 - ONO$$
 I  $CF_3 - CF - CF_2 - NO_2$  II.  $NO_2$  ONO

Інтроперфторпропилнитрит, имеющий строение І, при взаимодействии водой мог привести к образованию α-нитроперфторпропионовой кислоты III, а при строении II в результате такой реакции следовало ожидать образование перфторнитроацетона IV

Образование α-нитроперфторпропионовой кислоты при гидролизе нитроперфторпропилнитрита явилось подтверждением порядка присоединения нитро- и нитритной групп к перфторпропилену; нитрогруппа присоединяется к центральному атому углерода, содержащему наименьшее количество атомов фтора. Как и следовало ожидать, порядок присоединения оказался обратным по сравнению с присоединением к незамещенному пропилену, к которому нитрогруппа присоединяется к крайнему атому углерода.

Из трех изомерных октофторбутиленов перфторизобутилен является наиболее полярным и электрофильным реагентом. Эги свойства объясняются строением и подтверждаются его химическим поведением. Накопление трифторметильных групп ведет к легко осуществляемой атаке нуклеофильным реагентом углеродного атома, несущего два атома фтора. Вместе с темреакция с электрофильной, радикалоподобной частицей NO<sub>2</sub> сильног затруднена.

Реакция питрования осуществляется без участия растворителей и гладко протекает только при 170—180°. В результате реакции образуются двая основных продукта:1,2-динитроперфторизобутан и β-нитроперфторизобутилнитрит, примерно в равных количествах с общим выходом около 90%.

Порядок присоединения питро- и нитритных групп в этом случае установлен превращением β-нитроперфторизобутилнитрита в α-нитроперфториториноновую кислоту

 $\begin{array}{c|c}
CF_3 & C - CF_2ONO \xrightarrow{H_2O} & CF_3 \\
CF_3 & | & CF_3 \\
NO_2 & & NO_2
\end{array}$ 

Исследование нитрования хлорфторолефинов, осуществленное на примерах хлортрифторэтилена и симметричного и несимметричного дифтордихлорэтилена, позволило показать некоторое отличие этой реакции от нитрования сполна фторированных олефинов. При нитровании перфторолефинов образуются только продукты прямого присоединения мономера двуокиси азота, а в случае хлорсодержащих фторолефинов образуются смеси разнообразных веществ, являющихся продуктами нитрования и ряд побочных веществ, образование которых с первого взгляда кажется непонятным. При нитровании хлортрифторэтилена удалось показать, что одной из причин получения побочных веществ является деструкция образовавшегося в начале нитронитрита с выделением хлористого нитрозила, который, взаимодействуя с исходным олефином, дает продукты хлорирования, нитрозирования и нитрования

$$CF_2 = CFC1 + N_2O_4 \rightarrow NO_2 - CF_2 - CFC1ONO \rightarrow NO_2CF_2 - C + C1NO$$

$$CINO + CF_2 = CFC1 \rightarrow CF_2C1 - CFC1NO$$

$$CF_2C1 - CFC1NO_2$$

$$CF_2C1 - CFC1_2$$

Поступило 5 VII 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> И. Л. Кнунянц, А. В. Фокин, Изв. АНСССР, ОХН, 1952, 262. <sup>2</sup> И. Л. Кнунянц, А. И. Щекотихин, А. В. Фокин, Изв. СССР АН, ОХН,, 1953, 282. <sup>3</sup> И. Л. Кнунянц, А. В. Фокин, Изв. АНСССР, ОХН, 1955, № 4,705. <sup>4</sup> И. Л. Кнунянц, Э. Г. Быховская, Изв. АНСССР, ОХН, 1955, № 5, 852. <sup>5</sup> Н. Наss, А. Whitaker, Ам. патент 2447504, 1948; Chem. Abstr, 43, 3024 (1949). <sup>6</sup> D. D Coffman, et al., J. Org. Chem., 14, 747 (1949). <sup>7</sup> R. N. Haszeldine, J. Chem. Soc., 1953, 2075.

ХИМИЯ

## А. Л. ЛИБЕРМАН, О. В. БРАГИН и академик Б. А. КАЗАНСКИЙ

## (АТАЛИТИЧЕСКАЯ ЦИКЛИЗАЦИЯ н-ПРОПИЛБЕНЗОЛА В ИНДАН

Недавно в ряде работ (1) было показано, что парафиновые углеводороды сравнительно мягких условиях (310°, сбъемная скорость пропускания (210°, объемная скорость пропускания (210°), могут циклизоваться под влиянием платинированного угля в гомологи циклопентана. При этом получаются именно те углеводороды, которые должны сбразоваться при простом замыкании кольца без какой-либо предварительной или последующей изомеризации углеродной цепочки. Нам казалось важным выяснить, может ли такого рода циклизация осуществляться и в других классах углеводородов. Наиболее интересными в этом отношении являются гомологи бензола, так как вопрос о возможности их циклизации по схеме

был довольно неясен. Из литературы можно было почерпнуть соображения как в пельзу, так и против такой возможности. Так, Н. Д. Зелинский И. Н. Тиц (²) при пропускании дифенилметана над платинированным углем в близких к нашим условиях получили флюорен. Этот случай, на первый взгляд весьма сходный с обсуждаемой нами циклизацией, на самом деле весьма существенно от нее отличается. Действительно, пятичленное кольцов опытах Зелинского и Тиц возникало в результате образования С—Ствязи между двумя бензольными ядрами. Между тем, склонность аромативеских углеводородов конденсироваться при высоких температурах как присутствии катализаторов, так и без них, хорошо известна. Примером отого является хотя бы сбразование дифенила из бензола. Строго говоря, образование флюсрена из дифенилметана мало чем отличается от образования дифенила из бензола:

$$\begin{array}{c} -H_2 \\ \longrightarrow \end{array} \begin{array}{c} -H_2 \\$$

Эта аналогия тем более правдоподобна, что из дибензила в тех же условиях образовывался фенантрен (2):

$$\begin{array}{c|c} & -H_2 \\ \hline \\ CH_2 \\ \hline \\ CH_2 \\ \end{array}$$

Более близким к поставленной нами проблеме является исследование Орчина (3), получившего флюорен и 9-метилфлюорен из 2-метил- и

1039

2-этилбифенила, однако эта работа проводилась не на платиновом, а на палладиевом катализаторе и при значительно более высокой температуре  $(450-480^{\circ})$ , чем наша.

нии индена из о-этилтолуола

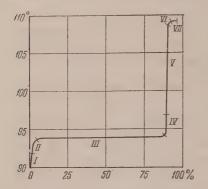


Рис. 1. Кривая разгонки продукта циклизации н-пропилбензола

Помимо этого в литературе имеются патентные данные (4) об образованад хромовым и железо-магний-калиевым.

катализаторами при 540—620°. Реакция, по мнению авторов патента, идет через образование промежуточного о-метилстирола: и является частным случаем внутримолекулярного алкилирования олефинами.

Хотя в приведенных выше примерах пятичленное кольцо так или иначе возникало, имелось опасение, что при низкой температуре наших опытов характер адсорбции молекулы пропилбензола на катализаторе может воспрепятствовать. образованию такого кольца. Как показали Б. А. Казанский и Т. Ф. Буланова (5), на поверхности платинового катализатора бензол адсорбируется значительно сильнее, чем н-пентан. По аналогии можно было ожидать, что в случае гомологов бен-

зола ароматическое ядро, адсорбируясь значительно сильнее алифатической боковой цепи, полностью вытеснит последнюю с поверхности и тем самым сделает реакцию циклизации кинетически невозможной. Однако эти опасения не оправдались, и из н-пропилбензола был получен индан.

Циклизация проводилась в указанных выше условиях циклизации парафинов. Индан был выделен из катализата перегонкой в вакууме на колонке эффективностью около 30 теоретических тарелок (рис. 1) и идентифицирован по близким к описанным в литературе константам, а также путем бромирования в триброминдан, не дававший депрессии с заведомым образцом. Средний выход индана составил 6%.

Таблица

Выход и свойства продуктов циклизации н-пропилбензола

NºNº	Проп	ущено	Соб	рано	Свойства		
опытов	в см8	вг	вг	в %	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$d_4^{20}$	
1 2 3 4 5 6	49,4 48,0 46,1 34,2 48,4 37,6	42,3 41,3 39,7 29,5 41,7 32,4	40,5 40,4 38,6 29,1 40,9 31,9	97,7 97,4 98,9 98,3	1,4949 1,4943 1,4945	$\left.\begin{array}{c} 0,8703 \\ 0,8676 \\ 0,8685 \\ 0,8682 \\ 0,8685 \end{array}\right.$	

Таким образом, была надежно доказана возможность циклизации про пилбензола в индан.

Экспериментальная часть. Пропилбензол был получен из хлорбензола и *н*-пропилбромида через фенилнатрий (6) и перегнан на колонке эффективностью 100 теоретических тарелок. Он имел следующие свойства: т. кип. 159,5—159,6°/760 мм;  $n_D^{20}$  1,4920;  $d_A^{20}$  0,8623. По наиболее надежным литературным данным н-пропилбензол имеет очень близкие константы (7): т. кип. 159,22°/760 мм;  $n_D^{20}$  1,4920,  $d_A^{20}$  0,8620.

Над 50 см³ платинированного угля (20% Pt), приготовленного по прописи Н. Д. Зелинского и М. Б. Туровой-Поляк (8), в течение шести дней было пропущено 270 мл н-пропилбензола. Углеводород пропускался при 310° и объемной скорости около 0,2. Выходы и свойства катализатов сведены в табл. 1. Перегонка катализата на колонке эффективностью около 30 теоретических тарелок дала возможность выделить индан в довольно чистом виде.

Выход и свойства фракций при разгонке продукта циклизации *н*-пропилбензола

zz zz	Пределы кипения	Выход	фракций		Свойст	ва
NeNe parunk	в °С при давлении 100 мм рт. ст.	ВГ	в %	$n_D^{20}$	$d_4^{20}$	проба на непредельн.
1 2 3 4 5 6 7	Ниже 85—91,6 91,6— 93,8 93,8— 94,2 94,2— 97,0 97,0—109,1 109,1—109,3 109,3 Остаток Потери	0,9 7,7 156,7 1,1 3,1 3,1 3,8 2,8 5,8	0,5 4,1 84,7 0,6 1,7 1,7 2,1 1,5 3,1	1,4923 1,4917 1,4920 1,4951 1,5159 1,5378 1,5378 1,5390 1,5400	0,8628 0,8618 0,8622 0,8685 0,9136 0,9599 0,9638 0,9647	отриц. отриц. отриц. слаб. полож. положит. положит. положит. положит.
	Итого	185,0	100%	annuma.	_	at-respond

<sup>\*</sup> Бромное число 4,0; содержание непредельных 3%.

Свойства полученных фракций даны в табл. 2. У фракции 7 они весьма близки к приведенным в литературе данным для индана ( $^9$ ): т. кип. 177,5—178,5°/760 мм;  $n_D^{20}$  1,5383;  $d_4^{20}$  0,9639. Полученный из небольшой порции фракции 7 триброминдан плавился при 133,5—134°, что совпадает с литературными данными ( $^{10}$ ). Триброминдан, полученный из индана, специально синтезированного нами для этой цели из гидрокоричной кислоты через  $\alpha$ -инданон, имел ту же температуру плавления и давал депрессии в смешанной пробе с триброминданом из фракции 7.

Институт органической химии им. Н. Д. Зелинского Академии наук СССР Поступило 15 VI 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> Б. А. Казанский, А. Л. Либерман, Т. Ф. Буланова, В. Т. Алексанян, Х. Е. Стерин, ДАН, 95, 77 (1954); Б. А. Казанский, А. Л. Либерман, В. Т. Алексанян, Х. Е. Стерин, ДАН, 95, 281 (1954); А. Л. Либерман, Т. В. Лапшина, Б. А. Казанский, ДАН, 105, 727 (1955). <sup>2</sup> N. D. Zelinsky, I. N. Titz, Ber., 62, 2869 (1929). <sup>3</sup> М. Огсhin, J. Am. Chem. Soc., 68, 571 (1946). <sup>4</sup> W. E. Elwell, narent США, Chem. Abstr., 45, 3422 h (1951). <sup>5</sup> Б. А. Казанский, Т. Ф. Буланова, Изв. АН СССР, ОХН, № 4, 406 (1948); № 1, 29 (1947); Т. Ф. Буланова, Диссергация, ИОХ АН СССР, 1949. <sup>6</sup> R. Paul, S. Tchelitcheff, Bull. Soc. Chim. France, 1948, 108. <sup>7</sup> F. D. Rossinietal., Physical and Thermodynamic Properties of Hydrocarbons and Related Compounds, Pittsburgh, 1951. <sup>8</sup> Н. Д. Зелинский, М. Б. Турова-Поляк, Избр. тр. акад. Н. Д. Зелинского, 2, Изд. АН СССР, 1941, стр. 150 и 224. <sup>9</sup> Е. В. Еvans, J. Inst. Petroleum. Techn., 24, 537 (1938). <sup>10</sup> К. Меуег, W. Меуег, Ber., 51, 1581 (1918).

хими;

# Е. М. ПАНОВ, В. И. ЛОДОЧНИКОВА и член-корреспондент АН СССР К. А. КОЧЕШКОВ

# НОВЫЙ МЕТОД СИНТЕЗА СВИНЦОВООРГАНИЧЕСКИХ СОЕДИНЕНИЙ КЛАССА ArPbX<sub>3</sub>

Систематически исследуя свойства и реакционные возможности солегорганических кислот тяжелых металлов (1,3), мы обратили, в частности особсе внимание на соответствующие соли четырехвалентного свинца и послучили с их помощью ряд интересных результатов в области синтеза свинцовосрганических ссединений.

Несмотря на то, что свинцовоорганические ссединения были получены впервые в 1853 г. (²) и с тех пор изучались в различных направлениях, один из основных классов этих соединений  $ArPbX_3^*$  (где Ar — ароматический радикал, X — кислотный остаток) был получен нами лишь в 1952 г. (³) по реакции

$$Ar_2Pb (OOCR)_2 + Hg (OOCR)_2 = ArPb (OOCR)_3 + ArHgOOCR,$$
 (Г) (где R  $CH_3 -$ или  $(CH_3)_2CH -$ ).

Достаточное знакомство со свойствами соединений класса  $ArPbX_{3*}$  полученных нами по уравнению (I), значительно облегчило нам разработку описываемого в настоящей работе нового метода получения  $ArPbX_3$  по реакции

$$Ar_2Hg + Pb (OOCR)_4 = ArPb (OOCR)_3 + ArHgOOCR.$$
 (II)

Кроме того, важной предпосылкой для разработки метода послужило получение свинцовоорганических соединений класса  $Ar_2PbX_2$ , описанное в ( $^6$ ):

$$2Ar_2Hg + Pb (OOCR)_4 = Ar_2Pb (OOCR)_2 + 2ArHgOOCR.$$
 (III)

Новый метод (уравнение II) позволяет получать соединения класса  $ArPbX_3$  с хорошими выходами в один прием, тогда как ранее необходимо было сначала синтезировать  $Ar_2PbX_2$  по (III) или путем деалкилирования  $Ar_4Pb$  (соответственно  $Ar_3Pb$ ) и далее проводить реакцию отщепления ароматического радикала по (I).

Удаление псбочного продукта реакции ArHgOOCR легко достигается путем прибавления рассчитанного количества спиртового раствора хлористого водорода (ArHgCl выпадает при этом в осадок).

croid bodopoda (Arrigor Bolladaer liph From B ocadok).

Новый метод может быть прилсжен и для получения металлоорганических соединений класса  ${\rm ArPb}\,{\rm X}_3$  также и с заместителями в ароматическом ядре.

## Экспериментальная часть

Триацетат фенилсвинца. К раствору 1,7 г тетраацетата свинца\*\* в 12 мл сухого хлороформа приливают при перемешивании раствор

\*\* Применялся обычный чуть смоченный ледяной уксусной кислотой препарат. При пересчете на сухое вещество его количество отвечало 1 молю плюс избыток 10%.

 $<sup>^*</sup>$  О невоспроизводимости данных Лесбра (4) по получению соединений  $\mathsf{RPbX_3}$  в алифатическом ряду см. (5).

17 г (кратно 1 молю) дифенилртути в 10 мл того же растворителя. ерез  $^{1}/_{2}$  часа капля реакционной смеси при добавлении к ней воды перегает выделять бурый осадок двуокиси свинца, что указывает на отсутствие

этраацетата свинца.

Раствор охлаждают смесью снега с солью и прибавляют по каплям, 25 мл спиртового раствера хлеристего водерода (1 эквивалент). Темпеатура плавления выпавшего в осадок вещества после фильтрования и переристаллизации из ксилола равна 258° (температура плавления хлористой венилртути по литературным данным равна 258° (7). Выход 0,87 г (84,5% еории, уравнение (II)).

Фильтрат оставляют в постоянно эвакуируемом вакуум-эксикаторе до полного удаления растворителя. Кристаллический остаток (около 1,5 г) представляет ссбой практически чистый триацетат фенилсвинца (т. пл. 00—101°). После перекристаллизации из свежеперегнанного этилацетата добавлением одной капли уксусной кислотыт. пл. 101—102°. Выход близок

г теоретическому.

Температура плавления триацетата фенилсвинца, полученного по более раннему нашему методу (3) (из диацетата дифенилсвинца и уксуснокислой ртути), равна 101—102°. Смешанная проба без депрессии.

Найдено %: Рb 45,23; 45,09 С<sub>6</sub>Н<sub>5</sub>Рb (ООССН<sub>3</sub>)<sub>3</sub> Вычислено %: Рb 44,92

Определение числа кислотных групп (кипячением спиртового раствора вещества с 0,1  $\mu$  едким натром и титрование избытка последнего) дало 2,70 и 2,96.

Триизобутират фенилсвинца. Раствор 1,4 г (кратно 1 молю) дифенилртути в 7 мл сухого хлорсфсрма приливают к раствору 2, 4 г (кратно 1 молю плюс 10% избытка) тетраизсбутирата свинца в том же объеме того же растворителя, подкисленного 2 каплями изомасляной кислоты. При обычной обработке 1,25 мл спиртового раствора хлористого водорода (1 эквивалент) количество выпавшей в ссадок хлористой фенилртути равно 1,13 г (91,5% теории, уравнение (II)).

После удаления растворителя в вакуум-эксикаторе, как описано выше, остаток представляет собой мажущуюся массу, которая иногда при стоянии затвердевает. Вещество после перекристаллизации из гексана (или петролейного эфира) с добавлением 1—2 капель изомасляной кислоты имеет т. пл. 77—78° (температура плавления триизобутирата фениловинца, полу-

ченного нами ранее по уравнению (I) 77—78°). Смєшанная проба без депрессии. Выход 1,2 г (50% теории, уравнение (II)).

Найдено %: Рb 37,74; 37,93 С<sub>6</sub>Н<sub>5</sub>Рb [ООССН(СН<sub>3</sub>)<sub>2</sub>]<sub>3</sub>. Вычислено %: Рb 37,99

Определение числа кислотных групп: 2,87 и 2,85.

По методике, описанной нами ранее (3), полученный в настоящем опыте триизсбутират фенилсвинца был переведен в трибензоат фенилсвинца. Т. пл. 149,5—151°. По литературным данным т. пл. трибензоата фенил-

свинца 149,5—151° (<sup>3</sup>).

Триацетат *п*-толилсвинца. К горячему раствору 1,25 г (кратно 1 молю) ди-*п*-толилртути в 35 мл сухого хлороформа прибавляют 1,65 г (кратно 1 молю плюс 10% избыток, при пересчете на свободный от уксусной кислоты тетраацетат свинца). Раствор оставляют при комнатной температуре на сутки, затем сбрабатывают, как обычно, спиртовым раствором хлористого водорода. Выпавший ссадок через 20 мин. отсасывают. Вес хлористой *п*-толилртути 1 г (94% теории, уравнение (II). Т. пл. 238°; т. пл. по литературным данным 238—239° (7)). Из фильтрата после удаления, как обычно, растворителя получают 1,52 г кристаллического вещества

с т. пл.  $82-84^\circ$ . После перекристаллизации из ацетона с добавлением 1-капель уксусной кислоты т. пл.  $87^\circ$ . Температура плавления триацета n-толилсвинца, полученного иным нашим методом,  $86-88^\circ$  (3). Выход 1! (66,6% теории, уравнение (II)). Смешанная проба без депрессии.

 ${\rm Ha\ddot{u}_{\rm Zeho}}$  На ${\rm Ha\ddot{u}_{\rm Zeho}}$  Рь 43,44 С ${\rm H_3C_6H_4Pb}$  (ООСС ${\rm H_3}$ ) $_3$ . Вычислено %: Рь 43,59

Определение числа кислотных групп: 2,83 и 2,90.

Физико-химический институт им. Л. Я. Қарпова Свердловский государственный медицинский институт

Поступило 13 VI 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> В. П. Глушкова, К. А. Кочешков, ДАН, 103, 615 (1955) <sup>2</sup> G. Lwig, Chem. Ann. 88, 318 (1853). <sup>3</sup> Е. М. Панов, К. А. Кочешков, ДАН, 88 1037, 1293, (1952); Изв. АН СССР, ОХН, 1955, № 4, 711, 718. <sup>4</sup> М. Lesbre, C. R., 214 535 (1940). <sup>5</sup> G. Calingaert, H. Shapiro, F. Dykstra, L. Hess, I. An Chem. Soc. 70, 3902 (1948). <sup>6</sup> М. М. Надь, К. А. Кочешков, ЖОХ, 12, 409 (1942). <sup>7</sup> А. Н. Несмеянов, ЖРХО, 61, 1391 (1929).

#### Академик А. В. ТОПЧИЕВ, С. С. НИФОНТОВА, Р. Я. СУЩИК и А. А. СУЧКОВА

## НОРМАЛЬНЫЕ ПАРАФИНОВЫЕ УГЛЕВОДОРОДЫ, ВЫДЕЛЕННЫЕ ИЗ КЕРОСИНА РОМАШКИНСКОЙ НЕФТИ

Нормальные парафиновые углеводороды обнаружены почти во всех нефях, но количество их сильно колеблется и зависит главным образом от типа ефтей; так, например, нафтеновые и асфальтеновые нефти содержат их ишь в очень ограниченном количестве. Из советских нефтей наиболее богаты арафиновыми углеводородами грозненские парафинистые нефти (1). Содержание парафиновых углеводородов в лигроино-керосиновых фракциях зазличных нефтей по данным ГрозНИИ (1) колеблется от 11 до 68%.

Несмотря на присутствие в лигроию-керосиновых фракциях значительюго количества парафиновых углевофородов, число нефтей, из которых были изолированы н-парафиновые угтеводороды, выкипающие в интервале

Таблица 2 Содержание н-парафиновых углеводородов во фракциях ромашкинского керосина

		Содерж	ание в %	6
Т. кип. в ° С	всего парафинов. углеводор, на фрак- цию	и-парафинов на фракцию	и-парафинов на ке- росинов, фракцию	, н-парафинов на нефть
175—200 200—225 225—250 255—275 275—300	58,9 52,6 63,5 49,8 56,0	13,1 16,0 24,6 22,4 22,1	0,53 0,55 0,76 1,7	0,10 0,12 0,17 0,38 0,20

Таблица 1

т. кип.	d <sub>4</sub> <sup>20</sup>	$n_D^{20}$	Макси- маль- ная анилин. точка	Т. за- стыв. в ° С
275—200	0,7685	1,4285	75	49,5
100—225	0,7765	1,4340	80,7	-39,5
225—250	0,7895	1,4440	82,7	-29,5
250—275	0,7984	1,4450	89,2	21,8
275—300	0,8039	1,4510	96	-5,8

 $200-300^{\circ}$ , невелико. Это объясняется теми трудностями, которые встречаются обычно при выделении  $\mu$ -парафиновых углеводородов вследствие присутствия большого числа изомеров нафтенового и изопарафинового рядов, увеличивающегося с повышением температуры кипения. Для выделения  $\mu$ -парафиновых углеводородов из нафтеново-парафиновой смеси в настоящее время применяют метод дробной кристаллизации и метод комплексо-образования  $\mu$ -парафинов с мочевиной. Однако применение последнего метода ограничено содержанием углеродных атомов в исследуемом углеводороде. Комплекс способны образовывать  $\mu$ -парафины, содержащие углеводородные атомы от  $C_9$  до  $C_{24}$ . Метод, открытый в 1940 г. Бенгеном (3), быстро нашел широкое применение не только в исследовательских работах ( $^{4-5}$ ), но и в технике, о чем свидетельствуют многочисленные патенты, опубликованные за последние годы.

Для изучения природы нормальных парафинов, входящих в состав отдельных лигроино-керосиновых фракций ромашкинской нефти, сырая нефть разгонялась на укрупненной лабораторной колонне. Лигроино-керосиновые фракции отбирались в вакууме при остаточном давлении 30 мм рт. ст.

Мол. 142 156 170 184 212 226 литературе 29,7 -25,6 - 9,6 - 6,2 - 5,5 3acr. 111 В и н-парафинов, описанных Макси-мальн. анилин. 80,6 883,7 887,8 89,5 92,0 4219 4255 4288 4310 25°) ,4343 200 0,7300 0,7487 0,7487 0,7687 0,7689 d20 ромашкинского керосина, давл. в мм кип. 174 195,8 216,8 236,6 253,5 272,5 T. a Тридекан Тетрадекан Пентадекан Углеводород Декан Ундекан Додекан ИЗ Эмпи-рическ. форму-Характеристика узких фракций н-парафиновых углеводородов, выделенных 137,5 155,5 169,8 181,5 195,1 Макси-мальн. анилин. ာ်က်က်က်က်4 6,0,8,8,8,8,8 B° C -28,0 -126,0 -12,6 -5,8 7,5 4229 4179 4220 4263 4297 4297 4328 22 d20 Т. кип. в ° С при 760 мм 174—175 194—194, 5 214, 5—215 233, 7—234, 9 252, 5—254 263, 9—266, 9 в вакууме давл. в мм 53, 5-64, 5 (10) 75 (10) 82-82, 5 (5) 98-98, 6 (5) 110-110, 5 (5) 122-123 (5) Т, кип. в в ° С и да

240

28

100,0

Гептадекан Октадекан

 $C_{1,8}H_{3,8}$ 

100,5

22,5

Гексадекан

225,5

8,46 98,7

281 - 283

40-142 (3) 145-147 (3)

98,0

0.7749

Каждая выделенная фракция деарс матизировалась пропусканием чере Нафтено-парафинова силикагель. часть обрабатывалась мочевиной сог ласно методике, описанной ранее (4, несколько детализированной в Иг ституте нефти Академии наук СССР (7 Выделение н-парафинов в основно заключалось во взбалтывании отделі ных фракций с мочевиной с добавле нием метилового спирта и изопента на. Образовавшийся кристаллически комплекс мочевина — *н*-парафиновы отфильтровывался углеводороды тщательно отмывался большим коли чеством изопентана. Осадок подсуши вался на воздухе и в измельченног виде разлагался горячей водой. Выды лившиеся при этом жидкие н-парафы ны пропускались для доочистки черет силикагель и подвергались фракцион ной перегонке на вакуумной колон ке.

Объектом исследования являлис 25-градусные фракции нафтено-пара: финовых углеводородов ромашкин ского керосина. Характеристика фран ций приведена в табл. 1. Из таблица видно, что исследуемые нафтено-пара финовые фракции имеют низкие плот ности и показатели преломления и вы сокие анилиновые точки, что указы вает на наличие значительного коли чества парафиновых углеводородов.

В табл. 2 приведено общее содер парафиновых углеводородов найденное по методу, принятому для определения группового химическог состава и содержание нормальных па рафиновых углеводородов, установ ленное весовым способом, т. е. путем выделения н-парафинов через лексообразование с мочевиной. Me тодика количественного определения н-парафинов заключалась в обработко мочевиной 100 г деароматизированног фракции. После разрушения комплек са н-парафиновые углеводороды взве шивались, найденное количество пере числялось на исходную фракцию При определении содержания н-пара финов соблюдалась строгая аналити ческая точность.

Из табл. 2 видно, что содержание нормальных парафинов в отдельных фракциях колеблется от 13 до 24,6%

Выделенные вышеуказанным способом нормальные парафины подвер проведения лекольких фракционировок удалось изолировать довольно узкокипящие ракции, которые по температурам кипения соответствовали индивидуальным парафиновым углеводородам. Характеристика выделенных фракций пна в табл. 3, где приведены данные для синтетических *н*-парафинов (8), списанных в литературе. Из сопоставления свойств можно сделать вывод, то керосиновые фракции, выкипающие в интервале 175—300°, содержат те гомологи нормальных парафиновых углеводородов от  $C_{10}$  до  $C_{18}$ , т. е. от декана до октадекана. Наличие некоторого расхождения в отдельных конгантах в выделенных парафинах можно объяснить возможным присутствием собольших количеств малоразветвленных парафинов, которые также легко прагируют с мочевиной.

Институт нефти Академии наук СССР Поступило 13 III 1956

### ЦИТИРОВАННАЯ] ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> А. Ф. Добрянский, Геохимия нефти, Л. — М., 1948. <sup>2</sup> Химический состав гефтей и нефтяных продуктов, Тр. ГрозНИИ, стр. 137—152, изд. 2-е, М.—Л., 1935. F. Веngen, Germ., pat. Application O. Z. 12438, 1940. <sup>4</sup> W. J. Zimmerchud, A. Dinersteinetal., J. Am., Chem. Soc., 71, 2947 (1949). <sup>5</sup> W. J. immerchud, R. A. Dinerstein et al., Ind. and Eng. Chem., 42, 7, 1300 (1950). H. J. Hерр, E. Ö. Box et al., Ind. and Eng. Chem., № 1, 112 (1953) <sup>7</sup> Л. М. созенберг, И. С. Генех, ДАН, 84, № 3, 523 (1952). <sup>8</sup> Physical Constants of the Principal Hydrocarbons, 4-d ed., 1943.

Член-корреспондент АН СССР Н. И. ШУЙКИН и И. Ф. БЕЛЬСКИЙ

## О РАСКРЫТИИ ТЕТРАГИДРОФУРАНОВОГО ЦИКЛА ПОД ДЕЙСТВИЕМ НЕКОТОРЫХ ГАЛОИДНЫХ СОЕДИНЕНИЙ

Как было показано нами в работе (1), цикл тетрагидрофурана легко ращепляется под действием безводных галоидных солей алюминия (AIC и AIBr<sub>3</sub>) с образованием 1,4-дигалоидзамещенных алифатических углеводородов. В настоящей работе нами исследована возможность раскрытия тетрагидрофуранового цикла при действии на него некоторых других галоид содержащих агентов. Рядом авторов было установлено, что цикл тетрагидрофурана подвергается раскрытию при действии галоидоводородов (2–5), трем

 $\hat{\mathsf{б}}$ ромистого фосфора (6), галоидацилов (7).

Мы исследовали действие на тетрагидросильван четыреххлористого ттана, хлорного олова, пятихлористой сурьмы, трехбромистого фосфорхлорокиси фосфора (POCl<sub>3</sub>) и хлористого сульфурила. При этом оказалост что только  ${\rm TiCl}_4$ ,  ${\rm SbCl}_5$  и  ${\rm PBr}_3$  обладают способностью раскрывать тетрагидрофурановый цикл с образованием в качестве основного продукта 1,4-диглоидпентана. Реакция между  ${\rm TiCl}_4$ ,  ${\rm SbCl}_5$  и тетрагидросильваном протекає чрезвычайно энергично, с большим выделением тепла. Наоборот, трехбромистый фосфор по сравнению с ними является мягким расщепляющим агентом. Хлорное олово, хлорокись фосфора и хлористый сульфурил даже принагревании в течение 5 час. практически не расщепляют тетрагидрофуранс вого цикла. Исследование твердых осадков, образовавшихся в результат реакции тетрагидросильвана с  ${\rm TiCl}_4$ ,  ${\rm SbCl}_5$  и  ${\rm PBr}_3$  показало, что они представляют собой двуокись титана, хлорокись сурьмы (SbO<sub>2</sub>Cl) и фосфористы ангидрид. Следовательно, основное направление реакций тетрагидросильвана с  ${\rm TiCl}_4$ ,  ${\rm SbCl}_5$  и  ${\rm PBr}_3$  можно представить в следующем виде:

$$\begin{array}{c|c} & \xrightarrow{\text{TiCl}_4} & \text{CH}_2\text{CH}_2\text{CH}_2\text{CHCH}_3 + \text{TiO}_2 \\ \hline \text{O CH}_3 & \text{Cl} & \text{Cl} \\ \hline & \xrightarrow{\text{SbCl}_5} & \text{CH}_2\text{CH}_2\text{CHCH}_3 + \text{SbO}_2\text{Cl} \\ \hline \text{O CH}_3 & \text{Cl} & \text{Cl} \\ \hline & & & \text{Cl} & \text{Cl} \\ \hline & & & & \text{Cl} & \text{Cl} \\ \hline & & & & & \text{CH}_2\text{CH}_2\text{CHCH}_3 + \text{P}_2\text{O}_3 \\ \hline & & & & & & \text{CH}_2\text{CH}_2\text{CHCH}_3 + \text{P}_2\text{O}_3 \\ \hline & & & & & & & \text{CH}_3\text{CH}_3 + \text{CH}_3\text{CHCH}_3 + \text{CH}_3\text{CH$$

Тетрагидросильван, полученный гидрированием сильвана на скелетном никелевом катализаторе, имел следующие свойства: т. кип.  $79-79,2^{\circ}$  (750 мм),  $d_{\star}^{20}$  0,8582 и  $n_{D}^{20}$  1,4060.

В трехгорлую колбу, снабженную механической мешалкой, капельной воронкой и обратным холодильником, помещался 1 моль тетрагидросиль вана. Затем при охлаждении колбы смесью сухого льда с ацетоном из капель 1048

ной воронки медленно (в течение 1,5—2 час.) приливалось 0,5 моля TiCl4 пли SbCl<sub>5</sub>. При проведении реакции с трехбромистым фосфором, который прался в количестве 2/3 моля на 1 моль тетрагидросильвана, колба нагрезалась на водяной бане и трехбромистый фосфор постепенно прибавлялся кипящий тетрагидросильван. После приливания всего количества галоидного соединения реакционная смесь нагревалась около двух час. на водяной бане. Продукты реакции экстрагировались эфиром, эфирная вытяжка промывалась раствором соды и отделялась от твердого осадка. После вызушивания оплавленным поташом и отгонки эфира продукты реакции подвергались разгонке при уменьшенном давлении.

1,4-Дихлорпентан, полученный при действии на тетрагидросильван тчетыреххлористого титана (выход 70—75% от теоретического) и пятихлористой сурьмы (выход 50—55%), обладал следующими свойствами: т. кип. -57—58°/7 мм,  $d_4^{20}$  1,0779;  $n_D^{20}$  1,4480 найдено  $MR_D$  35,03, для  $C_5H_{10}Cl_2$  вы-

числено  $MR_D$  35,02.

1,4-Дибромпентан, полученный при действии трехбромистого фосфора на тетрагидросильван с выходом не менее 90%, имел т. кип. 79—80°/9 мм,  $d_4^{20}$  1,6868;  $n_D^{20}$  1,5087; найдено  $MR_D$  40,68, для  $C_5H_{10}Br_2$  вычислено  $MR_D$  40,82.

Таким образом, установлено, что при действии четыреххлористого титана пятихлористой сурьмы и трехбромистого фосфора на тетрагидросильван происходит раскрытие тетрагидрофуранового цикла с образованием, соответственно, 1,4-дихлор- и 1,4-дибромпентанов.

В аналогичных условиях хлорное олово, хлорокись фосфора и хлористый сульфурил не оказывают расщепляющего действия на тетрагидрофу-

рановый цикл.

Институт органической химии им. Н. Д. Зелинского Aкадемии наук СССР

Поступило 2 VI 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> Н. И. Шуйкин, И. Ф. Бельский, Изв. АН СССР, ОХН, 1956, № 5, 767. <sup>2</sup> W. Froebe, A. Hochstätter, Monatsh. f. Chem., 23, 1087 (1902). <sup>3</sup> Starr, Hixon, J. Am. Chem., Soc., 56, 1595 (1934). <sup>4</sup> S. Fried, R. Kleen, J. Am. Chem. Soc. 63, 2691 (1941). <sup>6</sup> E. J. du Pont de Nemours, Фр. патент, 864, 758, 5 V 1941; Chem. Abstr., 43, 1433 (1949). <sup>6</sup> J. Сloke, O. Ayers, J. Am. Chem. Soc., 56, 2144 (1934). <sup>7</sup> Я. Л. Гольфарб, Л. М. Сморгонский, ЖОХ, 8, 1516 (1938).

## ФИЗИЧЕСКАЯ ХИМИ;

#### н. я. бунэ и я. м. колотыркин

# ЭЛЕКТРОХИМИЧЕСКОЕ ПОВЕДЕНИЕ НЕРЖАВЕЮЩЕЙ СТАЛИ В РАСТВОРЕ СЕРНОЙ КИСЛОТЫ

(Представлено академиком В. А. Каргиным 2VI 1956)

Влияние анодной поляризации на коррозионное поведение нержавеющих сталей в кислых растворах электролитов исследовалось неоднократно (1). В большинстве этих исследований использовался обычный метод поляризационных измерений, заключающийся в определении потенциала при последовательном увеличении поляризующего анодного тока. При этом было установлено, что при достижении некоторой критической плотности тока наблюдается скачкообразное смещение потенциала в положительную сторону почти на 1,5 в до значения, равного +1,3—+1,35 в. Таким образом этот метод измерений не дает возможности установить зависимость скорости растворения от потенциала в широкой области поляризаций, соответствующей пассивному состоянию стали.

За последнее время при изучении коррозионных процессов в нашей лаборатории был использован потенциостатический метод поляризационных измерений (²), сущность которого заключается в том, что при каждом заданном значении потенциала электрод выдерживается до установления стационарной плотности тока или, что то же, стационарной скорости растворения. Сходный метод был использован также в работах немецких авторов, исследовавших поведение запассивированного железного электрода (³).

В настоящем сообщении изложены первые результаты применения потенциостатического метода для исследования электрохимического и коррозионного поведения нержавеющей стали (марки IX18H12T) в растворе 1,0 и  $H_2SO_4$ .

Экспериментальные результаты, характеризующие зависимость стационарной скорости растворения стали от потенциала, приведены на рис. 1,1. При потенциалах, лежащих отрицательнее — 0,05 в и положительнее +1,2 в, при которых наряду с растворением металла, могло происходить также выделение водорода или кислорода, скорость растворения опреде-

лялась по изменению веса электрода.

Из рисунка видно, что отрицательнее —0,15 в (отрезок AE) сохраняется обычная для анодных реакций зависимость скорости растворения от потенциала. При потенциале — 0,15 в растворение достигает максимальной скорости, равной  $1\cdot 10^{-4}$  а/см². Дальнейшее смещение потенциала в сторону положительных значений сопровождается уменьшением скорости растворения, котя зависимость между этими величинами и в этом случае выражается тафелевской прямой с наклоном 0,07 (участок EE). При смещении потенциала от +0,15 до +0,25 в наблюдается рост скорости растворения (участок EE). В интервале потенциалов от +0,30 до +0,60 в (участок EE) скорость растворения сохраняет постоянное значение, не зависящее от потенциала электрода. Начиная от потенциала 0,65 в дальнейший переход в сторону положительных значений сопровождается систематическим увеличением скорости растворения, нарушаемым только небольшим торможением процесса в интервале потенциалов от +0,90 до +1,0 в. В области потенциалов 1050

1,2—+1,4 в кинетика растворения характеризуется тафелевской прямой наклоном 0,08 в.

Таким образом, область наибольшей коррозионной стойкости исследованой марки стали ограничена интервалом потенциалов от +0.15 до +0.65 в.

(корость растворения в этой области не превышает 3·10<sup>-8</sup> а/см².

Для сравнения на рис. 1,2 приведены результаты, полученные в тех же словиях с помощью обычного метода поляризационных измерений. Эти эзультаты хорошо согласуются с данными, приведенными в работе Н. Д. Тозшева и Г. П. Черновой (1)

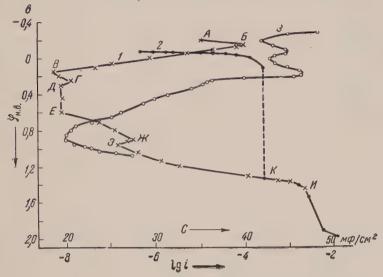


Рис. 1. I — зависимость логарифма стационарной скорости растворения стали от потенциала в 1,0  $\mu$  H<sub>2</sub>SO<sub>4</sub>; 2 — быстро снятая поляризационная кривая; 3 — зависимость дифференциальной емкости от потенциала при 200 гц

Совпадение результатов, полученных обычным и потенциостатическим методами, наблюдается только при потенциалах, лежащих положительнее [+1,35 в. Из сопоставления кривых I и 2 отчетливо видно преимущество потенциостатического метода поляризационных измерений над обычным. Как было показано выше, полученная с помощью этого метода поляризационная кривая дает возможность определить поляризационные границы области тассивации, а также размеры коррозионных потерь в этой области и, слетовательно, является важнейшей коррозионной характеристикой стали. Учитывая, что степень запассивированности металлической поверхности звляется только функцией потенциала, эта кривая дает возможность опретелять скорость растворения металла по величине стационарного потенциала, не прибегая к прямому измерению размеров коррозионных потерь.

В соответствии с высказанным ранее предположением (2), поддержание пассивного состояния в наших опытах можно было осуществлять не только поляризацией электрода небольшим анодным током, но и путем введения в раствор окислителя, способного восстанавливаться в соответствующей области поляризацией. Так, если в отсутствие окислителя стационарный погенциал исследованной нами марки стали в серной кислоте лежал отрицательнее потенциала нормального водородного электрода и растворение (за счет выделения водорода) происходило со значительной скоростью, то введение в раствор кислорода воздуха приводило к смещению этого потенциала до +0.060-+0.120 в с одновременным уменьшением скорости растворения. Добавление 0.1 г-экв/л  $Fe_2(SO_4)$ 3 приводило к смещению стационарного потенциала до +0.800 в, т. е. до начального участка области перепас-

сивации, где, как это было подтверждено результатами прямых измерени-

скорость растворения остается еще незначительной.

Близость потенциала точки K, до которого стальной электрод заполяр зовывается критической плотностью тока, к нормальному потенциалу окислетельно - восстановительного перехода между ионами 3- и 6-валентного хрома (+1,36 в), дало основание Н. Д. Томашеву и Г. П. Черновой сделаты вывод, согласно которому достижение этого потенциала является необходимым условием для наступления явления перепассивации нержавеющи сталей различных классов. В действительности, как это видно из рислерепассивация начинается при значительно более отрицательных потенциалах. Потенциалу +1,36 в не соответствует какое-либо изменение хараттера зависимости скорости растворения стали от потенциала.

Для выяснения природы пассивного состояния стали нами были измерен дифференциальная емкость и омическое сопротивление стального электрод в тех же условиях в широком интервале потенциалов. Измерение проводилось с помощью переменного тока высокой частоты. Полученные данны

представлены кривой З рис. 1.

Как видно из рисунка, в области, предшествующей пассивации, смещены потенциала в сторону положительных значений сопровождается, как обыч но, сперва уменьшением емкости, а затем ее значительным ростом. Из ра смотрения дальнейшего хода кривой можно сделать вывод, что пассиваци стали в серной кислоте протекает, по-видимому, в две стадии. В первой ста дии, в которой наблюдается наибольшее торможение процесса растворения с потенциалом, величина емкости не претерпевает существенного измене ния. Как видно из рисунка, смещение потенциала в сторону положительным значений от —0,150 в приводит сперва к замедлению роста емкости, начал шегося при более отрицательных потенциалах, а затем к ее небольшом уменьшению, которое вблизи нуля сменяется новым ростом. Во второй ста дии пассивации, начинающейся при +0,200 - +0,250 в, наблюдается боле заметное изменение емкости, которая при переходе от +0,200 до +0,750  $\cdot$ уменьшается почти в два раза. Аналогично тому, как это было установлен нами при исследовании активированной адсорбции анионов на свинш (4), вид кривой емкости на стали зависел от скорости проведения измерений

Величина омической составляющей в наших опытах не превышала не

скольких ом на кв. сантиметр и мало зависела от потенциала.

Найденные величины емкости и сопротивления, так же как и изменени их с потенциалом, свидетельствуют, очевидно, о том, что пассивация сталне сопровождается образованием на ее поверхности фазовой пленки, появление которой должно было бы приводить к более существенному измененикак емкости, так и сопротивления. На основании этих результатов и в соот ветствии с высказанным ранее предположением (²) можно, по-видимому принять, что пассивация стали сводится к кинетическому торможению анод ной реакции, вызываемому изменением состояния электродной поверхност: в результате адсорбционно-химического взаимодействия поверхностных ато мов металла с кислородом воды или анионами электролита. Наблюдаемую зависимость стационарной скорости растворения от потенциала можно объяснить, если принять, что степень изменения состояния поверхности перенапряжение анодной реакции возрастают с потенциалом по экспонен циальному закону.

Таким образом, если в обычных условиях зависимость скорости растворения от потенциала может быть выражена уравнением

 $i = k_1 e^{\frac{\beta_1 \Gamma}{RT} \varphi},\tag{1}$ 

то при наложении процесса пассивации необходимо принимать во внимание наличие экспоненциальной зависимости от потенциала постоянной  $k_1$  характеризующей природу металла и состояние его поверхности:

 $k_1 = k_1 e^{\frac{-\beta_2 F}{RT} \varphi}.$ 

При этом условии изменение стационарной скорости растворения с погенциалом должно следовать уравнению

$$i_{\rm cr} = k_2 e^{\frac{(\beta_1 - \beta_2) F}{RT} \varphi}. \tag{3}$$

Как видно из этого уравнения, в зависимости от соотношения между постоянными  $\beta_1$  и  $\beta_2$ , смещение потенциала в сторону положительных знанений может сопровождаться как повышением, так и снижением стационарной скорости растворения. На первой стадии пассивации рост скорости растворения, в соответствии с уравнением (1), не успевает за ее торможением, изызываемым изменением состояния поверхности ( $\beta_1 < \beta_2$ ). Во второй стадии пост скорости и ее торможение взаимно компенсируют друг друга, что приводит к исчезновению зависимости стационарной скорости растворения от глотенциала.

В соответствии с изложенным выше, правильнее, по-видимому, говорить зе о пассивации металлической поверхности вообще, а о пассивации ее по отношению к определенной реакции или реакциям. В рассматриваемом нами случае речь идет о пассивации стали по отношению к реакциям образования металлических ионов низших степеней окисления.

Поступило 21 VI 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> Л. М. Волчкова, А. И. Красильщиков, А. Г. Антонова, Тр. Гос. инст. азотн. пром., 1, 228 (1953); Н. Д. Томашев, Г. П. Чернова, ДАН, 104, 104 (1955); В. П. Батраков, ДАН, 99, 97 (1954); В. М. Новаковский, А. И. Левин, ДАН, 99, 129 (1954) <sup>2</sup> Я. М. Колотыркин, В. М. Княжева, ЖФХ, 30, № 9 (1956). <sup>3</sup> U. F. Franck, K. G. Weil, Zs. Elektrochem., 58, 814 (1952); К. G. Weil, K. G. Bonhoeffer, Zs. Phys. Chem., 4, 175 (1955). <sup>4</sup> Я. М. Колотыркин, Н. Я. Бунэ, ЖФХ, 29, 435 (1955).

БИОХИМИЯ

#### А. Н. ПЕТРОВА

## новые данные о биосинтезе гликогена в печени

(Представлено академиком А. В. Палладиным 22 VI 1956)

В настоящее время достаточно хорошо изучен процесс синтеза гликогенамиз глюкозы, включающий 3 этапа: при действии гексокиназы в присутствии АТФ глюкоза фосфорилируется в глюкозо-6-фосфат, который превращается под воздействием фосфоглюкомутазы в глюкозо-1-фосфат, синтезирующийся в гликоген при действии фосфоролазы. Однако, как показали наши исследования, в печени существует и другой путь синтеза гликогена из глюкозы.

Опыты проводились со срезами и экстрактами печени. Срезы инкубировались в атмосфере воздуха с глюкозой в солевой смеси, содержащей ионы калия, магния и кальция; такая среда благоприятна для синтеза гликогена (1). Опыты ставились в присутствии яда — динитрофенола. После инкубации срезы тщательно отмывались от инкубационной жидкости, растирались в трихлоруксусной кислоте, и полученный экстракт подвергался исследованию на содержание гликогена и фосфора АТФ. Гликоген определялся либо путем осаждения его спиртом из трихлоруксусного экстракта с последующим определением глюкозы осадка после кислотного гидролиза, либо путем учета редукции Ва-растворимости фракции и после кислотного гидролиза при фракционировании экстракта. Лабильный фосфор АТФ определялся после осаждения уксуснокислой ртутью (2).

Экстрагирование тканей печени производилось спиртом (1 объем), полученная взвесь нагревалась до 45—50° в течение нескольких минут и ткань отцентрифуговывалась. Из полученного таким образом экстракта спирт удалялся в вакууме при 50°, и водный остаток подвергался разведению водой до исходного объема, либо исследовался в виде концентрированного экстракта. Пробы до и после инкубации осаждались трихлоруксусной кислотой, экстракт подвергался фракционированию спиртом в присутствии ионов бария и разделялся на осадок и спиртовую вытяжку (3). Осадок, содержащий фосфорные соединения и гликоген, растворялся в 0,1 н HCl. Для определения гликогена из раствора отбирались пробы, в которых учитывалась редукция до и после кислотного гидролиза; гидролиз проводился в 2,2% HCl (конечная концентрация) в течение 3 часов. Содержание гликогена, указанное в таблицах, вычислялось путем вычитания величины редукции до кислотного гидролиза из величины редукции после кислотного гидролиза и умножения полученной разности на коэффициент 0,927.

Опыты показали, что при инкубировании срезов печени с глюкозой в них происходит довольно сильное накапливание гликогена (табл. 1). Так, через 60 мин. инкубации в 1 г срезов количество гликогена увеличилось на 2—3 мг по сравнению с контрольными срезами, которые находились в идентичных условиях, но без глюкозы. В опыте № 1 увеличение гликогена было наибольшим, оно достигало 3,7 мг, в других опытах оно колебалось от 1,86 до 2,13 мг в 1 г (см. табл. 1). Такая же картина наблюдалась и при инкубировании срезов в идентичных условиях, но в присутствии яда 2,4-динитрофенола. В этом случае количество гликогена в срезах увеличивалось в такой же степени, как и в опытах без применения ДНФ.

1051

	Без Д	lΗΦ	СД	НФ	Увеличение гликогена		
№№ • <b>О</b> ПЫТОВ		r	ликоген в мг на	1 г срезов			
	г. б. г.	б. г.	г.	б. г.	без ДНФ	с ДНФ	
1 2 3 4	50,4 23,65 11,21 68,5	46,7 21,52 9,35 66,4	53,9 23,02 11,53 69,1	50,4 20,86 9,4 67,15	3,7 2,13 1,86 2,1	3,5 2,16 1,93 1,95	

АТФ в μг 10-Р на 1 г срезов

NºNº	исходн.	сД	НФ	контроль		
Опытов		г.	б. г.	г.	б. г.	
1 2	65 70	10 12	8 15	24 20	28 24	

В настоящее время хорошо известно, что энергия процессов дыхания глетки трансформируется в энергию макроэргических фосфатных связей что имеются так называемые диссоциирующие яды (динитрофенол, азид гатрия и др.), которые лишают дыхание способности обеспечивать выработку огатых энергией фосфорных соединений. Из литературных данных также гзвестно, что средние дозы ДНФ (10<sup>-4</sup>) вызывают уменьшение запасов клеточной АТФ, так как не происходит ее ресинтеза (5,4).

Из этих данных видно, что наблюдавшийся нами синтез гликогена в средах печени при инкубировании их с глюкозой происходил независимо от ексокиназной реакции и действия  $AT\Phi$ . Если бы наблюдаемые нами явления были связаны с указанной реакцией, тогда в опытах с ДНФ синтез глисогена не должен был бы идти, или он был бы значительно ниже, чем в опытах без ДНФ. Присутствие этого яда в инкубационной смеси в применяемых нами концентрациях ( $2 \cdot 10^{-4}$ ) вызывает понижение тканевой  $AT\Phi$ , как указывают данные, приведенные в нижней части табл. 1. Однако и в пробах без ДНФ количество  $AT\Phi$  было достаточно низкое; это объясняется, по-вицимому, тем обстоятельством, что при инкубировании срезов печени в атлосфере воздуха (а не кислорода) снижалось дыхание.

Положение о том, что синтез гликогена из глюкозы в печени может проекать без участия гексокиназы, фосфоглюкомутазы и фосфоролазы, было

юказано нами в опытах с экстрактами печени.

Исследование этих препаратов печени показало, что они содержат незнапительное количество гликогена (табл. 2). Эти экстракты совершенно не обладают фосфоролазным действием, а фосфоглюкомутазная их активность была выражена либо очень слабо, либо полностью отсутствовала. Тем не менее гликоген в этих экстрактах синтезировался. Так, из данных табл. 2 зидно, что гликоген, содержащийся в этих препаратах в количестве от 1,34 до 2 мг в 1 мл, возрастает после инкубации с глюкозой в 1,5 —2 раза. Наиболее сильное накопление гликогена наблюдалось в опытах №№ 1 и 3.

Нагревание экстрактов при 100° в течение 10 мин. полностью уничтожало пособность этих препаратов синтезировать гликоген. В этих опытах (так же как и в последующих) мы использовали разведенные экстракты, содержацие очень небольшие количества гликогена, увеличение которого во время инкубации было особенно заметно. В табл. 3 показано, что при инкубации

Фосфоролазная и фосфоглюкомутазная активность "спиртовых" экстрактов печени и синтезирующего гликоген действия

Инкубационная смесь: для исследования фосфоролазы экстракт + гликоген; для исследования фосфогл комутазы и синтезирующего действия фосфоролазы: экстракт + глюкозо-1-фосфат

		Фосфоролаза							Гликоген (в мг на 1 мл)		
NºN <u>e</u>	фосфоролитическое действие			синтезирующее дей- ствие			преврашение г-1-ф в труд-				
препа- ратов	до инк.	1,5 ч. инк.	-офосфо	до инк.	1,5 ч. инк.	ногидролиз.	ролиз.	до инк.	1,5 ч. инк.	нарастаниф гликогена	
	убыль ра		нараст		нарастание фосфора	до инк.	1,5 ч. инк.				
1 2 3 4	60 77 120 90	59 80 125 91	0 0	71 100 60 88	75 98 62 90	0 0 0 0	0 0 0 0	6 0 8 0	1,34 1,54 2,0 1,83	2,41 2,55 3,2 2,55	+1,07 $+1,05$ $+1,2$ $+0,72$

Таблица 31

Влияние нагревания на активность спиртовых экстрактов (условия опыта те же) Обозначения: a — гликоген в мг на 1 мл,  $\delta$  — неорганич. фосфор в  $\mu$ г на 1 мл

		Время инкубации											
Исследуе-	0	ч.	30 мин.		60 1	мин.	120 мин.						
экстракты	а	•б	·б a		а	б	a	б					
№ 1 № 1	0,100	37,5	0,150	40	0,360	38	0,540	45					
(нагр.)	0,120	<del></del>	0,122	districts	0,125		0,110	-					
№ 2	0,195	45	0,200	50	0,270	40	0,360	47					
№ 2 (нагр.)	0,180		0,175		0,200	almena	0,190						

экстракта с глюкозой в нем происходит увеличение количества гликогена в то время как после нагревания это действие экстракта совершенно не обнаруживается. Увеличение количества полисахарида происходит с разног интенсивностью через различные промежутки времени (табл. 3). Максималь ное действие наблюдается через 1 час, а затем оно ослабляется. Параллель ное исследование неорганического фосфора, которое не изменялось за те жи промежутки времени, являлось контролем на отсутствие фосфоролазного действия изучаемых экстрактов.

Образование гликогена в экстрактах печени не связано с изменением содержания в них редуцирующих фосфорных эфиров, каковыми являют. ся преимущественно гексозо-монофосфорные эфиры (3). Из данных табл 4 видно, что эти экстракты содержат довольно большие количества ука занных соединений, однако содержание их существенно не изменяется (как и неорганического фосфора) при увеличении количества гликогена Эти данные также указывают на то, что механизм синтеза гликогена не связан с действием гексокиназы-фосфоролазы.

Таким образом, на основании опытов как со срезами, так и с экстрактами печени можно сделать вывод о том, что в печени превращение

1056

# Синтез гликогена и содержание фосфорных эфиров в экстрактах печени (условия опыта те же)

∴ №№ "нытов	Редуцирующие фосфорные эфиры (в мг в 1 мл)			Неорганический фосфор (в µг в і мл) время инкубации			Гликоген (в мг в 1 мл)		
	0 мин.	30 мин.	6 0 мин.	0 мин.	30 мин.	60 мин.	0 мин.	30 м.	60 м.
1 1 2 2 8 3 4 4	0,435 0,580 0,620 0,675	0,460 0,589 0,600 0,660	0,490 0,590 0,610 0,670	60 50 77 47	65 58 78 50	70 59 72 51	0,1 0,135 0,215 0,105	0,195 0,180 0,410 0,270	0,340 0,470 0,485 0,315

слюкозы в гликоген происходит не только через гексокиназу, фосфоглюкомутазу и фосфоролазу, но и другим путем, механизм которого нам лока неизвестен и является предметом наших дальнейших исследований.

> Поступило 22 VII 1955

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> Н. Rепоld и др., J. Biol. Chem. **204**, 533 (1953). <sup>2</sup> Н. П. Мешкова, С. Е. Северин, Практикум по биохимии животных, 1950, стр. 170. <sup>8</sup> Р. М. Бекина, А. Н. Петрова, Биохимия, **20**, № 4 (1955). <sup>4</sup> Н. П. Лисовская, Биохимия, **20**. <sup>225</sup> (1955). <sup>5</sup> G. Н. Мыdgе и др. J. Biol. Chem., **210**, 965 (1954).

#### Е. Л. РОЗЕНФЕЛЬД и И. С. ЛУКОМСКАЯ

## О ВОЗМОЖНОСТИ СУЩЕСТВОВАНИЯ В ПЕЧЕНИ ПОЛИСАХАРИДА, ОТЛИЧНОГО ОТ ГЛИКОГЕНА

(Представлено академиком А. И. Опариным 25 VII 1956)

Нами было показано, что в различных животных тканях имеется энзим, расщепляющий 1,6-связи в декстране с образованием глюкозы этот энзим был назван нами декстран-1,6-глюкозидазой (1,2). Декстран глюкозидаза отличается от всех ранее известных энзимов, расщепляющих 1,6-связи в гликогене и продуктах его распада, и имеет, по-видимому, са мостоятельное значение. Широкое распространение этого энзима в живот ных тканях указывало на возможность существования в животном организ

Таблица 1.

Сбраживаемость кислотного гидролизата "водного" полисахарида

(редукция в миллиграммах глюкозы на 1 мл)

	Время инкубации				
	) ч.	5 ч.	24 час.		
Контроль (дрожжи)	0	0	0		
Гидролизат поли- сахарида	5,1	2,2	0		

Примечание. Около 20 мг полисахарида +1 мл 5%-й  $H_2SO_4$ ; гидролиз при  $100^\circ$  2,5 ч. Нейтрализация насыщенным  $Ba(OH)_2$ . Объем центрифугата доводится до 3 мл. Контроль: 3 мл воды +1 мл фосф. буф. (pH 5,5) +100 мг дрожжей. Опыт: 3 мл. гидролизата +1 мл фосф. буф. (pH 5,5) +100 мг дрожжей.

ме полисахаридов типа декстрана. Нами были получены препараты

полисахаридов, отличающиеся по свомим свойствам от гликогена.

Препараты получались из печени «водным» и «щелочным» методами. На первом случае печень размельчаласт и подвергалась получасовому кипячению с равным по весу количеством воды. Полученный после центрифугирования экстракт оставлялся с раствором слюны на 1—2 суток в термостате после чего белки осаждались трихлоруксусной кислотой и удалялись, а раствор подвергался длительному диализу для удаления продуктов растщепления гликогена амилазой.

Во втором случае печень подвергалась гидролизу с помощью 40%-го: КОН. Гидролизат нейтрализовался, подвергался диализу,после чего из него описанным выше способом удалялся гликоген и продукты его распада. К диализатам прибавлялся спирт. Полученные осадки очищались много-

кратным переосаждением спиртом и затем высушивались в вакуум-эксикаторе над хлористым кальцием. Полученные вещества («водный» и «щелочной» препараты) хорошо растворялись в воде, не содержали азота. Водный раствор их давал интенсивное окрашивание с антроновым реактивом, но не давал иодной реакции.

Полный кислотный гидролиз 5%-й соляной или серной кислотой приводил к распцеплению полисахарида на 96—100% с образованием глюкозы. Глюкоза идентифицировалась хроматографически и по сбраживаемости

1058

ожжами (Schizosaccharomyces Pombe Lindner\*. Сбраживаемость гидровата мы определяли по убыли редукции и хроматографическим методом.

ак видно из данных табл. 1 и из ис. 1, через 24 часа наблюдалось лное сбраживание глюкозы.

При неполном кислотном гидролиполисахаридов в 0,5 н НС1 на хроатограммах наблюдалось преобладаие изомальтозы над мальтозой. В анаогичных опытах с препаратами глиогенов наблюдалась обратная картиа. Это свидетельствовало о том, что оличество 1,6-глюкозидных связей в олученных нами полисахаридах знаительно больше, чем в препаратах ликогенов.

Полученные препараты подвергаись действию декстранглюкозидазы. ак показывают данные, приведенные табл. 2, «щелочной» и «водный» репараты расщеплялись декстранлюкозидазой в значительно большей тепени, чем это имело место для преарата «клинического» декстрана — Лакродекса.

Полученные препараты отличались пособностью в незначительной сте-

Таблица 2

Расщепляемость различных полисахари-дов препаратом декстранглюкозидазы бычьей селезенки

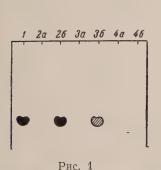
		Расще	
Препарат	Навеска в мг*	B MF LJHO- KO3EI	в %
Макродекс "Щелочной" поли-	6,88	2,06	30
сахарид	7,41	6,90	93
"Водный" полиса- харид	7,28	5,66	78

Примечание. Инкубационная смесь: около 18 мг полисахарида + 1,0 мл  $0.2~{\it H}$  ацетатн. буф. (pH  $4.8)+1.5~{\rm мл}$  препарата энзима. Инкубация  $48~{\rm ч}$ .

ени расщепляться слюнной α-амилазой. Однако расщепляемость их милазой была во много раз меньше расщепляемости гликогенов в тех

ке условиях опыта (рис. 2).

Таким образом, в печени кроликов в виде примеси к гликогенам (примерно около 4—5%) обнаруживается полиглюкозид, отличающийся от гликогена значительно более высоким содержанием 1,6-глюкозидных связей и, по-видимому, иным строением.



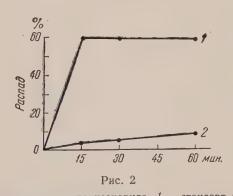


Рис. 1. Сбраживание дрожжами гидролизата «водного» полисахарида. 1— стандарт глюкозы; 2a, 3a, 4a — дрожжи (контроль) соответственно до инкубации, через 5 и 48 час.; 26, 36, 46 — дрожжи + гидролизат соответственно до инкубации, через 5 и 48 час.

Рис. 2. Расщепляемость слюнной α-амилазой гликогена (1) и «водного» полисахарида (2)

Можно было бы предположить, что исследованные нами полисахариды являются α-декстринами, образовавшимися при действии амилазы на гликоген печени. Известно, однако, что исчерпывающий амилолиз ветвистых

<sup>\*</sup> По данным кислотного гидролиза.

<sup>\*</sup> Ответственный штамм дрожжей был получен из института микробиологии AH CCCP.

полисахаридов приводит к образованию полисахаридов, коэффициент полимеризации которых не превышает 8—9 (3,4). Подобные олигосахарид в наших опытах удаляются диализом. Для более крупных α-декстрино не характерно было бы столь значительное преобладание 1,6-связера процентное содержание их в препаратах могло бы быть крайне незначительным.

Вопрос о природе выделенных нами полисахаридов может быть окончтельно решен лишь после выяснения их структуры, что и является предмотом наших дальнейших исследований.

Лабор атория физиологической химии Академии наук СССР Поступило 19 VII 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> Е. Л. Розенфельд, А. И. Шубина, А. А. Кузнецов, ДАН, 10 115 (1955). <sup>2</sup> Е. Л. Розенфельд, И. С. Лукомская, Биохимия, **21**, 3 (1956) <sup>3</sup> М. Swańson, J. Biol. Chem., **172**, 805 (1948). <sup>4</sup> К. Муграск, Е. Will taedt, Arkiv Kemi., **7**, 403 (1954).

БИОХИМИЯ

#### Б. И. ХАЙКИНА

# СОДЕРЖАНИЕ И ОБМЕНИВАЕМОСТЬ ОТДЕЛЬНЫХ ФРАКЦИЙ ГЛИКОГЕНА В ТКАНИ ГОЛОВНОГО МОЗГА

(Представлено академиком А. В. Палладиным 11 VII 1956)

Вопрос о содержании и роли отдельных фракций гликогена в тканях ивотного организма изучен еще недостаточно. Возможность образования помплексных соединений гликогена с различными белками, липоидами и ирами был показана Пржилецким и сотр. (1-3). Е. Розенфельд (4,5) изучала соединения гликогена с белком.

Работы отечественных (6-9) и зарубежных исследователей (10-12) показали, го интенсивность гликогенолиза в мышечной и печеночной тканях зависит э столько от общего содержания гликогена, сколько от содержания легкотрудноизвлекаемого гликогена, или, как эти фракции часто называют,

зободного и связанного гликогена.

Предыдущими нашими исследованиями (13-15) были установлены измезения в содержании этих фракций гликогена в ткани головного мозга при

азличных функциональных состояниях.

Таким образом, в настоящее время можно считать доказанным существоание в тканях как свободного гликогена, так и гликогена, связанного с разичными веществами. Однако роль каждой из этих форм гликогена в обмене еществ еще не выяснена: соответствующие литературные данные очень ротиворечивы, что, по-видимому, связано с применением недостаточно соершенных способов выделения гликогена из тканей (горячая вода, кислота).

Это побудило нас заняться исследованием химической природы и содерсания отдельных фракций гликогена в ткани головного мозга, а также их оли в обмене веществ. Мы начали свою работу с исследования как содерсания в головном мозгу общего гликогена, так и содержания свободного

ликогена и гликогена, связанного с липоидами и белками.

Подопытными животными служили морские свинки. Головной мозг екапитированного животного быстро извлекался из черепной коробки, амораживался в жидком воздухе и измельчался. При определении общего одержания гликогена и содержания гликогена, связанного с белками, мы применяли гидролиз щелочью (30%-м КОН). Затем гликоген осаждался пиртом. Полученные осадки тщательно промывались 60%-м и 75%-м пиртом, а затем два раза горячей смесью хлороформа и метанола и, наконен, эфиром. Высушенный осадок растворяли в воде.

Конечное определение гликогена проводилось по цветной реакции его антроном. При сравнении результатов определения гликогена двумя методами (с антроном по Моррису (16) и с феррицианидом по Хагедорн — Иен-

ену) мы не обнаружили заметных различий.

Гликоген, связанный с липоидами, определяли следующим образом: замоюженная ткань головного мозга экстрагировалась спиртом на водяной бане 100°) в течение 10 мин. Осадок отделялся центрифугированием и последоательно экстрагировался два раза смесью спирта и эфира (3:1) и затем, при нагревании с обратным холодильником, 2 раза в течение 60 мин. смесью станола и хлороформа (1:1) и эфиром.

1061

Все органические растворители собирались и подвергались отгонко Полученный осадок гидролизовали в 10%-м КОН. После 3-часового гидролиза на водяной бане (100°) охлажденные гидролизаты переносились в делительную всронку и липоиды извлекались несколько раз 10-кратным сбремом серного эфира. Гликоген, находящийся в водной вытяжке, выделял добавлением спирта.

Количество гликогена, связанного с липоидами, в среднем равно 16 мг (средняя величина из 7 опытов), что составляет 23% от общего содержани

гликогена, равного 70 мг% (рис. 1).

Определение фракции свободного гликогена мы производили путем экстрагирования водой осадка, остающегося после извлечения из ткани головного мозга липоидов органическими растворителями. Вместе с липов

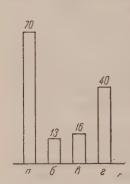


Рис. 1. Содержание фракций гликогена в ткани головного мозга морской свинки (в мг  $\phi$ ):  $\alpha$  — общий гликоген,  $\delta$  — свободный гликоген,  $\epsilon$  — связанный с липоидами,  $\epsilon$  — связанный с белками

дами при вышеуказанном споссбе извлечения органическими растворителями удаляется глюкоза и фофорные эфиры гексоз. Как правило, последние в контрольных опытах не обнаруживались.

Гликоген в свободном состоянии в ткани мозга об наруживается в небольшом количестве — 13 мг% (см рис. 1). Содержание его примерно составляет 18% со общего количества гликогена. Те же небольшие количества свободного гликогена мы обнаруживали пропределении его в ткани головного мозга другимметодами, о чем будет сообщено отдельно.

Основная масса гликогена в мозгу связана белками. На его долю приходится 40 мг% или около 60% всего гликогена.

Гликоген, связанный с белками, определялся остатке после экстрагирования ткани мозга органическими растверителями и водой.

В свете этих наших данных о значительном содержании в мозгу гликогена, связанного белками, ста новятся понятными результаты гистохимических исследований Сато (17); он обнаружил в ткани мозга, на ряду с истинным гликогеном, дающим окраску с иодом

еще гликоген, который не давал реакции с иодом и который он назва псевдогликогеном. Надо полагать, что псевдогликоген Сато является ком плексным соединением гликогена с белком.

Выяснение вопроса о том, с какими белками связан гликоген в ткан головного мозга, явится нашей дальнейшей задачей.

С целью выяснения физиологической роли вышеуказанных отдельны фракций гликогена, мы предприняли изучение интенсивности обменивае мости этих фракций, использовав радиоактивный углерод. На высокую интенсивность обмениваемости гликогена в ткани головного мозга указывала М. Прохорова (18).

С этой целью мы исследовали скорость включения меченого углеродт в отдельные фракции гликогена головного мозга после введения животны:

радиоактивной глюкозы.

Радиоактивная гликоза, которую мы получали фотосинтезом, вводи лась под кожу из расчета  $2~\mu \text{к}$  на 100~г веса животного. Экспозиция был 90~мин.

Активность углерода гликогена определялась после соответствующе очистки гликогена в осадке на металлических мишенях с помощью торцо вого счетчика. Скорость включения выражали в виде удельной активност: (число импульсов в 1 мин. на 1 мг гликогена).

Как выяснилось, наибольшую удельную активность обнаруживает свободный гликоген. Обмениваемость его значительно выше, чем гликогена связанного с липоидами, и во много раз больше, чем гликогена, связанного с белками. Так, в среднем, скорость внедрения радиактивного углерод 1062

гликоген для всего гликогена равна 64 имп/мин, а для свободного глиогена 711 имп/мин; для гликогена, связанного с липоидами, 257 имп/мин, для гликогена, связанного с белком, 49 имп/мин.

Таким образом применение радиоактивной глюкозы позволило выявить азличную скорость включения С<sup>14</sup> в отдельные фракции гликогена, что

эворит о неодинаковой физиологической значимости этих фракций.

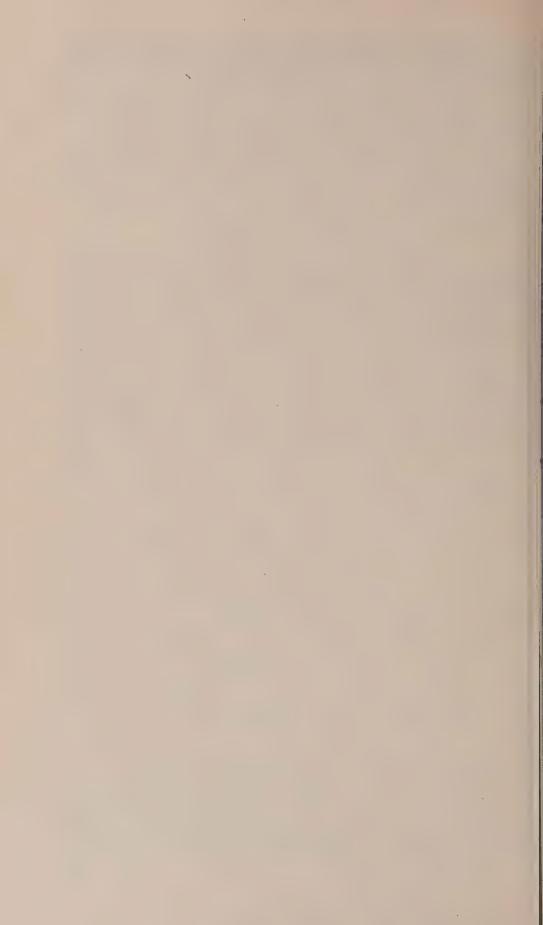
Полученные нами данные о том, что наибольшей интенсивностью обмеиваемости обладает в головном мозгу свободный гликоген, говорят в польу заключения, что физиологически наиболее активной является фракция зободного гликогена.

Институт биохимии Академии наук УССР

Поступило II VII 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

¹ St. Przylecki, M. Grynberg, Biochem. Zs., 248, 11 (1932) ² St. Przylecki, O. Rafaloska, Biochem. Zs., 277, 427 (1935). ³ St. Przylecki, K. aymir, Biochem. Zs., 240, 98 (1931); 271, 174 (1934). ⁴ Е. Л. Розенфельд, Биоминя, 13, 306 (1948). ⁵ Е. Л. Розенфельд, Е. Г. Плышевская, Биохимия, 1, 161 (1954.) ⁶ М. Ф. Гулый, С. И. Новикова, Укр. биохим. журн., 12, 473 (938). ⁻ Б. М. Колдаев, Р. М. Гельман, Укр. биохим. журн., 16, 329 (1940). А. М. Брейтбург, Физиол. журн. СССР, 30, 613 (1941). ⁶ А. М. Генкин, Биоминя, 11, 155 (1946). ¹⁰ W. Bloom, G. Lewis, M. Schumpert, T. Schen, Biol. Chem., 188, 631 (1951). ¹¹ W. Bloom, G. Knowlton, Am. J. Physiol., 73, 545 (1953). ¹² J. Russel, W. Bloom, Am. J. Physiol., 183, 345 (1955). Б. И. Хайкина, Е. Е. Гончарова, Л. А. Михайловская; Укр. биохим., курн., 24, 39 (1952). ¹⁴ Б. И. Хайкина, Е. Е. Гончарова, Сборн. Биохимия, 41. А. Михайловская, ДАН, 96, 347 (1954). ¹⁶ D. Моггіз, Science, 107, 254 (1948). ¹¹ Т. Sato, Ber. Ges. Physiol., 60, 453 (1931). ¹в М. И. Прохоова, Сборн. Биохимия нервной системы, Киев, 1954. стр. 87.



ГЕОЛОГИЯ

#### T. B. ACTAXOBA

## К ВОПРОСУ О СТРАТИГРАФИЧЕСКОМ ПОЛОЖЕНИИ СЛОЕВ С DORICRANITES

(Представлено академиком Д. В. Наливкиным 25 VI 1956)

Род Doricranites до сих пор известен только из трех пунктов — из нижнеприасовых отложений горы Богдо в Прикаспии, хребта Каратау на полуэстрове Мангышлак и Туаркыра в Туркмении. В разрезах горы Богдо и Туаркыра Doricranites встречается примерно на равном удалении (200— 1300 м) от видимого основания разреза нижнего триаса, на Мангышлаке же он

приурочен к самым низам его.

Вопрос о возрастном положении слоев Doricranites занимал многих исследователей, начиная с конца 19 в. Впервые палеонтологическое обоснование возраста дорикранитовых слоев горы Богдо было дано Е. Мойсисовичем (5), который на основании находок Tirolites cassianus Qu. среди богдоанских Balatonites (впоследствии выделенных Хайятом (Hyatt) в новый род, названный им Doricranites) отнес соответствующие отложения к кампильским слоям, т. е. к верхам скифского яруса. Стратиграфическое заключение Е. Мойсисовича о возрасте балатонитовых, читай дорикранитовых, слоев долгое время не вызывало сомнений или возражений.

В 1931 г. И. А. Ефремов (2) впервые выступил против этой точки зрения Е. Мойсисовича и предложил значительно понизить возраст дорикранитовых слоев, основываясь на находках на горе Богдо совместно с Doric-

ranites черепа Capitosaurus.

Спустя несколько лет, в 1936 г., в результате изучения нижнетриасового разреза хр. Каратаучик на Мангышлаке с обильной фауной цератитов, М. В. Баярунас (1) высказал ту же точку зрения на возраст дорикранитовых слоев, что и И. А. Ефремов, базируясь, во-первых, наочень примитивном характере лопастной линии Doricranites и, во-вторых, на самом низком положении слоев с ним в разрезе мангышлакского триаса, в частности на положении их ниже слоев с X enodiscus и Ophiceras. На основании этих данных М. В. Баярунас приравнял дорикранитовые слои к отоцерасовым слоям индийского профиля и единственным местом их в стратиграфической колонке считал самые низы пижнего триаса, т. е. низы сейсских сло-

ев скифского яруса.

В 1939 г. А. Н. Мазарович (4) высказал противоположную М. В. Баярунасу точку зрения о возрасте дорикранитовых слоев и вернулся к положениям Е. Мойсисовича. Анализируя многочисленные факты, противоречащие отнесению дорикранитовых слоев горы Богдо к самому началу триаса, А. Н. Мазарович приходит к выводу о более молодом их возрасте, нежели низы нижнего триаса и относит их к средним зонам его, т. е. к верхам сейсских или низам кампильских слоев, сопоставляя их с микоцерасовой или псевдосагецерасовой зонами Индии. Синхронизировать дорикранитовые слои Мангышлака и горы Богдо, по мнению А. Н. Мазаровича, не следует на основании их различного фаунистического содержания (полное отсутствие, как тогда было известно, представителей рода Tirolites и пелеципод в слоях с Doricranites на Мангышлаке). Таким образом, род Doricranites, по А. Н. Мазаровичу, не является зональным, а появившись в начале нижпего триаса (как на Мангышлаке), он продолжает существовать и в средних зонах его (как на Богдо), т. е. его вертикальное распространение колеблется в больших пределах, охватывая всю первую половину нижнего триаса.

В последнее время такого же взгляда на возраст дорикранитовых слоев

придерживаются Л. Д. Кипарисова и В. С. Курбатов (3) на основании изучения нижнетриасового разреза Туаркыра и его фауны из дорикранитовы слоев.

Как мы видим, относительно возраста дорикранитовых слоев суще ствуют две точки зрения: согласно одной считается, что дорикранитовые слои являются самыми низами нижнего триаса, т. е. основанием сейсских слоев и сопоставляются с отоцерасовыми слоями Индии; согласно другог дорикранитовые слои относятся к среднем зонам нижнего триаса, т. е. верхам сейсских или низам кампильских слоев и синхронизируются с зоной Meekoceras или Pseudosageceras Индии.

Наши данные о геологии хр. Каратау на Мангышлаке дают основание для уточнения стратиграфического положения дорикранитовых слоев. На Мангышлаке род Doricranites встречается в основании цератитовой свитн нижнего триаса, которая трансгрессивно ложится на вишнево-красную сланцевую толщу с отдельными пластами крупнозернистого песчаника и красного гравийного конгломерата, завершающую долнапинскую свиту

условно относимую к верхней перми.

им фауны в своих работах он не дает.

Как правило, дорикраниты встречаются в толще мощностью в среднем 55—70 м, причем всегда они начинаются с самых нижних горизонтов, при мерно с 10 м от основания разреза. Дорикранитовая пачка, прекрасно вы держиваясь по простиранию вдоль контакта с отложениями перми, при

дает этому горизонту значение маркирующего.

Подстилаются слои с Doricranites конгломератово-известняково-слаиневой пачкой мощностью в среднем 6—10 м, являющейся базальной. Она сложена темно-зелеными песчанистыми сланцами с несколькими известняковыми прослойками, не содержащими фауны, и двумя-тремя линзовиднымы прослоями мелкогалечного, типа гравия, конгломерата из хорошю окатанной гальки преимущественно красноцветных пород подлежащей долнапинской свиты и в меньшем количестве из пород включающих ее, имея при этом зеленый цемент. Кроющими горизонтами дорикранитовых слоев являются слои с Meekoceras и Pseudosageceras, имеющие важное значение для построения схем параллелизации разрезов нижнетриасовых отложений, поскольку эти чисто пелагические формы, приуроченные лишь к одной возрастной:

зоне, имеют мировое горизонтальное распространение. Горизонт с Doricranites на Мангышлаке не является, как считали ранее, чисто дорикранитовым. В нем, помимо различных видов Doricranites, найдены представители рода Tirolites, среди которых типичный Tirolites cassianus Qu., новые виды рода Oleneskites, а также обильная фауна пелеципод, представленная здесь 13 видами: Anodontophora fassaensis Wissm., Andontophora canalensis Cat, Pseudomonotis inaequicostata Ben., Pseudomonotis decidens Bitt., Pseudomonotis tridentina Bitt., Pseudomonotis multiformis Bitt. Pecten alberti Goldf., Pecten minimus Kipar., Myophoria curvirostris Schl., Gervillia exporrecta Leps., Posidonia wengensis Coss., Avicula ussurica Kipar., Gervillia mytiloides Schloth. Фаунистическое содержание дорикранитовых слоев на Мангышлаке не позволяет считать их аналогом слоев Otoceras — Ophiceras индийского профиля. В пользу подобного разрешения этого вопроса свидетельствует и тот факт, что представители вышеназванных родов, т. е. Otoceras и Ophicerras, а также Xenodiscus на Мангышлаке полностью отсутствуют. Проверить фаунистические данные

Одним из критериев, согласно которому М. В. Баярунас был склонен отнести Doricranites к стратиграфически самым низким представителям нижнетриасовой фауны, он, как уже сказано, считал простое строение его лопастной линии. Однако, по современным представлениям, лопастная линия в отрыве от остальных характерных черт раковины не может служить основой для подобных суждений, так же как и для выделения нового вида. Ее

М. В. Баярунаса относительно наличия этих форм на Мангышлаке не представляется возможным, так как ни изображения, ни описания собранной

гледует рассматривать лишь в комплексе со всеми другими внешними признаками раковины: общей формой, поперечным сечением оборотов, кульптурой и т. д. На наш взгляд, лопастная линия Doricranites не являетчя совершенно примитивной лопастной линией гониатитового типа, поскольсу на ее лопастях очень часто можно наблюдать хорошо заметную зубчаость, что является одним из основных признаков отнесения рода Doriranites к цератитам. Лопастная линия Doricranites очень близка по строению ; лопастным линиям некоторых родов цератитов, которые характеризуют зерхние и средние части нижнетриасового разреза.

Возраст дерикранитовых слоев на Мангышлаке определяется средними онами нижнего триаса, поскольку в их 70-метровой толще были найдены Cirolites, обычно характеризующие в Европе верхнюю часть нижнего триаса гли среднюю часть его, как в Тиморе, Албании и на горе Богдо, и новые виды рода Oleneskites, также указывающие на верхние зоны нижнего риаса. Это подтверждается и фауной перечисленных выше двустворчатых з дорикранитовых слоев Мангышлака, которая также свойственна отнюдь е низким горизонтам нижнего триаса, а скорее всего указывает на сред-

ие горизонты его.

Слои с Doricranites Мангышлака по своему фаунистическому составу чень близки к богдинской свите горы Богдо, где среди фауны Doricranites ыли встречены Tirolites и аналогичная мангышлакской фауна пелеципод. ходная фауна цератитов и пелеципод связывает также дорикранитовые лои Мангышлака и Туаркыра. Поскольку возраст дорикранитовых слоев Богдо и Туаркыра установлен более или менее определенно как верхнеейсский, то, производя палеонтолого-стратиграфическое сопоставление пижнетриасовых разрезов Богдо, Туаркыра и Мангышлака, мы приходим эпять-таки к заключению о более молодом возрасте дорикранитовых слоев

Мангышлака, нежели самое основание триаса.

Таким образом, никак нельзя признать дорикранитовые слои Мангышлака замыми нижними горизонтами сейсских слоев и сопоставлять их с отоцеэасовой зоной Индии. Наоборот, на основании комплекса вышеизложенных цанных можно настаивать на синхронизации их со слоями Meekoceras инцийского профиля, т. е. с верхней частью сейсских слоев скифского яруса. Следовательно, род Doricranites ограничивается в своем вертикальном распространении лишь одним стратиграфическим горизонтом, которым на Богдо, Мангышлаке и Туаркыре является дорикранитовый горизонт, этносимый к середине нижнего триаса, т. е. к верхней части сейсских

Принимая во внимание, что дорикранитовые слои на Мангышлаке харакгеризуют средние зоны нижнего триаса и считая, что подстилающая их красноцветная долнапинская свита является верхнепермской, мы прихоцим к заключению о существовании в данном районе на границе триаса и перми перерыва осадкснакопления, который охвагил самое начало нижнего триаса вплоть до его средины, когда пришедшая сюда трансгрессия обусловила образование известняков с фауной цератитов и в первую очередь дорикран гтов. О наличии здесь перерыва между триасом и пермью свидегельствуют также, по нашему мн н но, конгломераты долнапинской свиты Р) и базальная пачка цератитовой (Т). Скорее всего, имевший место на Мангыш лаке перерыв осадкснакопл ния связан с пфальцкой орогеничекой фазой герцинской складчатости, интенсивно проявленной на Урале, усской платформе и Кавказе. Поступило

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> М. В. Баярунас, Изв. Акад. наук СССР, сер. геол., № 4, 539 (1936). И. А. Ефремов, Тр. Палеозол. инст. Акад. наук., І, 57 (1932). <sup>3</sup> Л. Д. Киарисова, В. С. Курбатов, Изв. АН СССР, сер. геол., № 6 (1952). А. Н. Мазарович, Уч. зап. МГУ, в. 26 (1939). <sup>5</sup> Е. Мојзі sovi cs, Die Lephalopoden der mediterranen Triasprovinz, Abh. d. K.-K. Geol. Reichsanst., Wien, 0. 1882.

ГЕОЛОГИ;

#### А. Б. ВИСТЕЛИУС

# СХЕМА РАЙОНИРОВАНИЯ СОВРЕМЕННЫХ ОТЛОЖЕНИЙ ВОСТОЧНОГО КАВКАЗА И СЕВЕРНОГО ПРИКАСПИЯ ПО ИХ МИНЕРАЛОГИЧЕСКОМУ СОСТАВУ

(Представлено академиком Д. В. Наливкиным 23 VI 1956)

1. Целью настоящей статьи является составление схемы районирований по минералогическому составу современных, в основном аллювиальных отложений на территории от верховьев р. Куры до низовья р. Урала.

Материал для статьи собран в период с 1948 по 1954 г. в маршрутах

совершенных параллєльно с другими геологическими работами.

2. Изучались пробы песков и алевритов, взятые из современных отложений. Пробы брались в речных долинах, преимущественно в верхней части отмелей и кос. В случае отсутствия таковых отбор производился на берегу, у уреза воды. Пробы промывались последовательно три раза, послечего серый шлих разделялся в бромоформе и изучался обычными шлихоз выми методами.

При составлении схемы районирования границы между провинциями проводились путем интерполяции между точками опробования; специфика гидрографической сети и геологического строения не учитывалась. Такик образом, излагаемые результаты носят схематический характер.

3. Двигаясь с севера на юг, можно выделить следующие провинции

в составе современных отложений.

I. Северная ильменитовая провинция — шлих богат ильменитом, много граната и эпидота, систематически в небольшом количестве присутствую дистен и ставролит. Основная масса песка сложена кварцем. Занимает территорию от р. Урала до устья р. Кумы, образуя два языка, выступающие на юг. Один язык вдается в Манычскую депрессию, второй — проходя вос точнее западного берега моря, уходит на юго-восток в сторону о-ва Тюлены его, огибая о-в Чечень с севера и востока. В пределах провинции выделяется хромитовая подпровинция, характеризующаяся постоянным присутствием в ней хромита (не менее 1,5—2% от массы шлиха). Хромитовая подпро винция занимает северную часть дельты Волги, ее русло до Каменного Яра побережье моря до меридиана Ново-Богатинска. Восточнее граница подпро винции поворачивает к Новобогатинску и проходит от него на р. Урал юж нее Яманхалинки. С юга, запада и востока подпровинция окружена обычны ми осадками ильменитовой провинции. Материал ильменитовой провинци: поступал из Приуралья, с Мугоджар, где развиты дистенсодержащие, су щественно кварцевые породы, и отчасти с Русской платформы. Хромито вая подпровинция образована за счет загрязнения материала ильменито вой провинции хромитом из молодых отложений, куда он попал за сче размыва мелколежащих в сводах соляных куполов отложений перми 1 триаса (1).

II. Западная ортопироксеновая — намечается по единичным пробам в среднем течении р. Кумы, богатым ромбическими пироксенами. Образована размывом основных эффузивов Приэльбрусского района. На востоке

и юго-востоке, возможно, сливается со следующей провинцией.

III. Северная ортопироксеновая — обилие ромбических пироксенов, пісокое содержание магнетита, присутствуют гранат и иногда эпидот; о Арагви и верховьям Терека голубой корунд в неэлектромагнитной фракии, содержащейся в небольшом количестве. Основная масса — обломки инистых сланцев, филлитов, эффузивов. Протягивается от устья Арагви Ксани до верховий Б. Лиахви, верховья Терека, Сунжа, Терек, ниже Червенной и его дельта до Черного Рынка и района восточнее Ст. Бирюзяка. родукты размыва основных эффузивов Кельского плато и Казбека.

IV. Северная клинопироксеновая — количество моноклинных пирокнов превышает, а в типичном образце подавляет содержание ромбических. характерном образце много граната, легкая фракция светлая, богата квар-.эм. Устье Малки и отдельные пробы Теречного аллювия между Малкой Червленной. Весь аллювий Терека на этом участке оставляет впечатлене наложенных осадков ортопироксеновой провинции на более древние гложения северной клинопироксеновой, характерной для низовьев Малки. озможно, провинция образована за счет размыва эффузивных толщ в райне Нальчика, согласно В. П. Ренгартену, сложенных кислыми породами.

V. Южная ильменитовая — острова светлых богатых кварцем песков э шлихом, обогащенным ильменитом, рутилом, гранатом, всегда содержацих ставролит и иногда дистен. Долины рр. Аксая и Акташа с районами их азлива, узкая полоса к северу от разлива вплоть до Ст. Терека у ел. Персидский, долина р. Шура-Озень. Продукты переотложения чокракких и караганских осадков, слагающих предгорья северо-восточного Каваза.

VI. Пирит-лимонитовая — с устойчивым минералом. Главную массу ілиха слагают пирит и ильменит. Количество пирита выше в верховьях ек, количество лимонита — близ их устья. Основная масса осадка — обомки глинистых сланцев. Бассейны Самура, Сулака, Аргуна, Пшавская рагва, верховья Иоры и Алазани. На северо-востоке слагает Аграханскую осу и остров Чечень, где ныне перерабатывается в северную ортопироксеовую провинцию. В бассейне Сулака — практически лишена ромбичеких пироксенов, которые отсутствуют и на юге Аграханской косы; аллюий Самура содержит небольшое количество их. В основном продукт переныва сланцевой юры в осевой части Главного Хребта.

VII. Северная магнетитовая — количество магнетита резко превышает соличество пироксенов. Иногда встречается большое количество ильненита и эпидота. Легкая фракция сложена в основном обломками пород. Эхарактеризована малым числом точек и поэтому выделяется условно. Занимает нижнюю часть южного склона Главного Хребта, среднее течение Алазани и Иоры и районы к северу от долины Куры в ее средней и нижней гасти. Образована за счет перемыва меловых и третичных отложений.

VIII. Южная клинопироксеновая — полимиктовые пески богатые в легкой фракции обломками пород, плагиоклазами, присутствует в очень малом количестве жильный кварц. В шлихе моноклинные пироксены, как правило, иного магнетита, иногда магнетита больше, чем пироксенов, но всегда их содержания либо соизмеримы, либо больше пироксенов. В небольшом колиестве присутствует эпидот, оливин в верховьях Куры содержится в целых троцентах, следы его сохраняются до Пиразы. Занимает долину Куры с низовьями Аракса, Иоры и Алазани, район Ахалциха, Акстафы и, видимо, травые притоки Куры до Тертера включительно; бассейн Храми.

ІХ. Южная магнетитовая — резкое преобладание магнетита в шлихе над остальными минералами, в частности моноклинными пироксенами. Основная масса полимиктового состава. Намечается в верховьях Раздана по Дзорагету и Машавере. Возможно, что, наряду с другими, представлена з значительной мере продуктами размыва мела, по наблюдениям В. П. Ренгартена, содержащего магнетитовые пески. Несомненно участие продуктов размыва эффузивов.

Х. Южная ортопироксеновая — высокое содержание ромбических пи-

роксенов, много магнетита, иногда в незначительном количестве базал тические роговые обманки. В отдельных районах (Вардзия) повышенн содержание оливима. Основная масса — полимиктового состава. Распр

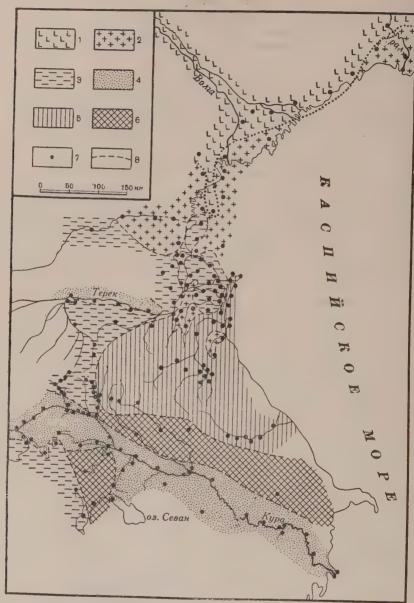


Рис. 1. 1 — существенно кварцевые пески с хромитом; 2 — то же с ильменитом, рутилом, гранатом и ставролитом и (или) дистеном; 3 — полимиктовые пески в шлихе наиболее распространены ромбические пироксены; 4 — полимиктовые пески — в шлихе наиболее распространены моноклинные пироксены; 5 — полимиктовые пески, богатые обломочным пиритом и (или) лимонитом; 6 — полимиктовые пески — в шлихе наиболее широко распространен магнетит; 7 — точка наблюдений; 8 — границы провинций

странение — Кура выше впадения Джавахетской Куры, Ахалкалакской плато, Алагёз и его окрестности.

Пространственное распределение отмеченных провинций дано на рис. 1. Выделенные провинции резко делятся на две группы: с существенно кварцевой легкой фракцией — сюда относятся северная и южная ильме-

товые провинции и провинции, в которых основиая масса песков полимиктого состава, близкого к грауваккам. Сюда относятся все остальные выпенные провинции. В пределах выделенных провинций в целом намечают гипы, отмеченные в предыдущем изложении, но между провинциями имеют постепенные переходы. Возможен также переход в пределах одной провиции к породам другой и наоборот. Эго особенно относится к Закавказью, за часто трудно сказать, куда относится проба по содержанию магнетита моноклинных пироксенов, так как соотношения между ними меняются оточное оконтуривание провинций затруднительно.

4. Изложенное показывает:

(а) Для восточного Кавказа в целом характерно обилие моноклинных и ногда, для молодых отложений, ромбических пироксенов, магнетита, остоянно присутствует эпидот. Районы развития сланцевый юры дают маючал, резко обогащенный пиритом и продуктами его окисления. Такие нералы, как ильменит, рутил, гранат, дистен, ставролит имеют в предех Закавказья ничтожное распространение.

б) Размыв чокракских и караганских слоев реками, русла которых почти ликом выработаны в чокракских и караганских слоях, приводит к обраванию шлейфа из переотложенного среднемиоценового материала на знательной площади. Состав продуктов перемыва среднего миоцена весьма

изок к составу его коренных пород.

(в) В ряде случаев распространение типичных минеральных ассоциай указывает на значительное изменение гидрографической сети в последвремя, что, вероятно, связывается с современными движениями.

числу измененных русел относятся:

(1) Терек от устья Малки до Червленной перерабатывает более древнее сло, вероятно, принадлежавшее ранее Малке. Сам Терек ниже г. Орджокидзе, вероятно, соединялся с Сунжей, как это предполагалось А. Л. ійнгартом, на что любезно обратил внимание автора В. П. Ренгартен.

- (2) Нижнее течение Терека, а также Аксая и Сулака носило меридиольный характер с впадением Терека в море у Черного Рынка или севере, Аксая и Акташа у Кизляра (немного восточнее его) и Сулака в вершине раханского залива. Современные широтные части низовьев указанных с, в частности Новый Терек и низовья Сулака, чрезвычайно молодые разования.
- 3) Аграханская коса и, может быть, остров Чечень представляют бывюю дельту Сулака, сложенную материалом, вынесенным им из пиритмонитовой провинции. Практическое отсутствие в шлихе из песков в новании Аграханской косы ромбических пироксенов указывает на их Сукское происхождение и делает мало вероятным образование за счет акмуляции выносов Самура. В настоящее время север Аграханской косы особенно запад Чеченя претерпевают трансформацию минерального става с переработкой его в осадки северной ортопироксеновой провини.

г) От района Оленичево до Астрахани, Каменного Яра и восточнее до рала у Яманхалинки располагается область неглубокого залегания оми и триаса. Последние размывались в период образования третичных древнечетвертичных отложений, из которых продукты их размыва попа-

ют в современные отложения.

д) Окисление пирита в процессе его переноса течением рек может перецить часть железа в подвижную форму.

Лаборатория аэрометодов Академии наук СССР Поступило 20 VI 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> А. <sup>1</sup>Б. Вистелиус, Сборн. статей, Лаб. аэрометодов, посвящен. Н. Г. Келлю, <sup>14</sup>, стр. 20.

#### **Б. А. КОРЖЕНЕВСКИЙ**

## О НЕКОТОРЫХ ГЕОМОРФОЛОГИЧЕСКИХ ЧЕРТАХ ХРЕБТА КАРАТАУ НА МАНГЫШЛАКЕ

(Представлено академиком Д. В. Наливкиным 25 VI 1956)

Со времени работ Н. И. Андрусова и М. В. Баярунаса стало известн что хребет Каратау на Мангышлаке сложен пермотриассовыми осадочным накоплениями. Это в главной массе песчано-глинистые породы с редко починенным количеством известняков, нередко ракушняков. Вся толща в сколько первых тысяч метров внутри себя имеет два перерыва. Она диси цирована в систему антиклинальных и синклинальных складок, места с очень крутыми углами падения. Породы испытали некоторый метамо физм, заметно падающий в восходящем разрезе.

Еще Н. И. Андрусов отметил, что на этих дислоцированных пород был разработан пенепленовый рельеф. Данное положение указанный авт оставил без развития. Наши двухлетние (1954 и 1955 гг.) исследован в хр. Каратау дали возможность собрать материал, проливающий дал

нейший свет на строение и особенности этого хребга.

Рельеф Каратау разработан на палеозойских и триасовых породах широко вскрыт на площади около 800 км². Несомненно, что он испыт некоторую переработку, сохранив, однако, все свои первичные особенност

Главнейшей чертой каратауского рельефа является этажность древни поверхностей выравнивания или пенепленов и сочетание палеотипных кайнотипных форм. Термин «палеотипный рельеф» мы встречаем в работ С. С. Кузнецова (4,5) и К. К. Маркова (6), которые характеризуют его и реликтовый, унаследованный. Типичными формами этого рельефа являюся: волнистые равнины, превосходно разработанные русла древних водот ков, останцовой природы холмы. Все это на значительной высоте над соврменным базисом эрозии.

Древие поверхности выравнивании хр. Каратау расположены несколкими этажами или ступенями. Как известно, хребет Каратау теперь состс из трех морфологически самостоятельных массивов: Каратаучика, Запаного и Восточного Каратау. На Каратаучике хорошо развиты две ступе поверхностей выравнивания, которые являются гипсометрически самы низкими на всем Каратау. Их высотные отметки колеблются следующобразом: первый этаж — 100—140 м, второй этаж — 160—200 м.

В пределах хребта Западный Каратау, расположенного восточнее к ратаучика, первый этаж планации не встречается, зато второй этаж пол чает значительное развитие на южном склоне западной части хребта, где достигает высоты 200—240 м. Поверхность выравнивания третьего этах (270—360 м) протягивается вдоль всего хребта Западный Каратау, заним большую часть его западной половины, а местами небольшими узколокал зованными участками прослеживается по периферии восточной половин хребта. Средняя часть массива занята четвертой поверхностью выранивания, лежащей на высоте 400—420 м и, наконец, пятая поверхносты выравнивания, представленная незначительными по площади участкам вблизи горной группы Отпан в сравнении с поверхностями выравнивания

ижних этажей. В пределах Восточного Каратау мы уже не встречаем анастов ни первой, ни второй поверхности выравнивания и лишь весьма неличельно развита поверхность выравнивания третьего этажа, располанощаяся на западном окончании его, на абсолютной высоте 260—320 м. новная площадь этого огромного массива занята четвертой поверхностью равнивания с высотами 340—420 м и, наконец, в виде резко ограниченх по площади останцов, группирующихся в основном вблизи горной туппы Бесчоку,—пятая поверхность выравнивания—460—500 м (рис. 1).

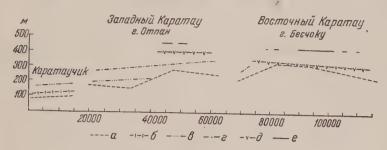


Рис. 1. Схема расположения древних поверхностей выравнивания в продольном сечении хр. Каратау на Мангышлаке: a — профиль подошвы хребта,  $\delta$  — поверхность выравнивания первого этажа,  $\epsilon$  — поверхность выравнивания третьего этажа,  $\delta$  — поверхность выравнивания четвертого этажа,  $\epsilon$  — поверхность выравнивания пятого этажа,  $\epsilon$  — поверхность выравнивания пятого этажа

Древние поверхности выравнивания представляют часто идеальные равны со следами мягко очерченных древних долин и отдельными сглаженми гривками, удержанными крепкими пластами песчаника или линзами элочно-белого кварца, а также небольшими скалистыми грядами из плотых сильно кливажированных песчаников, которые местами делаются

лее значительными и создают некоторые неровности рельефа.

Кроме вышеупомянутых слабо выраженных поверхностей, иногда групыми, а иногда в одиночку на равной поверхности плато возвышаются весьа значительных размеров вершины, среди которых могут быть названы рные группы Отпана (533,1 м) на Западном Каратау, Бесчоку (555,3 м), ра Джалпахчи (528 м) на Восточном Каратау и ряд других возвышенногей, которые представляют внушительные эрозионные останцы, пощаженые процессами денудации, приведшими к образованию поверхностей выравивания.

На оформление характерных палеотипных черт рельефа Каратау (отпреарированные древние поверхности выравнивания, палеотипные долины) аложили ясные отпечатки как энергетически активные, так и энергетиски пассивные факторы, в результате которых и были образованы близкие нынешним палеотипные формы рельефа. Силами эрозии, денудации и бразии были выработаны обширные многоэтажные поверхности выравнизния, которые в результате проявления новейшей тектоники были подяты на различную высоту, явившись, таким образом, результатом суммиования воздействий активных дифференцированных подвижек и встречого расчленяющего действия эрозии.

Во всех трех массивах Каратау структурность рельефа является неоспоимой, поскольку препарировка пород в соответствии с условиями их алегания и различной стойкостью по отношению к размыву достигает есьма большой выразительности, что дает ясное представление о том, то скульптурные формы имеют большее значение в дифференциации рельфа, чем активно тектонические, что, конечно, не дает права считать рельеф (аратау только или главным образом скульптурным, так же как и только

ектоническим.

Об упрощении денудационных форм поверхностей выравнивания мс ской абразией в верхнеюрское и сарматское время ясно свидетельству останцы юрских и сарматских отложений на древних поверхностях выра нивания в пределах Восточного Каратау. Нет сомнений, что поверхнос планации разработаны давно и составляют палеотипную часть релье Каратау, что подтверждается также и тем, что наиболее высокие поверхнос выравнивания приурочены к ядерным частям главных структур Каратау Отпанской и Бесчокинской антиклиналям, сложенным наиболее крепки из всего каратауского комплекса — пермскими породами.

Возраст пенеплена в целом — до-юрско-нижнемеловой. После древи киммерийской фазы горообразования, когда были окончательно сформир ваны структуры Каратау и когда последний был выведен на древную поверь ность, он представлял, по-видимому, остров с глубоко врезанными залвами, занимавшимися нижнеюрскими бассейнами. Этот остров просущ ствовал до верхнеюрского времени, когда Каратау испытал локальную трангрессию и абразию и был частично покрыт водами Юрского моря. Вторуч локальную трансгрессию Каратау испытал в сарматское время. О наличи этих трансгрессий свидетельствуют останцового типа горизонтально лежк щие останцы юры и сармата на Восточном Каратау. После сармата хребы Каратау вошел в состав возникшей суши, обнявшей весь нынешний Маг. гышлак.

Историю развития палеотипного рельефа хребта Каратау можно подраз

делить на четыре основных этажа:

Первый — заложение пенеплена. Временем заложения следует считат век, предшествовавший отложению пестроцветных осадков нижней юры В своей первоначальной форме это чисто денудационное образование.

Второй — продолжение формирования пенеплена, и, как отмечалос: выше, наложение на него, на отдельных участках, влияния морской абра зии. Время проявления — граница доггера — мальма.

Третий — скульптурно-денудационный, который имел место от верхнев

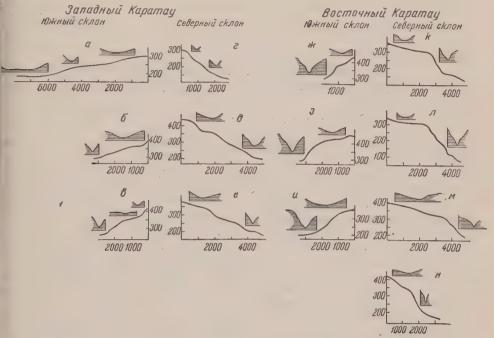
юры до сармата.

Четвертый — денудационный, а в ряде мест денудационно-абразионный!

Средний сармат.

Равнинный характер пенепленов нарушается глубоковрезанными хо рошо разработанными долинами — «саями», которые (это особенно резка выражено всюду на северном склоне) переходят в нижней своей части в на стоящие глубокие до 50—80 м, а иногда и больше, ущелья с круто (до 15° падающим порожистым тальвегом. Эго так называемый кайнотипный рельеф являющийся другим элементом геоморфологии горных стран и морфоло гически выраженный отрицательными формами: ущельями и долинами Врезаясь в палеотипный пенеплен, они расчленяют его. Кайнотипные формы отчетливо указывают на недавние движения земной коры. Эго ис ключительно ярко подчеркивается одной замечательной чертой рельефа Каратау, заключающейся в тсм, что очень многие современные долины или саи составлены из двух частей: верховой плоскодонной и низовой — ущельем (рис. 2). Верховые части долин представляют древние плоскодонные стар ческие эрозионные формы, которые были сформированы на поверхности пенеплена в эпоху его низкого положения относительно базиса эрозии. Низовья — молодые образования, глубоко врезанные в породы в связи с подня тием пенеплена. Наблюдатель видит типичное явление обращенного рель ефа. Эти ущелья тянутся иногда на несколько километров, многократно меняя направление и пропиливая породы то вкрест, то по простиранию Рассекая породы вкрест простирания, ущелье часто представляет узкук щель. Заканчиваясь порожистым уступом, оно резко меняет направление и идет по простиранию пластов, становится более широким и приобретае более спокойный профиль тальвега. Таким образом, получается много ступенчатая лестница. Этот молодой, кайнотипный рельеф прокладывается к современному базису эрозии — Каспийскому морю.

Наиболее постоянных ступеней в ущельях насчитывается три: на высоте 10—250 м, 300—350 м и 380—400 м. Во всех случаях они являются резульмом скачкообразных поднятий, отражающих новейшую тектонику этого ийона. Они хорошо просматриваются почти во всех саях, особенно северюго склона хребта. Помимо крупных уступов, часто встречаются и небольме, с относительной высотой до 2—5 м пороги, сильно усложняющие пофиль тальвега саев.



тс. 2. Схематические продольные и поперечные профили долин—саев хр. Каратау на Мангырлаке: a — Сауле-сай,  $\delta$  — Битан-Тоган,  $\delta$  — у вершины 421,5 м,  $\epsilon$  — Карадуан-сай,  $\delta$  — гогез-сай,  $\epsilon$  — Арпала-сай,  $\kappa$  — у вершины 442,4 м,  $\epsilon$  — Агачты,  $\epsilon$  — у вершины 460,1 м,  $\epsilon$  — Жолтимес,  $\epsilon$  — ур. Куркрук,  $\epsilon$  — Ак-тас,  $\epsilon$  — Б. Кызыл

Кайнотипный рельеф следует считать послесарматским, а уступы — синронными террасами в «каппах» и на склонах хребта Актау. Говорить о олее точном возрасте пока можно лишь относительно. При решении этого опроса надо принять во внимание имеющиеся лёссовые накопления, котоые представляют остатки общего лёссового покрова на палеотипном рельфе. Вероятнее всего накопление лёсса отнести к ледниковому отделу четертичного периода и именно к риссу, как времени наибольшего оледенения усской равнины, когда лёсс мог приноситься с северо-запада, с Русской авнины спускавшимися с ледниковых полей мощными воздушными потолями.

Поступило 21 VI 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

1 Н. И. Андрусов, Тр. Ком. Моск. с.-х. инст. по исслед. фосфоритов, сер. 1, 3 (1911). В Н. И. Андрусов, Тр. Арало-Касп. экспед., вып. VIII. Тр. СПб. общ. естеств., 7 (1915). В М. В. Баярунас, Изв. Имп. Акад. наук, сер. VI, 5, № 5 (1911). С. С. Кузнецов, Изв. Всесоюзн. Геогр. общ., 78, в 4 (1946). С. С. Кузнецов. Уч. зап. пед. инст. им. Герцена, Каф. геол. и минер., 54, (1947). К. К. Мар. ов, Вопр. географии, сборн. 3 (1947).

ГЕОЛОГИ)

#### А. И. ОСИПОВА

## О СТРАТИГРАФИЧЕСКОМ ЗНАЧЕНИИ ФАУНЫ КАПЛАНБЕКСКОГО КОМПЛЕКСА ПАЛЕОГЕНА СРЕДНЕЙ АЗИИ

(Представлено академиком Н. М. Страховым 27 VI 1956)

Отложения морского палеогена Средней Азии подразделены О. С. Вя ловым (4) на два отдела и восемь ярусов: согдийский отдел (бухарский сузакский ярусы), ферганский отдел (алайский, туркестанский, риштанский, исфаринский, ханабадский и сумсарский ярусы). Бухарский ярусов. С. Вяловым охарактеризован фауной так называемого капланбекской комплекса, в котором преобладают представители родов Corbula (Cuneocorbula), Modiola, Cardita и Cerithium (5,6). Характерной особенностью этог комплекса является видовое однообразие при большом количестве индивидов, а также мелкорослость форм. Приуроченность этой фауны к гипсоном ным карбонатным осадкам показывает, что она обитала в соленых лагунах Широкое распространение фауны капланбекского комплекса определилиего стратиграфическое значение.

В дальнейшем в отложениях бухарского яруса был найден второй ком плекс моллюсков, названный каратагским, значительно более разнообразный по составу и представленный формами крупных размеров. Среди ниприсутствует ряд видов, обитавших в палеоценовых морях Поволжья, Закавказья и Крыма: Cyprina morrisi Sow., Nemocardium cf. semidecussatum Koen. Turritella kamyschinensis Netsch., Gryphaea antiqua (Schwetz) и др. (13, 6, 3)

Пересматривая вопросы стратиграфии палеогена Ферганы и Таджик ской депрессии, С. Н. Симаков пришел к заключению, что оба эти комплек са не являются ассоциациями одного стратиграфического горизонта, ка полагали до последнего времени, а приурочены к двум различным горизон там: капланбекский — к более низкому, каратагский — к более высокому Опираясь на некоторые новые палеонтологические данные, С. Н. Симако счел возможным отнести все местонахождения фауны каратагского комплекс к следующему, сузакскому, ярусу палеогена, а отложения бухарского яру са характеризовать только капланбекским комплексом фауны (14).

Исследования последних лет показали, что песчано-глинистые отложения залегающие на гипсах Гознау Ю. Ферганы (табл. 1, I, толща 2),) относятся не к бухарскому ярусу, как считали раньше, а к сузакскому (14,2,1). В связи с этим мною дано новое сопоставление разрезов Ферганской депрессии (11) из которого явствует, что известные ранее местонахождения фауны ка планбекского комплекса (4) приурочены к двум стратиграфическим гори зонтам. Первый из них, представленный гипсами с прослоями доломито (см. табл. 1, II, толща 1), подстилает нижнюю терригенную толщу сузакского яруса, заключающую разнообразную фауну; второй горизонт залегае выше этой толщи и представляет крупную линзу доломитов и доломити зированных известняков с гипсом (горизонт «k» Южной Ферганы, табл. 1 I, толща 3).

Присутствие фауны капланбекского комплекса выше слоев с морског фауной сузакского яруса С. Н. Симаков (14) объяснил тем, что некоторые види 1076

AWONHUMBER	Симаков, 1952	Вялов, 1945	Осипова, 1953	I. Южная Фергана	II. Северо-Восточ- ная Фергана	Осипова, 1953	Вялов	1936, 1945
- 1	A1 <sub>3</sub>	A12	Al <sub>2</sub> <sup>1</sup>	6. Известняки с 7 nensis Rom.	Turkostrea turkesta-	A12	Al <sub>2</sub>	средний
ı		Al <sub>1</sub>	A1 <sub>1</sub>	5. Зеленые мергел Turkostrea	и и устричники с	Al <sub>1</sub>	A1,	эоцен
	Al <sub>2</sub>	Szk	Szk <sub>3</sub>	4. Гипсы с крас- ными и зеле- ными мергеля- ми	4. Красные глины с пластами гип- са	Szk <sub>3</sub>		
	Alı	Bch	Szk <sub>2</sub>	3. Известняки и доломиты с Си- пеосогбила и др. разнообраз- ными моллюс- ками; к Ю. и 3. замещаются песками	3. Известняки с Ostrea hemi- globosa, Gryp- haea errara и др. моллюсками	Szk <sub>2</sub>	Szk	нижннй эоцен
	Szk		Szk <sub>1</sub>	2. Песчано-глинис разнообразными	тые отложения с и моллюсками	Szk <sub>1</sub>		
	Bch	Dn	Bch	1, 1a. Белые гип- сы Гознау	1. Гипсы с прослоями доломита, содержащими Сипеосогbula и др.  1а. Гипсы с прослоями доломи-	Bch	Bch	палео-
					та			

ого комплекса имели более широкий диапазон стратиграфического распроранения — от бухарского до алайского ярусов. Не обсуждая возможной ринадлежности доломитов с капланбекской фауной (толща 3) к сузакому ярусу, С. Н. Симаков причислил их к алайскому ярусу, поставив самым под сомнение стратиграфическое значение фауны капланбектого комплекса, ранее считавшейся характерной только для бухарского руса. Однако имеющийся фактический материал показывает, что капланскогий комплекс фауны ограничен в своем распространении только бутреким и сузакским ярусами.

В табл. 2 приведены списки форм (по определениям О. С. Вялова и В. Ливеровской) из 10 местонахождений, приуроченных к гипсоносным ломитам несомненно бухарского возраста (ср. табл. 1, II, толща 1). Во всех местонахождениях обнаружены только представители родов, наиболее рактерных для капланбекского комплекса: Corbula (Cuneocorbula), odiola, Cerithium; кроме них встречаются лишь редкие Meretrix и Carta. Эта бедная фауна существовала в восточной части Ферганской лагуны, готевшей к Алайскому проливу, через который шло сообщение с Таджиким морем. В западной же половине Ферганской лагуны соленость вод

Названия видов		С <b>В</b> Ферга			(	)В. Рер- гана		на пролив
	1	2	3	4	5	6	7 8	9
Corbula (Cuneocorbula) angulata Lam. Corbula (Cuneocorbula) biangulata Desh. Corbula (Cuneocorbula) triangulata Vial. Corbula (Cuneocorbula) gorizdroae Vial. Corbula (Cuneocorbula) asiatica Vial. Corbula (Cuneocorbula) tur- kestanensis Slodk. Corbula (Cuneocorbula) sp. Modiola jeremejewi Rom. Meretrix sp. Cardita sp. Cerithium ze ravschanensis Vial. Potamides ? romanovskyi Vial. Bulla sp.	+ + + + +	++++++++++++++++++++++++++++++++++++++	cf.	-	+	+++++	ex gr.	ex gr. ex gr. cf.

Местонахождения: 1— Чангырташ; 2— Кызыл-Яр; 3— р. Чангет-б 4— р. Яссы; 5— Кочкар-Ата; 6— р. Абшир; 7— Ялпак-Таш; 8— Сай-Сукулук; бассейн р. Курумды; 10— бассейн р. Кичик-Алай.

была настолько высокой, что отлагались почти исключительно гипст достоверные остатки фауны бухарского яруса здесь пока не обнаружены

В таких условиях не могла обитать фауна, подобная населявшей в б харский век некоторые участки Таджикского моря, где соленость врем нами приближалась к нормальной морской и жили морские ежи, устриши другие разнообразные моллюски (10,15). Именно этими фациальными разничиями и объясняется отсутствие в отложениях бухарского яруса Феганы устрицы Gryphaea antiqua (Schwetz.), столь характерной для одн возрастных отложений Таджикской депрессии (11).

Обратимся теперь к рассмотрению фауны капланбекского комплекс найденной в горизонте «k» Южной Ферганы: Эта фауна, считавшаяся типи ной бухарской и служившая О. С. Вялову (4) для корреляции разрезов Юхной и Северо-Восточной Ферганы, была переопределена в 1952 г. Е. В. Л веровской по новым сборам В. Г. Клейнберга из исфаринского разрез

(см. табл. 1, I, толща 3).

Выяснилось, что, кроме видов, определенных О. С. Вяловым: Modio jeremejewi Rom., Potamides (?) romanovskyi Vial., Corbula (Cuneocorbula angulata Lam., С. asiatica Vial. (4), здесь присутствуют Cuneocorbula bias gulata Desh. и Cerithium zeravschanensis Vial., тоже входящие в капланбеский комплекс, а также представители родов, которые обнаружены в подстлающей толще сузакского яруса (1): это — Arca, Cardita, Cardium и Natic Здесь найдены также многочисленные Solecurtus sp., Lucina sp., Pyramidel sp. и сравнительно редкие Meretrix sp. В более восточных выходах этого я горизонта (разрез Кан) Е. В. Ливеровской определены Cucullaea, Arc Pectunculus, Cardita, Cardium, Parallelodon, Meretrix и Potamides. Находение общих родов устанавливает связь между фауной толщи 2 и толщи Южной Ферганы и позволяет рассматривать фауну из толщи 3 не как тичную ассоциацию капланбекского комплекса, а как сузакскую фауну

<sup>\*</sup> Указание О. С. Вялова (7) на нахождение бухарского известняка в Северо-Западно Фергане (Шайдан-Аштский) не подтвердилось; эти известняки с мелкими ядрами пелеципи гастропод являются аналогами пестроцветной свиты верхнего мела Южной Ферган. В Мурзарабатской котловине и на южном склоне Кураминского хребта отложения бухаского яруса выделяются лишь предположительно (9).

которой в связи с изменившимися условиями обитания появились формы,

нее существовавшие в соленой лагуне бухарского века.

Следует подчеркнуть, что представители родов Pectunculus, Cucullaea Arca, найденные в отложениях горизонта «k» Южной Ферганы (толща 3), лностью отсутствуют (Pectunculus, Cucullaea) или чрезвычайно редки гса) в отложениях алайского яруса Ферганы и Таджикской депрессии 12), тогда как в сузакском ярусе этих регионов они широко распространены 1,3). Эги данные, а также отсутствие в горизонте «k» характерной фауны айского яруса, противоречат отнесению этого горизонта к алайскому ярусу. Для уточнения стратиграфического значения капланбекского комплекса жно знать границы его вертикального распространения. В отложениях айского и туркестанского ярусов Ферганы этот комплекс не обнаружен. еди моллюсков алайского яруса, которые были нами собраны в большом личестве (около 1000 экземпляров), Е. В. Ливеровская нашла только ту из форм капланбекского комплекса — Cuneocorbula biangulata Desh., вичем всего в 3 экземплярах. Из алайского яруса Таджикской депрессии располагали более ограниченным материалом (250 экземпляров моллюов), но среди них Е. В. Ливеровская не обнаружила ни одной формы планбекского комплекса, хотя в алайском веке там находились общире соленые лагуны.

Это позволяет считать, что существование капланбекского комплекса уны в среднеазнатских бассейнах ограничивалось бухарским и сузак-

им веками.

Характер распространения моллюсков капланбекского комплекса в буэском и сузакском ярусах различен. В бухарском ярусе моллюски каппбекского комплекса имеют широкое распространение, встречаясь во й восточной части Ферганской депрессии, в области Алайского пролива, Гаджикской депрессии, Бухаре, Приташкентском районе и в других ластях Средней Азии, в сузакском же ярусе они появляются лишь споралески (пока известны в одном сравнительно маломощном горизонте). еимущественное распространение этих моллюсков в бухарском веке эясняется тем, что лагуны, в которых они могли существовать, занимали ъшие пространства на территории Средней Азии именно в начале палеоовой эпохи. В следующий, сузакский век, когда усилились нисходящие кжения и улучшилась связь с европейской частью палеогенового бассейна, рологические условия приблизились к нормальным морским, и в Ферганм заливе появилась разнообразная фауна моллюсков. Соленые лагуны госительно кратковременно существовали в наиболее обособленных и тководных участках сузакского бассейна, и здесь местами появлялась тиктовая фауна бухарского века.

Суммируя приведенные данные, мы приходим к выводу, что хотя фауна гланбекского комплекса не может служить безусловным показателем сарского яруса, она сохраняет свое руководящее значение для согдийого отдела в целом, причем наиболее характерной она является для бухар-

ого яруса.

Поступило 25 VI 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

1 В. Т. Балахматова, Тр. ВНИГРИ, нов. сер., 73, 171 (1953). <sup>2</sup> Н. К. Быва, Тр. ВНИГРИ, нов. сер., 73, 207 (1953). <sup>3</sup> О. М. Варенцова-Мануй-нко, Тр. ВНИГРИ, нов. сер., 73, 103 (1953). <sup>4</sup> О. С. Вялов, Мелипалеоген Ферл, Изд. АН СССР, 1936. <sup>5</sup> О. С. Вялов, Тр. НГРИ, сер. А, 71 (1936). <sup>6</sup> О. С. лов, Тр. 1 Среднеаз. нефт. конфер., Изд. АН УЗССР, 1945. <sup>7</sup> О. С. Вялов, Н,49, № 4 (1945). <sup>8</sup> Е. В. Ливеровская, Тр. ВНИГРИ, нов. сер., 66, 161 (1953). Е. Минакова, Тр. Инст. геол. АН УЗССР, 2, 143 (1948). <sup>10</sup> Л. В. Минова, Вестн. ЛГУ, 10, 187 (1953). <sup>11</sup> А. И. Осипова, Ферганский залив палеогерто моря, история его развития и условия обитания населявшей его фауны и флоры, Автоерат диссертации, МГУ, 1954. <sup>12</sup> А. И. Осипова, Вопросы геологии Азии, 2, АН СССР, 1955. <sup>13</sup> Б. А. Петрушевский, ДАН, 14, № 2 (1937). <sup>14</sup> С. Н. маков, Тр. ВНИГРИ, нов. сер., 73, 201 (1953). <sup>15</sup> В. Б. Татарский, Уч. ЛГУ, № 189, сер. геол., 6, 90 (1955).

ГЕОЛОГІ

#### л. я. проводников

# О ПРЕИМУЩЕСТВЕ ГЕОКАРТИРОВАНИЯ ПО ГЕОФИЗИЧЕСКИМ ГРАФИКАМ И ВОЗМОЖНЫХ ОШИБКАХ В ГЕОЛОГИЧЕСКИХ ВЫВОДАХ ПО КАРТАМ ИЗОАНОМАЛ

(Представлено академиком Н. С. Шатским 26 VI 1956)

Конфигурация линий изогамм на картах часто рассматривается как раллельная контурам геологических образований. При этом оси магнита аномалий, проведенные на основании рассмотрения карт изогамм, по мают обычно как оси соответствующих геологических тел или структ

Однако в действительности линии изогамм, правило, не параллельны контурам возмуш

щих геологических образований.

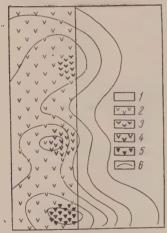


Рис. 1. Возможный вариант соотношения в плане линии геологического контакта и конфигурации изогамм: 1—осадочные отложения; 2—изверженные образования ( $\kappa_1$ ; 3—то же ( $\kappa_2J_2$ ); 4—то же ( $\kappa_3J_3$ ); 5—то же ( $\kappa_4$ ,  $J_4$ ); 6—изогаммы

По картам изогамм обычно невозможно статочно точно проследить контакты геологи ских образований и тектонические нарушен которые четко прослеживаются по график Конфигурация изоаномал часто не отраж даже основной геологической структуры исс дуемого района. Чаще это наблюдается съемках на уровнях, значительно удаленных поверхности возмущающих масс, при болы глубинах залегания фундамента, как наг мер, в Западно-Сибирской низменности, или: чительных высотах полетов. Геологические и такты, нарушения, простирания и оси на ниченных тел, установленные в результате лиза графиков, часто секут линии изогамм и ласти положительных и отрицательных нап жений. Это объясняется тем, что положе прихотливо-сложных изгибов линий изог на карте определяется суммарным эффен полей, наложенных от различных их исто ков, в частности от геологических тел разных форм, разнообразно расположенных в п. и по вертикали (различные глубины и многоэт

ность источников аномалий), а также от сложно дифференцирован по магнитным свойствам ( $\kappa$ ,  $J_r$ ) отдельно взятых тел, например масси

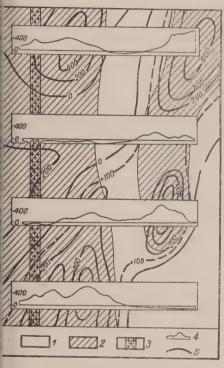
изверженных пород.

Вопреки распространенному мнению, следует отметить, что для из женных пород характериа неоднородность по магнитным свойствам (мально варьирующий характер магнитных графиков), а не магнитная м литность, в природе сравнительно редко встречаемая. Рис. 1, напри иллюстрирует возможный вариант соотношения в плане линии геол ческого контакта и конфигурации изогамм. Последние не параллел прямолинейному контакту изверженных пород с осадочными отложени 1080

отображают разнородный в магнитиом отношении характер строения ссива изверженных пород.

Рис. 2 иллюстрирует несоответствие геологических контуров линиям огамм. Контакт изверженных образований с осадочными отложениями поведен на рисунке по графким  $\Delta Z$ . Изогаммы ограничивают отдельные

помальные участки в пределах изпрженных образований или выделяют ны повышенного поля, являющиеся ммарным эффектом аномальных



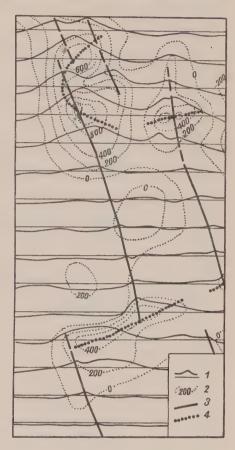


Рис. 2

Рис. 3

4с. 2. Возможное соотношение геологического контакта и линий изогамм: 1 — осадочные отложения; 2 — изверженные образования; 3 — дайка; 4 — графики  $\Delta Z$ ; 5 — изогаммы

ис. 3. Соотношение осей аномалий, проведенных по графикам  $\Delta T$  и карте изогамм, содном из участков Западно-Сибирской низменности: 1— графики  $\Delta T;~2$ — изогаммы; 3— оси аномалий, проведенные по графикам  $\Delta T;~4$ — то же по карте изогамм

частков двух изолированных изверженных тел. При этом изогаммы (0; -100) секут геологические контакты и создают ошибочное представление существовании геологического тела северо-восточного простирания. Отеченная на рисунке дайка проведена по локальной аномалии, прослеживемой по графикам  $\Delta Z$  и не отражающейся на карте изогамм.

На рис. З линии изогамм и аномальные оси, проведенные по карте изоамм, пересекают оси, установленные по графикам  $\Delta T$ . По конфигурации зогамм и направлению аномальных осей, проведенных по карте изогамм, евозможно составить четкое представление о геологическом строении и груктуре участка. Здесь вероятным кажется предположение о развитии тдельных хаотически расположенных интрузивных тел. Предположительые структурно-тектонические простирания на участке можно представить корее как близкие к северо-восточному направлению, т. е. ортогонально направлению аномальных осей, проведенных по графикам  $\Delta T$ . Северо-западное направление осей, установленное по графикам, соо ветствует известному здесь по геологическим данным представлению структуре участка и преобладающему простиранию развитых в этом райок эффузивных и интрузивных образований.

Примеры, аналогичные приведенным, многочисленны в практике призводственных работ и имеются в материалах соответствующих производственных работ и имеются в материалах соответствующих производственных работ.

ственных отчетов.

Таким образом, задачи картирования по магниторазведке значитель полнее и точнее могут быть решены при интерпретации непосредственно ма нитометрических графиков, а не карт изогамм.

Интерпретацию гравиметровых данных также целесообразно произв

дить, прежде всего, непосредственно по графикам силы тяжести.

Карты изоаномал, составленные с учетом данных анализа графиков как и карты со снятыми региональными полями, т. е. карты с выделенным локальными аномалиями, относительно обычных карт изоаномал суммарны полей полнее отображают геологическое строение исследуемых районог Но и по отношению таких карт преимущества остаются за интерпретация графиков.

Благодаря тщательному анализу магнитометрических графиков, например, ряда исследованных районов Западной Сибири, удалось установи простирания основных структурных и тектонических направлений, оказашихся ортогональными тем направлениям, которые были ранее ошибочя

установлены по картам изогамм.

Карты изогамм, как дополнение к графикам, нужны, но их следует вседа рассматривать лишь как вариант геологической интерпретации.

Горно-геологический институт Западно-Сибирского филиала Академии наук СССР Поступило 26 VI 1956

ГЕОЛОГИЯ

#### П. П. ТИМОФЕЕВ

# ГЕНЕТИЧЕСКАЯ КЛАССИФИКАЦИЯ ГУМУСОВЫХ УГЛЕЙ СРЕДНЕГО КАРБОНА ДОНБАССА

(Представлено академиком Д. И. Щербаковым 19 VI 1956)

Разработка и построение генетической классификации углей вообще гумусовых в частности — одна из главнейших задач угольной геологии. Жемчужникову, генетическая классификация должна основываться их природе и происхождении. Под происхождением углей следует понить не только исходный материал, который послужил для их образования, и конечный результат, связанный спроцессом его первичного превращения, зависящего от метаморфизующих агентов, как температура и давление,

вышающих «зрелость» угля (6).

Существующие так называемые генетические классификации гумусох углей среднего карбона Донбасса не являются в полном смысле этого зва генетическими, так как положенные в их основу критерии имеют бознатеный, чем общий характер, вытекающий исключительно из петроафического или химического (совместного или раздельного) изучения угй. Подобные исследования, оторванные от детального фациального аназа вмещающих угли отложений, естественно не могут объективно оценить ль и значение каждого фактора осадко- и углеобразования и установить еди них главнейшие, которыми определялся и регулировался характер направленность процесса первичного превращения исходного растительго материала в торф. Поэтому только посредством совмещения, прежде его литологических углепетрографических и углехимических исследовай с учетом общего геологического развития той или иной области, жно выявить и познать законы формирования углей и угленосных пожений.

Детальное литологическое изучение угленосных отложений (7,11-14) в мплексе с углепетрографическими (1-3) и углехимическими (4,5,10) исслеваниями гумусовых углей среднего карбона Донбасса позволило по-иному, м это делалось ранее, подойти к решению вопроса о построении их генети-

ской класеификации.

Среди углей среднего карбона Донбасса Л. И. Боголюбовой (2,3) по изнаку строения гелефицированного вещества выделено 4 генетических па: 1) клареновые угли с ксиловитрено-витреновым гелефицированным ществом, 2) дюреновые угли со смешанным составом форменных элеменв, 3) клареновые угли с однородным гелефицированным веществом и дюреновые угли со споровым составом форменных элементов. Угли этих пов различаются характером строения и количеством гелефицированного щества, насыщенностью и составом форменных элементов, содержанием озенизированного и кутинизированного типов вещества, их соотношением, одержанием пирита и другими признаками\*.

Генетические типы углей отличаются друг от друга не только петрографиескими признаками, но имеют и неодинаковые химико-технологические

<sup>\*</sup> Подробная их петрографическая характеристика приводится в работах  $\Pi$ . И. Боголювой  $\binom{2,3}{2}$ .

свойства\*. В. В. Видавский и Н. Я. Рябоконева (4), а затем П. Я. Само лович, Е. И. Зайцева, М. М. Лифшиц и др. (5,10) на основании изучения у мико-технологических свойств углей большого количества пластов средне карбона Донбасса установили по степени восстановленности четыре ти углей: а, б, в и вв, где степень восстановленности возрастает от типак к типу вв. Маловосстановленные угли, угли типа а, являются, как правил малосернистыми (до 1,5%), малозольными (до 7%); во всех группах метморфизма они имеют меньшую спекающую способность, меньшую теплосторания и более низкий выход летучих веществ по сравнению с угляютипов вв и в. Восстановленные (тип в) и весьма восстановленные (тип в угли являются многосернистыми (свыше 3%), обычно зольными; во всугруппах метаморфизма они имеют значительно более высокую спекающу способность и более высокий выход летучих веществ по сравнению с угляютипа а. Угли типа б обладают промежуточными свойствами между маловосстановленными и восстановленными углями.

Химическое изучение углей различных генетических типов, выделенны по признаку строения гелефицированного вещества, а также рассмотрен и сопоставление материалов Донецкого угольного института и треста «Артез углегеология» по петрографическому и химическому исследованию угле показало, что угли весьма восстановленные имеют ксиловитрено-витрен вый характер строения гелефицированного вещества, а угли маловосст новленные — однородный характер строения гелефицированного вешь

CTBA (1-3,5,10).

Детальный фациальный анализ угленосных отложений, проводившийс непосредственно в тех же точках, где петрографически и химически иссли довались угли, дал возможность выявить определенную зависимость междленетическими типами углей и циклами-обстановками осадконакоплени Было установлено (11,18), что угольные пласты, представленные первым двумя генетическими типами, связаны с континентально-морскими и со ственно-морскими циклами, а последними двумя генетическими типами с прибрежно-морскими и прибрежно-собственно-морскими циклами. Изгиение этой связи и рассмотрение общего хода среднекарбонового осадки накопления в Донбассе позволили установить главные, ведущие фактог углеобразования. Первым таким фактором являлась продолжительного биохимического разложения растительного материала, вторым — степен обводненности болот, которой определялся химизм их среды\*\*. Разнообразные сочетания этих двух главнейших факторов в различных обстановка осадконакопления привели к образованию углей с неодинаковым характ ром строения и количеством гелефицированного вещества.

В континентально-морских (КМ-I, КМ-II, КМ-III) и собственно-морских (М-III) обстановках, характеризовавшихся различными условиям до и после торфонакопления и непродолжительным разложением исходнов растительного материала, возникали: а) в обводненных застойных болота клареновые угли с ксиловитрено-витреновым гелефицированным вещество (тип А-I) и б) в мало обводненных («сухих») болотах дюреновые угли со смещанным составом форменных элементов (тип А-II). Общим для них служик с и л о в и т р е н о- в и т р е н о в о е г е л е ф и ц и р о в а н н о е в щ е с т в о, которое резко (в 2—3 раза) преобладает над однородным и его количество колеблется от 65 до 50 % в типе А-I и от 35 до 15 % в типе А-II. Кром того, эти угли имеют разнообразный состав форменных элементов, отностельно большое содержание фюзенизированного вещества по сравнени

<sup>\*</sup> Эта характеристика относится к клареновым углям, поскольку дюреновые угли, вви ду их малого развития в среднем карбоне Донбасса, отдельно химически не исследовались \*\* Исходный растительный материал исключен нами из факторов образования углесреднего карбона Донбасса, поскольку работами М. Д. Залесского (8), Е. Ф. Чирковой (15) А. М. Ищенко (9) и др. доказано, что он был фактически одинаковым и не мог в какой-либмере существенно влиять на формирование генетических типов углей.

		Группа Б;	угли с однородным гелефицированным веществом	787 T T T T T T T T T T T T T T T T T T	дюреновые угли со споровы составом форменных	_	- 0		ая основная массэ)	(11)	нообразный		-00	<15 <55	Среднее Низкое		23 среднем 29	В среднем 38,5		. 0.0	0,7	относительно устойчивых слабо проточных торфяных	ибрежно-собственно-
S Rehooms Womnsace -	карбона Донбасса	Fpyr	Угли с однородным геле	THI B-1:	клареновые угля с однородным гелефицированным веществом	подтип Б-1а;		-	Однородный (однородная основная маска)		более одно		<25 H H 3 K		≥65 Bысокое ≥55	В среднем 6,5	- 1	7 В среднем 11	-	0,4 0,7 0,7			прибрежно-морские (M-1, и прибрежно-собственно-
Torrang to	тей среднего карбона,	Группа А; угли с ксиловитрено-витреновым гелефицированным веществом			элементов		кларено-дюрен дюрен	I OSDASOM KOUNDER	и витрен и витрен)	разный		среднее низкое	>35		c1/2	35 Среднем 45	, В среднем 20	CI .	>1	2,2	Мало обводненных (должных)	ONOT	м-1, км-II, Км-III) кве (м-III)
Генетическая классифии	The work of the wo	Груг Угли с ксиловитрено-вятр Веще	Kuspenser, TBn A-I;	Витреновые угли с ксиловитрено- Витреновым гелефицированным			кларен	ксиловитрено-витреновый (главным образом комполи		разнообра	Высокое	>65		≪23   H <sup>H3K</sup> 0e	В среднем 14	- 1	4 В среднем 7	600	2 2 2	OTHOCUTE ME WO TO TO	ных застойных торфяных болот	KOHTHIEHT 3 JB HO-MORGEN	и собственно-морские (M-III)
	DIFORM	тенетические группы углей	Генетические типы м	Jeli	Генетические полтиты	Halfa K	характер строения гелефи-	тродиного вещества	тов		витренового гелефинирован	ного вещества	содержание однородного	тефицированного вещества	содержание фюзенизиро- ванного вещества	содержгние спор и кути	KyJIbi	соотношение фюзенизиро- Ванного и кутинизирования	го вещества	фации		обстановки осадконакопле- ния	
	_				Гев			ши	t TP3	КИУ	ээн Ітд(	итэн	1 L6	Haki T <b>n</b> T	епqп жи <b>,</b> йа	Агле	оно	)		RHHB	CNOE 330B	don	

с кутинизированным (их отношение всегда более единицы) и другие признакк

(табл. 1).

В прибрежно-морских (М-I) и прибрежно-собственно-морских (М-II обстановках, обладавших сходными условиями до и после торфонакопления и длительным разложением исходного растительного материала, образовывались: а) в обводненных застойных болотах клареновые угли с однородным гелефицированным веществом (тип Б-I) и б) в слабо проточных болотах дюреновые угли со споровым составом форменных элементов (тип Б-II). Характерным для этих углей является о д н о р о д н о е г е л е ф и ц и р о в а н н о е в е щ е с т в о, которого в типе Б-I содержится 65—55%, а в типе Б-II 35—10%, т. е. оно здесь более развито по сравнению к ксиловитрено-витреновым. Они имеют также более однообразный состав форменных элементов, пониженное содержание фюзенизированного вещества по сравнению с кутинизированным (их отношение менее единицы) и другие признаки (см. табл. 1).

Таким образом, в ходе исследований было выяснено, что угли с ксиловитрено-витреновым гелефицированным веществом (тип A-I и A-II) образовывались исключительно в континентально-морских и собственно-морских: обстановках. Формирование же углей с однородным гелефицированными веществом (типа Б-I и Б-II) всегда проиходило в прибрежно-морских и прибрежно-собственно-морских обстановках. Это дает нам основание считать, что признак строения гелефицированного вещества, который полностью зависел и определялся соответствующими обстановками осадконакопления,, является генетическим и должен быть положен в основу построения предлагаемой (см. табл. 1) генетической классификации гумусовых углей среднего карбона Донбасса. Поэтому угли четырех генетических типов, выделенных по признаку строения гелефицированного вещества автором (13) по тому же признаку и на основе анализа их связи с циклами-обстановками осадконакопления, объединены в две генетические группы\* — группу углей с ксиловетрено-витреновым гелефицированным веществом и группу углей с однородным гелефицированным веществом.

Геологический институт Академии наук СССР Поступило 16 VI 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> Л. И. Боголюбова, В. С. Яблоков, Изв. АН СССР, сер. геол., № 6 (1951).
<sup>2</sup> Л. И. Боголюбова, Типы гумусовых углей среднего карбона. Атлас микроструктур углей Донецкого бассейна, Изд. АН СССР, 1955, <sup>3</sup> Л. И. Боголюбова, Тр. лаб. геол. угля АН СССР, в. 6 (1956). <sup>4</sup> В. В. Видавский, Н. Я. Рябоконева, Органическая масса донецких углей в связи с их коксующими свойствами. Геол. - хим карта Донбасса, в. 5 (1941). <sup>5</sup> Геолого-углехимическая карта Донецкого бассейна, в. 8, Обоснование построения геолого-углехимической карты Донецкого бассейна, в. 8, Обоснование построения геолого-углехимической карты Донецкого бассейна, 1954. <sup>6</sup> Ю. А. Жемчужников, Л. Н. Ботвинкина, П. П. Тимофевихуглей, 1948. <sup>7</sup> Ю. А. Жемчужников, Л. Н. Ботвинкина, П. П. Тимофеви идр., Атлас литогенетических типов угленосных отложений среднего карбона Донбасса, Изд. АН СССР, 1956. <sup>8</sup> М. Д. Залесский, Очерк по вопросу образования угля, 1914. <sup>9</sup> А. М. Ищенко, Тр. спорово-пыльцевой конференции 1948 г., М., 1950. <sup>10</sup> П. Я. Самойлович, Е. И. Зайцева и др., Уголь, № 8 (1951). <sup>11</sup> П. П. Тимофеве, Изв. АН СССР, сер. геол., № 5 (1952). <sup>12</sup> П. П. Тимофев, ДАН, 93, № 6 (1953). <sup>13</sup> П. П. Тимофев, ДАН, 102, № 4 (1955). <sup>14</sup> П. П. Тимофев, Изв. АН СССР, сер. геол., № 2 (1956). <sup>15</sup> Е. Ф. Чиркова, Природа, № 3 (1937).

<sup>\*</sup> Л. И. Боголюбова (2) также выделяет две генетические группы углей, но в них объединяет генетические типы не по признаку строения гелефицированного вещества, как это сделано нами, а по признаку количественного соотношения гелефицированного, фюзенизированного и кутинизированного вещества. Поэтому ею выделяется группа клареновых и группа дюреновых углей. Такое объединение типов углей в генетические группы не согласуется с общим ходом осадконакопления и не увязывается с его обстановками.

МИНЕРАЛОГИЯ

я. я. яржемский

# ПРЕОБРАЖЕНСКИТ — НОВЫЙ БОРАТ СОЛЕНОСНОЙ ТОЛЩИ ИНДЕРСКОГО ПОДНЯТИЯ

(Представлено академиком Н. М. Страховым 17 III 1956)

При полевом изучении керновых материалов новых скважин, пробуреных иа Индерском поднятии Индерской экспедицией Главгеохимразведки, втором были встречены в июне 1953 г. желваковые образования боратов азмерами около 5×3 см. Прилагаемая фотография (рис. 1) передает доольно отчетливо внешний вид двух желваков в керновых образцах (№№ 1730—1731). В приведенном примере вмещающей породой служит каменная

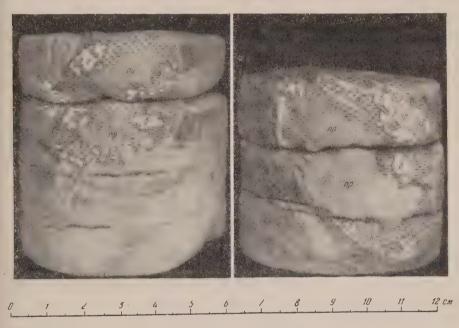


Рис. 1.

оль мелкозернистой структуры, перемежающаяся с тонкими (от долей милиметра до 1,0—1,5 мм) прослойками полигалита. Последние имеют очень иелкозернистую структуру и сложены зернышками полигалита (и редкими — ингидрита) величиной около 0,01 мм. Падение прослоев полигалита и раздетяющих слоев каменной соли под углом около 70°.

Главную массу боратовых желваков, изображенных на рис. 1, составляет лимонно-желтый мелкокристаллический борат (np), твердостью 4,5—5,0. Минерал относится к низшей сингонии, скорее всего — к моноклинной. Рорма кристаллов таблитчатая, уплощенная, видимо, по (100), часто овальная. Округлые очертания обусловлены наличием большого числа мелких раней; этим же объясияется штриховка (рис. 2) кристаллов.  $N_g$  перпендикулярно к длине кристаллов. В сечениях, перпендикулярных к  $N_g$  (рис. 3)— со асимметричных, то правильных, получается коноскопическая фигура

1087

одноосного положительного минерала. Однако в этих сечениях наблюдается косое погасание с углом порядка 25°. Показатели преломления:  $N_g$ — около 1,594;  $N_m \simeq N_p = 1,573 \pm 0,002$  (двупреломление около 0,021).

Желтоватую массу нового бората окружают крупные (до 5—7 мм) бесцветные (водяно-прозрачные) кристаллы калибората (к на рис. 1). Такого (соверживания прозрачного) калибората мы до

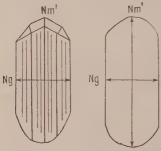


Рис. 2. Таблитчатам форма кристалликов преображенскита. Зарисовка,  $30 \times$ 

(совершенно прозрачного) калибората мы до этого времени еще на Индере не встречали.

В калиборате и близ его контактов с описываемым новым боратом имеются снежно-белые участки и желвачки диаметром до 2 мм очень твердого минерала (б), который оказался почти изотропным борацитом с высокой твердостью.

При последующем изучении нового бората принял участие ряд лиц различных специальностей. Т. К Айдаров (ВНИИГ) спектрографически установил, что в состав бората входят в большом количестве бор и магний. Термографический анализ (рис. 4) был выполнен В. П. Ивановой в термографической лаборатории ВСЕГЕИ На обеих кривых четко выражен эндотермиче-

ский эффект от 540 до 600°, соответствующий выделению 15-16 °,  $H_2$ О, что подтверждено данными о потере веса образца, определенной с помощью термовесовой установки конструкции ВСЕГЕИ. При 730-750

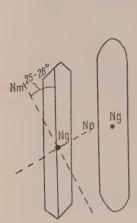
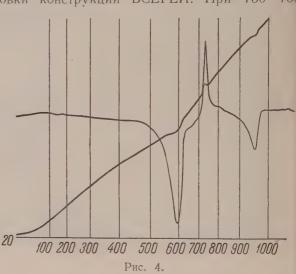


Рис. 3. Разрезы кристалликов преображенскита, изображенных на рис. 2, перпендикулярные к  $N_{\it g}$ 



получен характерный вообще для всех боратов, очень резкий экзотермический эффект, сопровождающийся сильным уплотнением вещества и спеканием в твердую массу. От 900 до 950° — четкий эндотермический эффект, причина которого неясна.

Кривая нагревания нового бората имеет специфически присущий ей вид

и отличается от кривых нагревания всех других боратов.

Рентгенометрическое изучение минерала выполнено В. И. Апполоновым (ВНИИГ).

В результате сравнения наиболее интенсивных линий по их межплоскостным расстояниям  $\left(\frac{d_{\alpha}}{n}\right)$ с рентгенограммами, приведенными в определителе, оказалось, что ни один из известных минералов группы боратов не имеет сходства с данным. Таким образом, и этот метод показывает, что мы 1088 гимеем дело с новым боратом, большое число линий на рентгенограмме которого свидетельствует о его низкой симметрии.

В память неутомимого исследователя соляных богатств СССР Павла Ивановича Преображенского (13.І.1874 г. — 10.ІХ.1944 г.)

борат назван преображенскитом.

При широко проводящихся поисковых и разведочных работах в пределах Индерского поднятия после открытия преображенскита в 1954 и 1955 гг. имели место многочисленные дополнительные находки преображенскита в различных участках, преимущественно в породах сильвинит-галитовой пачки соленосной толщи центральных и восточных площадей Индерского лоднятия. В результате изучения материалов теперь уже выделяется несколько разновидностей преображенскита. В разрезе скважины № 1989 он сразу встречен в трех модифика-

1) Коричневатая преображенскитовая порода сохраняет тонкую слоистость и является наименее раскристаллизованной из всех ее разновидностей. Она имеет микроточечную агрегатную структуру. По-видимому, это одна из самых ранних структур преображенскита, близкая, вероятно, к той, которая получилась в процессе начальной стадии перекристаллизации еще более раннего, почти коллоидного вещества. Сохранившаяся тонкослоистая текстура свидетельствует о выпадении преображенскита в твердую фазу во время образования осадков в солеродном бассейне, а не о каком-либо эпигенетическом его происхождении. Эта порода по внешнему виду очень похожа на ангидритовую.

2) Темно-серый преображенскит в виде линз в темно-серых (почти черных) галопелитах имеет микрозернистую, местами мелкозернистую структуру, сходную с той, которая наблюдается у халцедона. Эта порода легко скоблится ножом. Она несколько отчетливее перекристаллизована по сравнению с только что описанной коричневой преображенскитовой породой. Местами встречаются вытянутые ланцетовидно-веретеновидные зерна размером до 0,1 мм по длинной оси в точечно- и мелкоагрегатной массе, но еще не появилось отчетливо выраженных чечевицеподобных образований, характерных для преобра-

женскита.

3) Лимонно-желтый (иногда почти бесцветный) преображенскит представляет собой третью, в сильной степени перекристаллизованную разновидность. На изломе порода блестит, потому что она сложена сравнительно крупными (от 0,1 до 0,5 мм) более или менее изометрическими зернами и таблитчатыми кристалликами преображенскита, достигающими в длину до 1,5 мм (при ширине 0.4 мм). Эта разновидность преобра-

, oi	:										Hep. oct.	Вода**	* *		80	Эквиваленты	Thi	OT B M E	Отношение	)B
образца	SOs	ਹੋਂ	Br	B <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	CaO	MgO	SiOs	R <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	₹.	*eZ	COM. KECH. BEIT.	rarp.	гигр. крист.	Сумма	MgO	B <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	Н <sub>2</sub> О крист.	MgO	B <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	H <sub>2</sub> 0
2267	2267 Не об-	0,82	0,008	0,82 0,008 60,91	0,01	20,82	0,13	0,13 0,11	0,25 0,38	0,38	90,0	0,20	0,20   14,30   98,00   0,516   0,832	98,00	0,516	0,832	0,794	೯೦	20	4,5

аблица

проверены воды и кристаллизационной воды определены и дважды расчета на сильвинит. Na определен по разности из Количества гигроскопической BCEL

химиком-аналитиком

кварцевой трубке

1089

женскита легко скоблится ножом, а при лежании на воздухе образег лимонно-желтого преображенскита нередко становится рыхлым с поверх.

ности и крошится при надавливании пальцами.

По лимонно-желтой разновидности преображенскита скважина № 1989 прошла 0,7 м, и керновый материал представляет собою почти чистую мономинеральную породу. В связи с этим здесь был отобран материал для химического анализа, который выполнен в геохимической лаборатории ВНИИГа Е. М. Петровой и В. П. Ерехович (см. табл. 1 — в весовых %).

Таким образом, приведенный анализ дает формулу преображенскита

3 MgO · 5 B<sub>2</sub>O<sub>3</sub> · 4,5 H<sub>2</sub>O.

4) В последнее время обнаружены в различных скважинах крупные (до 10 мм и более по длинной оси) бесцветные уплощенные кристаллы преображенскита, которые представляют собой, по всей вероятности, продукт дальнейшей собирательной кристаллизации этого минерала. Они не образуют сплошной породы, а встречаются в бороносной каменной соли в виде отдельных кристаллов — то единичных, то расположенных группами. Установить, когда происходили, в основном, эти явления перекристаллизации: на диагенетической или на эпигенетической стадиях, пока еще не представляется возможным.

5) В январе 1956 г. Н. К. Воробьевым был прислан автору образец чрезвычайно своеобразного «преображенскита с иниоитом», как указывалось

в сопроводительном письме.

Этот преображенскит представляет собою белую с легким голубоватым оттенком мелкозернистую мраморовидную породу. Она отобрана в соленосной толще близ самого соляного зеркала в разрезе пород, вскрытых скважиной№2182. Величина зерен до 0,25мм, обычно меньше. Верхний показатель преломления у данной (несколько более твердой) разновидности, на 0,002 выше, чем у других его разновидностей, а именно:  $N_g = 1,596$ ;  $N_p$  тоже несколько повышается (с 1,573 до 1,576, т. е. на 0,003)\*. Описываемая белая прочная преображенскитовая порода менее раскристаллизована по сравнению, например, с описанной выше лимонно-желтой его разновидностью. В образце имеется трещинка толщиной от 0,5 до 1,5 мм, по которой прошла интенсивная иниотизация преображенскита. В более или менее изометрических зернах новообразованного иниоита, достигающих величины 0,3 мм. сохранилось еще много остаточных (реликтовых) мелких зернышек преображенскита, имеющих удлиненную форму с «оплавленными», сосулькоподобными окончаниями при их величине по длинной оси от 0,01 до 0,10 мм. Ясно, что близ соляного зеркала наиболее быстро иниоитизация преображенскита происходит по тем путям, по которым могут в наибольшем количестве проникать рассолы водоносного горизонта, т.е. по трещинкам в породе и, наоборот, замедляться там, где преображенскит находится в участках галита, еще сохранившегося у соляного зеркала.

Материалы петрографо-минералогического изучения преображенскита показывают, что он образовывался преимущественно при более высоких концентрациях рапы по сравнению с главными боратами соленосной толщи Индерского поднятия — гидроборацитом и калиборитом. Преображенскит осаждался в существенно-сульфатной рапе при садке каменной соли, содержавшей в качестве значительной примеси ангидрит, полигалит, сильвин,

иногда — каинит, кизерит при ничтожной роли карналлита.

Совместно с борацитом и хильгардитом преображенскит является одним из распространенных второстепенных боратов соленосной толщи. Он вовсе не известен в породах гипсовой шляпы Индерского поднятия. Как упоминалось, сейчас установлен процесс иниоитизации преображенскита у соляного зеркала. Дает ли он здесь еще какие-либо бораты, пока неизвестно.

Поступило 16 III 1956

<sup>\*</sup> Визуальное сравнение дебаеграммы данной разновидности с вышеприведенной показывает их полное сходство.

# ПАЛЕОНТОЛОГИЯ

#### И. А. ЕФРЕМОВ

## АМЕРИКАНСКИЕ ЭЛЕМЕНТЫ В ФАУНЕ ПЕРМСКИХ ПРЕСМЫКАЮЩИХСЯ СССР

(Представлено академиком Е. Н. Павловским 24 V 1956)

Новые формы пермских четвероногих, найденные в 1955 г. на территории Европейской части СССР, заслуживают освещения еще до окончания их препаровки и обработки.

В нижнем течении р. Вятки, близ города Малмыжа (пристань Горки), в конгломератовидных песчаниках белебеевской свиты (II зона) найден обломок нижней челюсти капториноморфного котилозавра, близкого к позд-

ним капторинидам Bothia.

Челюсть капторинида (Hecatogomphius kaveevi Vjush) отличается множеством зубов на расширенном заднем отделе dentale (около 50), характерным для поздних представителей этих нижнепермских котилозавров. Фрагмент показывает более прогрессивное, чем это известно для американских капторинид, протектодонтное строение зубов основного ряда, что может указывать на более поздний геологический возраст Вятской формы. С другой стороны, Hecatogomphius сохраняет некоторые черты более ранних, чем Rothia, капторинид и является как бы промежуточным между ними и Rothia.

Вторая, еще более интересная находка: в глинистых песчаниках, относимых к верхам нижнеустьинских слоев, на берегу р. Пинеги, близ сел. Карпогоры найдено скопление остатков пеликозавров подотряда Edapho-

sauroidea, принадлежащих к семейству казеид.

Казеиды — редкие, своеобразные представители эдафозавров, до сих пор известные только в немногих местонахождениях Северной Америки и представленные четырьмя родами: Casea, Cotylorhynchus, Caseoides, Angelosaurus. Из материала с Пинеги пока отпрепарированы два черепа и часть скелета одного вида животного. Один из черепов соответствует по величине Casea, другой точно отвечает средним размерам Cotylorhynchus. Эта находка позволяет поставить вопрос, не являются ли Casea и Cotylorhynchus лишь разновозрастными особями разных видов одного рода, отличающимися, кроме признаков видового значения (число зубов, наличие или отсутствие зубов на короноидах, длина конечностей), лишь возрастными изменениями. Диапазон последних для долго живущих и сильно выраставших архаических пресмыкающихся был несомненно велик.

Присутствие представителей Caseidae в Европе теперь не подлежит сомнению. Казеид с Пинеги назван Б. П. Вьюшковым Ennatosaurus tecton\* в честь нашедших его Т. А. Девятой и М. А. Плотникова. Пинежская форма очень близка к нижнепермским американским Caseidae, но отличается более сложными зубами. Для американских форм характерны притупленные толстые зубы простой конической формы, постепенно уменьшающиеся спереди назад, числом 11—12 (в каждой стороне челюсти) для Casea и 20 для Cotylorhynchus. у Ennatosaurus зубы крупнее, числом в среднем 10. Два передние в области симфиза удлинены и слегка уплощены, со стреловидной коронкой и режущими боковыми гребешками. Следующие назад зубы

 <sup>\*</sup> εννᾶτόος — девятый, тєктων — плотник (греч.)

приобретают листовидную коронку с режущими краями и расширенной верхушкой. Верхушки коронок, начиная со второго зуба, разделены на пять зубцов, а некоторых дальнейших — на шесть. Это придает щечным зубам пинежского казеида большое сходство с зубами парейазавров, коронки которых имеют ту же выпуклую снаружи листовидную форму и отличаются

лишь большим числом более крупных зубцов.

Строение черепа Ennatosaurus — вытянутая ростральная часть и гро мадные ноздри, очень сильн. озубленные гребни на птеригоидах, огромное поперечно-овальное париэтальное отверстие и другие характерные черты при предварительном рассмотрении неотличимы от типичных для Casea Посткраниальный скелет, насколько можно судить по еще неотпрепариро ванному материалу, так же архаичен, как у нижнепермских казеид. В далья нейшем важно сопоставить Ennatosaurus с известными из медистых песча ников в самых древних фаунистических группировках І зоны — казеи дом Phreatophasma и предположительными эдафозаврами — фреатозу хидами. Предварительно можно установить, что, несмотря на теснейшую связь с нижнепермскими американскими казеидами, Ennatosaurus приоб рел отсутствующее у первых усложнение зубов и поэтому должен быть не сколько более поздним по ступени эволюционного развития и по геологи ческому возрасту. Казеиды впервые и не вполне достоверно известны из фор мации Або, т. е. в очень низких горизонтах нижней перми, иногда отожде: ствляющихся с верхнекаменноугольными отложениями. Местонахожденыя типичного рода Casea находятся в средней и верхней частях серии Clear Fork, в формациях Vale и Choza. Здесь найдены три вида Casea, все в неко торой изоляции от других членов фауны тетрапод. Характерно прогресси рующее во времени (от вида Casea broillii в основании Vale и до С. nichols и C. halselli в Choza) укорочение костей конечностей и расширение их эпи физов. Следует отметить, что аналогичные изменения прослеживаются для эволюционных рядов дейноцефалов и парейазавров. Другой крупный род казеид Cotylorhynchus найден на том же стратиграфическом уровне (форма) ция Hennessey в Оклахоме) в уникальном скоплении нескольких особей В вышележащей серии Double Mountain в формациях San Angelo и Flower Pot. в Тексасе недавно открыты казеиды: новый вид Cotylorhynchus новый род Caseoides архаического характера и новый род — Angelosaurus Последний характерен короткими конечностями и тяжелым скелетом, т. е как бы продолжает линию развития рода Casea. Эти казеиды найдены вместе с крупными хищными пеликозаврами — сфенакодонтами (Steppesaurus Tappenosaurus и еще неназванный гигантский род со скелетом в 7 м длины самый крупный из всех пермских рептилий). Интересен также своеобразный сфенакодонт Dimacrodon, приближающийся уже к терапсидной организации. Казеиды San Angelo сохраняют свой архаический облик, характерный для Clear Fork, но ни одна другая форма из фауны Clear Fork, встреченная в тех же самых, что и Casea, горизонтах (сфенакодонт Dimetrodon, стегоцефалы Cacops, Lysorophus, Diplocaulus, Trimerorhachis), не переходил в формацию San Angelo. Вместе с казендами в формации Сан Анджело най. дены и другие архаические формы — капториноморфные котилозавры семейства Captorhinidae, представленные новым родом Rothia большим количеством нёбных зубов. Эти зубы располагаются на специальных расширениях максиллярных костей в верхней челюсти и на выростах dentale в нижней, очень сходных с такой же у нового вятского капторинида Hecatogomphius.

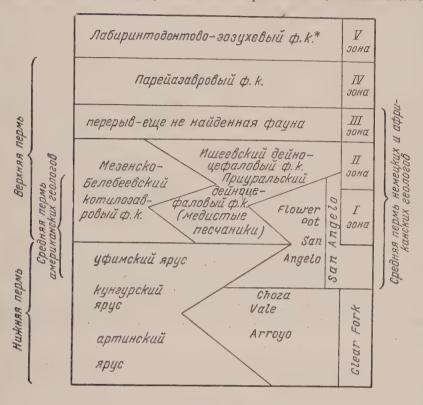
В залегающей выше формации Флоуэр Пот найдены те же формы. В San Angelo или Flower Pot обнаружены хищные формы с признаками стоя-

щих терапсид, еще не описанные.

Нижняя часть серии Double Mountain — свита San Angelo (формации Сан Анджело и Флоуэр Пот)—является одним из последних этапов истории красных слоев нижней перми Северной Америки. Теперь, после новых работ Олсона, стало очевидно, что она почти смыкается с верхнепермскими красноцветами СССР и Южных материков. Вероятно, свита Сан 1092

кижело + Флоуэр Пот является аналогом наших уфимския слоев. С другой тороны, находки форм, очень близких к фауне San Angelo, в белебеевской вите (П зона) и в нижнеустьинских слоях (зона еще неясна) указывают на возможность частичного перекрытия верхних слоев свиты San Angelo и нашей 1 зоны (рис. 1).

Фауна наших нижнепермских местонахожденийеще очень плохо известна. Кийминская свита Северного Казахстана содержит американские формы, гипичные для Clear Fork (Seymouridae, Edaphosauridae, Dimetrodontidae —



\*ф.к.-фаунистический комплекс

Рис. 1. Приближенные соотношения костеносных горизонтов континентальной перми СССР и США

местонахождение Терсаккан). Другое местонахождение — Инта в Коми ACCP — является типичной фацией затопленных лесов карбонового типа, содержит фауну рахитомных и эмболомерных стегоцефалов, частью близких американским Trematopsidae (Intasuchus), а также неопределимых батраковаров и по возрасту сближается с нижнепермскими аналогичными место-

ахождениями Зап. Европы.

Характерно, что на большом отрезке времени от Або до Double Mounain казеиды занимают в фауне подчиненное положение и в то же время равнительно мало изменяются. Эти редкие формы безусловно занимали особую экологическую нишу, характер которой может быть в общих чертах пределен по наиболее типичным чертам строения казеид. Они обладают мастиным скелетом, отражающим приспособление к относительно высокосходому передвижению, аналогичному котилозаврам. Небольшой череп снабжен срезающими зубами, конечные стадии приспособления которых показыают полную аналогию с зубами парейазавров. Огромные орбиты, очень ольшое париэтальное отверстие и необычайно развитые ноздри, в которых аходились какие-то большие железы, — все эти черты в точности совпадают

с чертами поздних парейазавроидных котилозавров. Интересно, что самы поздние котилозавры — проколофониды — обладают похожим на раннии казеид устройством челюстей с сильно скошенным прикусом и нави сающим концом морды, а также тупыми коническими зубами. Анализиру эти черты строения растительноядных котилозавров, я пришел к заключению что они отражают приспособление к питанию мягкой растительной пищей биотопах более наземного характера, чем те богатые животной пищей об ласти рек и болот, в которых происходило развитие главных, ведущих стволов рептилий и амфибий. Приспособление к узкой экологической ниш не позволило ни казеидам, ни растительноядным котилозаврам занять гоо подствующее положение в пермских фаунистических комплексах. Вме сте с тем, это приспособление обеспечило длительное существовани казеид среди эдафсзавров и соответственно капторинид и парейазаври среди котилозавров, доживших до верхов перми. Постоянные спутник перечисленных форм — тоже редкие батрахозавры — доживают также д верхов перми. Вероятно, казеиды среди адафозавров, парейазавроиди и капториниды среди Cotylosauria (не говоря уже о чрезвычайно древнии Batrachosauria) становятся реликтовыми формами в верхней перми (парей азавроиды — к концу перми, переходят в триас в виде проколсфонид).

На территории СССР в красноцветных верхнепермских фациях батрахозавры и котилозавры разобщены с терапсидами в захоронении и составляют с ними два различных фаунистических комплекса, вернее ориктоценоза. Вспрос, насколько синхроничны разные местонахождения того и другого орим тоценоза — один из самых трудных в стратиграфии наших пермских красноцветов. Наличие архаических форм в батрахозаврово-котилозавровых комплексах, к которым теперь надо дсбавить еще капторинид и реликтовых пели козавров — казеид, весьма сближает эти комплексы с поздними американскими костеносными фсрмациями Сан Анджело и Флоуэр Пот (см. рис. 1) Это еще раз подтверждает низкое расположение нашей континентальной верхней перми в мировом ее разрезе, что давно уже показано сравнением наше фауны гондванских терапсид с фауной Южной Африки, Южной Америка

и Индии.

Разобщение в захоронениях комплексов фауны типа американских Red Beds (котилозавры, батрахозавры, казеиды) и гондванской фаунь терапсид, несомненно проистекающее из различия условий существования получит объяснение только после сравнительного тафономического анализмамериканских и южноафриканских захоронений. Те и другие являются дельтовыми сбразованиями. Однако в дельтовой области осадконакопления разнообразие фаций и типов захоронений очень велико. Мы не можем ещерешить даже, какие фации являются более далекими выносами из области обитания — гондванские или Red Beds.

После открытия казеида Ennatosaurus с зубами парейазаврового типа возникает предположение, что некоторые фрагментарные остатки, опреде лявшиеся ранее как парейазавроиды или венюковииды, принадлежат энна

тозаврам, как, например, пресловутый Rhopalodon.

Рагаbradysaurus, описанный мною, с р. Камы с его характерной для па рейазавроидов большой высотой нижней челюсти и акротекодонтными зу бами вряд ли может быть отнесен к казеидам. Находка казеид на Пинего подкрепляет предположения о наличии казеид (Phreatophasma) в фауне зоны — самого древнего комплекса медистых песчаников — и одновременноставит вопрос о наличии в них фаций с архаическими комплексами, уже найденных в Белебее и на Каме.

Палеонтологический институт Академии наук СССР

Поступило 21 V 1956

## Доклады Академин наук СССР 1956. Том 111, № 5

## ПАЛЕОНТОЛОГИЯ

## А. И. НЕЦКАЯ и В. А. ИВАНОВА

## ПЕРВАЯ НАХОДКА ОСТРАКОД В НИЖНЕМ КЕМБРИИ ВССТОЧНОЙ СИБИРИ

(Представлено академиком С. Н. Мироновым 3 VIII 1956)

Описываемые ниже остракоды из кембрийских отложений Восточной бири вызывают особый интерес, так как являются первой находкой столь евних представителей этого отряда ракообразных на территории СССР. и были обнаружены Н. П. Суворовой и А. А. Межвилком. Первой они ли найдены в афанитовом известняке в среднем течении р. Ботомы (прай приток р. Лены, в ее среднем течении). По данным Н. П. Суворовой (²), гракоды были сбнаружены совместно с брахиоподами, птероподами и комексом трилсбитов: Ölenelidae g. sp., Bergeroniaspis sp., Pagetellus tolli rm., P. lenaicus (Toll), Triangulaspis meglitzkii (Toll), Cobboldia dentata гт. Три последних вида имеют наиболее широкое распространение в пероцветной свите алданского яруса, но встречаются также и в нижней части шележащего ленского яруса нижнего кембрия Сибирской платформы. А. А. Межвилком остракоды были найдены в темно-серых тонкокрипллических известняках Хараулахского хребта (устье р. Лены) совместно массовым скоплением трилобитов. По определению Н. Е. Чернышовой, илобиты относятся к новому виду рода Hebediscus Whitehouse, что дает основание предположительно считать эти известняки отложениями лен-

Найденные остракоды представлены одним видом, принадлежащим но-

иу роду, условно включаемому в состав сем. Leperditiidae.

#### КЛАСС CRUSTACEA

## ОТРЯД OSTRACODA

Cem. LEPERDITIIDAE JONES

Род Cambria Neckaja et V. Ivanova gen. nov.

Тип рода — Cambria sibirica Neckaja et V. Ivanova sp. nov., алдан-

ий ярус, нижний кембрий, Восточная Сибирь.

Диагноз. Раковины лепердитоидного очертания, возможно равноорчатые. На боковой стороне створок развиты два крупных бугра разной пичины и формы. Они расположены в передней и задней частях раковины перхней ее половине. Между буграми наблюдается некоторое понижение зерхности створки. В переднебрюшной части раковины вдоль свободного ая имеется реброобразный выступ.

Замечания. Новый род нами условно относится к сем. Leperditiidae. нованием для этого служит сходство очертания раковины и строения спино края у изученных форм и у представителей названного семейства. личие бугров и ребер на раковинах нового рода не противоречит его вклюцию в сем. Leperditiidae, так как бугры и ребра имеются и у некоторых пердитиид. Однако намечающееся расчленение створок у Cambria (харак-12\*

тер понижения поверхности раковины между буграми, форма и расположние последних) по своему типу не свойственно лепердитиидам и приближает к типу строения других более поздних палеозойских семейств (Tetradellid Drepanellidae). Эта особенность строения раковины нового рода дает освание предполагать в нем представителя другой филогенетической вет палеозойских остракод. В силу сказанного действительное систематическ положение Cambria остается неясным. Оно может быть определено с досточной точностью только после накопления более полных данных по кетрийским остракодам СССР.

## Cambria sibirica Neckaia et V. Ivanova sp. n

Голотип — колл. ПИН АН СССР № 1117/1, р. Ботома (Вс Сибирь), алданский ярус нижнего кембрия.

Материал: 3 правых створки (колл. ПИН АН СССР № 1117 1117/2, колл. ВНИГРИ № 816—1) и наружный отпечаток левой створ

(колл. ПИН АН СССР № 1117/3).

Описание: Раковина лепердитоидного очертания с прямым спины краем, несколько выгнутым вверх над задним бугром. Оба конца спины края немного вытянуты и образуют острые ушки. Передний конец выгу вперед, выше заднего конца, более или менее скошенного к брюшному кра Брюшной край изогнутый. В верхней половине раковины в передней и за ней частях расположены два бугра. Передний бугор вытянут несколько искось к высоте раковины и изогнут в сторону переднего конца. Выпукло бугра довольно равномерная, но в нижней части он наиболее высокий и в рокий, а у спинного края — узкий. Задний бугор занимает почти всю задн часть створки (от спинного края до середины ее высоты). Форма его напонает асимметричную пирамиду. Вершина бугра находится почти на серед. высоты раковины. Склон бугра круто обрывается в сторону брюшного к и постепенно выполаживается к спинному краю. Слабое понижение ство между буграми снизу ограничено выпуклостью створки. Иногда край эвыпуклости выступает довольно резко в виде тонкого ребрышка, соедин щегося с обоими буграми. В передне-брюшной части раковины развит рес образный выступ. Он круго спадает к брюшной стороне и очень полог переднему концу. Край створок несколько утолщен. Поверхность раковы покрыта очень мелкими, тесно прилегающими друг к другу бугорка Ее размеры в мм:

№ обр.	1117/1 (голотип)	. 1117/2	816—1
Длина Высота	6,65 3,85	6,25	 5,85

Замечания. Cambria sibirica sp. nov. была найдена только в виде розненных створок, не отделимых от породы, поэтому не удалось реш вопроса о соотношении створок, о характере их смыкания, а также выяв особенности строения их внутренней стороны. Доступная наблюдению ивидуальная изменчивость нового вида выражается у раковин в большей меньшей скошенности заднего конца, в длине и рельефности реброобрного выступа; как особенность в сравнении с ордовикскими остракодами бири (1), можно указать топкостенность створок у нового вида.

В строении раковины Cambria sibirica sp. nov. имеется много обще раковинами Aluta douvillei (Mansuy), описанными первоначально в кастве остатков остракод (3) из кембрия Китая. Однако род Aluta, по закчению Ульриха и Басслера (4), не принадлежит к остракодам, а относи

к другой группе ракообразных (Conchostraca).

В настоящее время нельзя с достаточной определенностью объясн

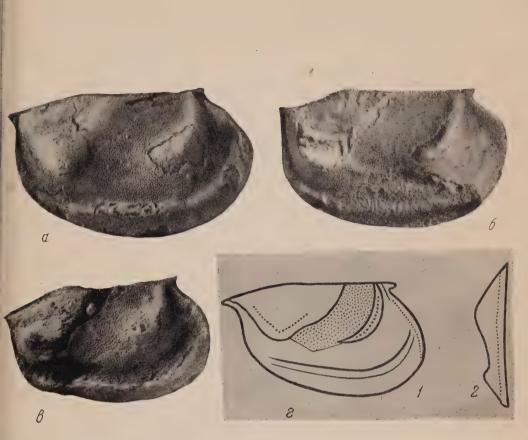


Рис. 1. Cambria sibirica gen. et sp. nov. *a* — правая створка сбоку, голотип; 10×(колл. ПИН АН СССР, № 1117/1); *б* — правая створка с боку; 10× (колл. ПИН АН СССР, № 1117/2); *в* — правая створка сбоку, поврежденный экземпляр; 10 × (колл. ВНИГРИ, № 816—1); *г* — схематизированный рисунок правой створки раковины сбоку (1) и со стороны переднего конца (2); 7×



оль близкое сходство в общем типе строения раковин обеих форм. Можно едположить, что это сходство конвергентно. Не исключается также ошиность определения систематического положения Aluta douvilei со стоны Ульриха и Басслера. Возможно, что A. douvillei относится к острадам и, в таком случае, является видом рода Cambria. Ответ на этот вопросжет быть получен только при накоплении большего фактического материа по кембрийским остракодам.

Палеонтологический институт Академии наук СССР

Поступило 2 VIII 1956

## ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> В. А. И в а н о в а, Отряд Ostracoda. В кн. Полевой атлас ордовикской и силурийской уны Сибирской платформы, 1955. <sup>2</sup> Н. П. С у в о р о в а, Вопросы геологии Азии, 1954. <sup>3</sup> Н. М а n s u y, Etude geologique du Jon-Nan oriental, p. 2, Paleontologie, Mem. v. géol. de l'Indo-Chine, 1 (1912). <sup>4</sup> E. O. U l r i c h, R. S. B a s s l e r, Proc., Nat. Mus., 78 art. 4 (1931).

## ПАЛЕОНТОЛОГИ

#### Е. А. РЕЙТЛИНГЕР

## МИКРОСКОПИЧЕСКИЕ ОРГАНИЧЕСКИЕ (?) ОСТАТКИ СЕРДОБСКОЙ СЕРИИ

(Представлено академиком Н. С. Шатским 25 VI 1956)

Описанные ниже своеобразные микроскопические образования, имею щие, по всей вероятности, органическое происхождение, были найдены верхней части сердобской серии Рязано-Пачелмского прогиба, в района Сердобска, Поваровки, Краснозер и Пересыпкино. Материал в виде шлифс и образцов керна был передан нам И. Е. Постниковой. Согласно ее данны часть разреза, содержащая органические остатки, представлена доломитамы аргиллитами и песчаниками и сопоставляется с миньярской свитой Урала

Некоторые встреченные в этих отложениях образования представляю округлые карбонатные тельца с определенной внешней формой и внутрев ней структурой. Они, вероятно, являются остатками одного определенноп вида организма, сходного по типу строения с представителями синезеленых водорослей глоекапса. Они были найдены в шлифах из алевролите разреза Поваровки. Другие образования, в виде своебразных сложных структур, по-видимому, являются продуктом жизнедеятельности сложных сооб ществ различных организмов. По характеру своей структуры, обычно ком коватой и слоистой, они весьма напоминают образования типа строматолитси онколитов. Этот тип образований распространен в доломитовых прослоя всех вышеуказанных разрезов.

Образования, сходные с глоекапсовыми. Сине зеленые водоросли Gloeocapsa относятся к семейству Gloeocapsaceae Eler kin et Hollerbach (1). По данным этих авторов, они представляют клетки соединенные в микроскопические колонии, реже одиночные. Клетки имею шаровидную или эллипсоидальную форму и окружены последовательно включенными друг в друга слизистыми оболочками. Некоторые представител этого семейства обладают способностью выделять известь, образуя известковую корочку. Глоекапсовые живут в весьма различных условиях средыв наземных, пресноводных, солоноватоводных и морских (псбережье). Глоекапсовые, кроме современных, известны также из отложений силура. В последнем они были найдены М. Д. Залесским (2) в кукерситовых сланца Прибалтики и описаны как новый род Gloeocapsamorpha.

Найденные нами микроскопические карбонатные тельца по своей внеш ней форме, наличию оболочек и размерам, как будто, ближе всего стоя к глоекапсовым водорослям, причем к видам, способным выделять извест (хотя не исключена возможность вторичного замещения карбонатом). Однако поскольку в настоящее время нет полной уверенности их тождества, мы условно относим наши формы к семейству Gloeocapsaceae, выделяя их в новый род Archaegloeocapsa.

## Archaegloeocapsa povarovkensis Gen. et sp. nov. Puc. 1, 1—4.

Эллипсоидальное тельце, уплощенное на полюсах, со слабым пережимо в центре боковой поверхности. Состоит из внутренней полости (место бывше 1098

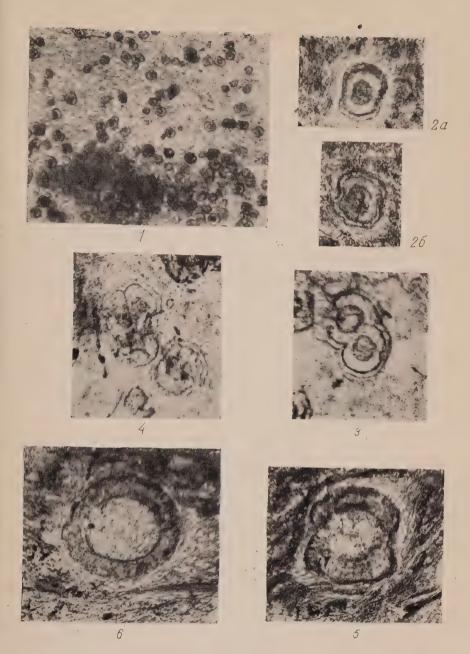


Рис. 1. Все изображения сделаны с увеличеним  $260 \times .1 - 4$  — Archaegloeocapsa povarovkensis sp. nov., Скважина Поваровка, глинистые алевролиты сердобского комплекса, глубина 1698 - 1704 м: 1 — общий вид скоплений,  $60 \times ; 2$  а и 6 — вид отдельных особей, генотип экз. № 1/1956; 3 — 4 — особи, объединенные внешней оболочкой; 5 и 6 — Archaegloeocapsa (?) grandis sp. nov. Там же, глубина 1740—1752 м; 5 — продольное сечение, 6 — поперечное сечение; генотип экз. № 2/1956



летки?) и двух обызвествленных неравной толщины оболочек, внутренней элстой и внешней тонкой. При большом увеличении (300—700 ×) тельца зетлые, гомогенной стекловатой текстуры. В скрещенных николях имеют элнистое погасание, цвета интерференции — характерные для карбонатов. стречаются обычно одиночно, реже две или три особи соединены общей нешней оболочкой (рис. 1, 3 и 4). Образуют скопления, возможно, при сизни объединявшиеся слизистой оболочкой. Величина телец по наибольшему измерению 56—62 µ, по наименьшему 37—42 µ. Величина образований, эстоящих из двух телец, равна 80 µ, из трех — 99 µ. Диаметр внугренней олости 18—24 µ. Толщина внутренней оболочки равна около 12 µ, внешней коло 6 µ.

Местонахождение: Скважина Поваровка, глинистые алевролиты сердобкого комплекса в интервале глубин 1698—1716 м.

Голотип обр. №1/1956, хранится в Геол. Инст. АН СССР.

## Archaegloeocapsa (?) grandis sp. nov. Рис. 1, 5 и 6.

Округлые тельца с пережимом в средней части боковой поверхности остоят из центральной полости (более светлой в шлифах), окруженной толтой неясно зернистой оболочкой (более темная в шлифах). Оболочка карюнатная; в скрещенных николях погасает одновременно, но обычно независимо от центральной полости. Встречались формы только одиночные.

Размеры телец 100—130 μ; диаметр внутренней полости около 80 μ;

олщина оболочки 24 и.

Сравнение. Отличается от Archaegloeocapsa povarovkensis наличием олько одной оболочки, ее строением и значительно более крупными размерами; возможно, представляет остатки другого рода организма.

Местонахождение: Скважина Поваровка, глинистые алевролиты на глу-

бине 1740—1752 м.

Голотип обр. № 2/1956, хранится в Геологическом Институте АН СССР. Образования типа фитолитов. Как указывалось выше, в доломитовых прослоях сердобской серии были встречены образования, сходные со структурами строматолитов и онколитов. Главную роль в определении строматолитовых образований играет их внешняя форма (4,6). Определение строматолитов вообще очень затруднительно, так как последние представляют продукт жизнедеятельности ценоза различных видов и родов синемеленых водорослей (и даже других организмов), к которым нередко примещивается механически осаждающаяся муть. Особенно трудно, или, с точки прения современных классификаций, совсем невозможно, определение фитомитов в керне, где мы имеем дело обычно с очень небольшим участком их тела. Согласно с этим можно пока только условно говорить о близости найменных нами в шлифах структур к известным в настоящее время типам строматолитов и онколитов.

Встреченные в шлифах сердобского комплекса фитолитовые образования юдразделяются по микроструктуре на три главных типа: 1) горизонтальнолоистые, 2) сгустково-комковатые и 3) концентрически-слоистые или ооли-

овидные.

1. Горизонтально-слоистые образования имеют четко выраженную слостость, образованную чередованием слоев или полос различной толщины текстуры. Среди них выделяются: а) структуры простые — чередование колос различной толщины, но близкой текстуры; б) сложные — полосы пеодинаковой толщины и резко различной текстуры (например, — различного типа зернистости, стекловато-лучистые и сгустково-комковатые). Перые (а) могли бы цринадлежать к строматолитам типа Collenia, вторые б) — к типу Picnostroma.

2. Сгустково-комковатые образования в изученных образцах также предтавлены разнообразными типами структур. Здесь выделяются: а) однород-

ные микросгустковые, б) однородные, состоящие из округлых комочков) неоднородные сгустково-комковатые, состоящие из различной форм и текстуры сгустков и комочков, очень напоминающие образования тип Katangasia и Nubecularites, описанные В. П. Масловым (3), из кембрийски и силурийских отложений Сибири; г) специфические комковатые структур из округлых и овальных комочков со светлыми оболочками.

3. Концентрически слоистые образования: а) образованы концентрическими слоями неравной толщины, но близкой текстуре; одни из них напоминают образования типа Osagia, другие своеобразны; б) образования, состоящие из большого ядра, окаймленного тонкими мелко-волнистыми оболочкам различной текстуры (темные микрозернистые и светлые стекловато-лучи

стые). Вероятно, также принадлежат к особому виду осагий.

Все эти указанные структуры очень своеобразны и, несомненно, заслуживают дальнейшего детального изучения и описания.

Поступило 21 VI 1956

## ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

М. М. Голлербах, Е. К. Косинская, В. И. Полянский, Определитель пресноводных водорослей СССР, в. 2, 1953. <sup>2</sup> М. Д. Залесский, ИзгАН СССР, VI, сер. № 1 (1917). <sup>3</sup> В. П. Маслов, Пробл. палеонт. 2—3, этюд V и V (1937). <sup>4</sup> В. П. Маслов, Изв. АН СССР, сер. геол. № 4 (1953). <sup>5</sup> И. Е. Посников, Автореферат диссертации, ВНИИ, М., 1955. <sup>6</sup> С loud, E. Preston, An J. Sci., 240, № 5 (1942).

# ПАЛЕОНТОЛОГИЯ

#### н. п. суворова

# РОД LERMONTOVIA В НИЖНЕМ КЕМБРИИ СИБИРИ И СРЕДНЕЙ АЗИИ (ТРИЛОБИТЫ)

(Представлено академиком С. И. Мироновым 3 VIII 1956)

Изучение трилобитов кембрия Сибирской платформы за последние годы озволило не только выявить новые роды и виды, но и сделать ревизию уже уществующих систематических единиц. В нижнем кембрии Сибири, как всего мира, широко известен род Protolenus, именем которого названа зона. настоящее время в Сибири, в практике геологических и палеонтологичеких исследований термин «зона Protolenus» почти не употребляется, покольку доказано, что эта «зона» соответствует двум ярусам,— всему ленкому ярусу и верхней части алданского яруса (3). Пересмотрен также род Protolenus Сибири; результатам этого пересмотра и посвящается даная статья.

Род Protolenus был впервые выделен Меттью (Matthew) в 1892 г. в Восточой Канаде ( $^{10}$ ). Впоследствии этот род был указан в Англии ( $^{5}$ ), в ю.-в. больше (Свентокшишские горы) ( $^{6}$ ), в ю.-з. Польше ( $^{15}$ ), в Северной Корее ( $^{4}$ ), в Марокко ( $^{12}$ ), в Андалузии ( $^{13}$ ) и в Сибири ( $^{1}$ , Роду Protolenus Меттью ал следующую характеристику: «Головной щит полуокруглый, умеренно ыпуклый, с подвижными щеками, продолженными в щечные шипы. Средяя часть головного щита почти квадратная. Передний край щита широкий, узкой четкой каймой. Глабель коническая или цилиндрическо-коничекая, вздутая, с боковыми бороздами; отделена от затылочного кольца четой бороздой. Неподвижные щеки различной ширины, окаймленные длиными глазными крышками. Дорзальные швы (лицевые швы — H. C.) впереди позади глаз почти перпендикулярны наружному краю головного щита. Годвижные щеки правильно изогнуты; щечный шип обычно длинный. Тулочище многочленисто; плевры бороздчатые, коленчато-изогнутые, с шипами дистальной части. Пигидий канадских видов неизвестен (маленький?)» ( $^{10}$ ).

Типичного вида для рода Protolenus Маттью не указал. При описании вух видов этого рода, P. elegans и P. paradoxoides первым стоял P. elegans. lo в статье 1895 г. (11) вид P. elegans был отнесен автором к новому выделеному им подроду Bergeronia; вид. P. paradoxoides, таким образом, остался арактерным для рода Protolenus «в узком смысле». Лейк (9) полагал, что качестве типичного вида рода Protolenus надо признать Pelegans, поскольку гот вид описан первым. Большинство же авторов (2, 8, 13) считает типом ода вид P. paradoxoides, следуя выбору, сделанному автором рода в 1895 г. присоединяюсь к этой же точке зрения. Вид P. paradoxoides, изображение

оторого взято из работы Маттью 1892 г., приведен на рис. 1.

Из-за незнания типичного вида и недостаточного количества фактичекого материала до 40-х годов нашего века род Protolenus понимался широкотим-то и объясняется факт нахождения остатков рода Protolenus во многих естах земного шара. Постепенное накопление материала по протоленидам ривело к тому, что объем рода Protolenus стали ограничивать, выделяя азличных его представителей в новые роды. Так, например, в ю.-з. Польше Англии он был переименован в род Lusatiops, Richter, 1941 г. (13), в Анда-

лузии — Rincopia Hupe, 1952 (7), в Марокко — Hamatolenus Hupe 1952(8 в Северной Корее — Coreolenus Hupe 1952 (7), в Сибири — Bergeroniell Lermontova, 1940 (1,2), Bergeroniaspis Lermontova, 1951 (2). Этим самы

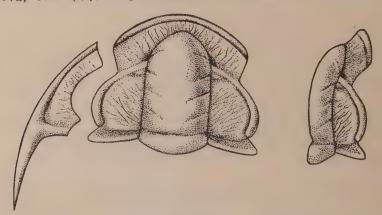
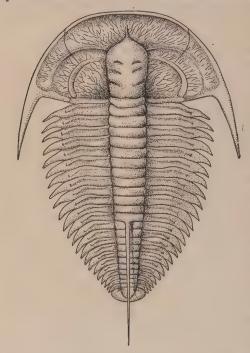


Рис. 1. Protolenus paradoxoides Matthew, 1,5×, Нью-Брансуик, Восточная Канада

существование типичных представителей рода Protolenus в Европе, Афри и Азии поставлено под сомнение. К сожалению, нам неизвестны представите.



Puc. 2. Lermontovia dzevanovskii (Lerm.) 1,5×, Север Сибирской платформы

рода Protolenus из Свентокшии ских гор Польши, названия кот рых опубликованы Чарноцким (а описания и изображения не пр ведены.

Е. В. Лермонтова (I) указал что в Сибири имеются типични представители рода Protolenus; по робная характеристика этого ро и описания его двух видов был

даны ею в работе (2).

Сопоставление сибирских пре ставителей рода «Protolenus» (рис. и 3, A— $\Gamma$ ), а также среднеазиатск го вида этого рода (рис.  $3, \mathcal{I}$ ), экзе пляры которого были мне любез переданы Н. Е. Чернышевой, с т пичным видом рода Protolenus P. paradoxoides (рис. 1), позволя увидеть между ними четкие ра личия. Наши представители ро отличаются от P. paradoxoides p дом существенных черт строени формой глабели, имеющей тенде цию к расширению (за исключен ем среднеазиатского вида), бол широкими неподвижными щекам в большинстве случаев более шир

ким лимбом и сильнее расходящимися передними ветвями лицевых шво Туловище у наиболее распространенного вида — «P.» dzevanovskii и, пвидимому, «P.» grandis состоит из большого количества сегментов (20—26 причем один из средних сегментов несет осевую иглу, как у некотори редлихиид и оленеллид. Перечисленные отличия не допускают объединия этих протоленид в род Protolenus. Мы считаем необходимым отнес их к новому роду, для которого предлагаем название Lermontovia в чес

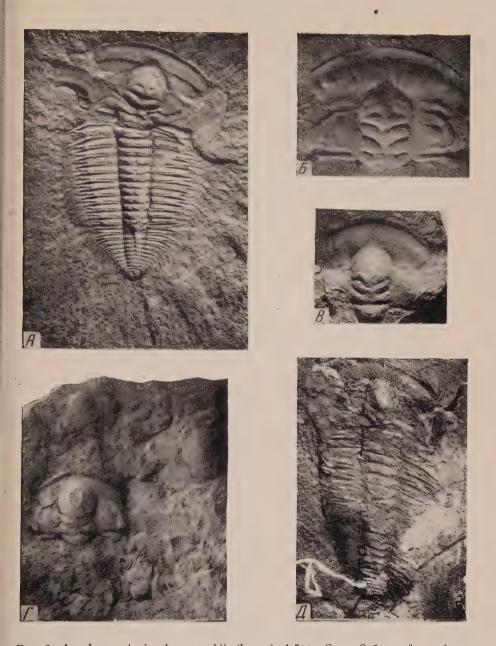
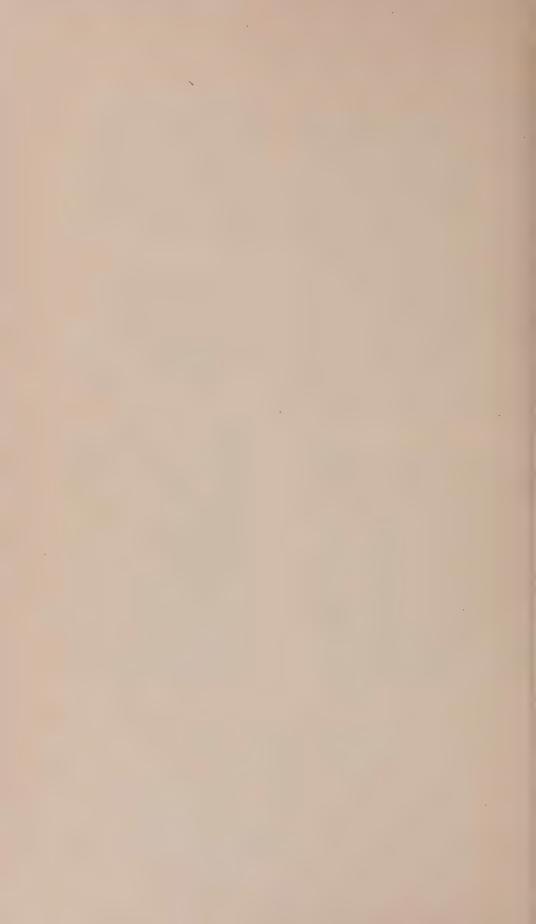


Рис. 3. A — Lermontovia dzevanovskii (Lerm.), 1,5 $\times$ , Север Сибирской платформы; B—L. lenaica sp. nov., 1 $\times$ , р. Лена, среднее течение, д. Еланка;  $\Gamma$  — L. convexa sp. nov., 1 $\times$ , Север Сибирской платформы;  $\mathcal{A}$  — L. turkestanica sp. nov., 1,3 $\times$ , Средняя Азия, Туркестанский хребет



Е. В. Лермонтовой, впервые монографически описавшей этих трилобитов. Отличия рода Lermontovia от других, перечисленных выше родов настолько существенны, что заставляют нас объединить его представителей в отдельное подсемейство Lermontoviinae. Интересно, что представители этого подсемейства в Сибири занимают иной ареал распространения, чем остальные протолениды, и в области распространения последних они встречаются небольших количествах. Ниже приводим характеристику выделенных нами систематических категорий.

# Cem. PROTOLENIDAE RICHTER R. et E., 1948

Подсем. Lermontoviinae Suvorova, 1956 Типичный род — Lermontovia Suvorova, 1956.

Диагноз. Осевая часть спинного щита узкая, плевральная — широкая. Неподвижные щеки широкие, свободные — узкие. Глазные крышки узкие. Лицевые швы отстоят далеко от спинных борозд. Туловище состоит из большого количества сегментов (20—23); коленчатый перегиб очень слабый; на одном из задних сегментов иногда имеется осевая игла.

Объем подсемейства— Lermontovia Suvorova, 1956, Rinconia

Hupe, 1952.

Геологический возраст и географическое распространение: Нижний кембрий, ленский ярус, Сибирь, Средняя Азия, Андалузия.

## Род Lermontovia Suvorova, 1956

Типичный вид—Lermontovia dzevanovskii (Lerm.)

Диагноз. Глабель, расширяющаяся впереди или цилиндрическая. Борозды глабели, кроме передней пары, четкие, с тенденцией соединения посредине. Затылочный шип отсутствует. Фронтальный лимб широкий, реже узкий, иногда с валиком на нем. Передняя краевая кайма узкая, в виде перегиба поверхности. Передние ветви лицевых швов расходящиеся. Пигидий широкий, треугольный, с крупным треугольным рахисом. Размеры крупные.

Сравнение: Род Lermontovia наиболее близок к роду Rinconia Нире, 1952 (7) из Андалузии по соотношению осевой и плевральной частей, наличию широких неподвижных щек, но отличается более крупными размерами, формой глабели, четкой ее сегментацией, отсутствием затылочного

иипа.

Объем рода — L. dzevanovskii (Lerm., 1951) (²), L. grandis (Lerm., 1951 (²), L. lenaica Suvorova, 1956 (4), L. convexa Suvorova, 1956 (4) L. (?) clavata (Lerm., 1951) (²), L. turkestanica sp. nov.

Геологический возраст и географическое распространение: Нижний кембрий, ленский ярус., Якутия, Средняя

Азия.

## Lermontovia lenaica Suvorova, 1956. рис. 3, В

Голотип: кранидий, колл. ПИН № 496/1, сборы Н. П. Суворовой, 1948.

Диагноз. Кранидий квадратного очертания с сильно изогнутым фронтальным краем. Глабель удлиненная, расширенная впереди или почти цилиндрическая, слегка приостренная во фронтальной части. Фронтальный лимб широкий, выпуклый с поперечным шнуровидным валиком, параллельным глазным валикам. Передние ветви лицевых швов сильно расходящиеся.

Геологический возраст и географическое распространение: ленский ярус, еланский горизонт. Бассейн среднего

течения р. Лены.

## Lermontovia convexa Suvorova, 1956. рис. 3, Г

Голотип: кранидий, колл. ПИН № 501/7а, сборы Д. К. Александ-

рова.

Диагноз. Кранидий широкий, выпуклый, с сильно изогнутым фронтальным краем. Глабель короткая, сильно вздутая, расширенная впереди, с округлым фронтальным краем. Фронтальный лимб узкий, без шнуровидного валика, выпуклый. Передние ветви лицевых швов слабо расходящиеся.

Геологический возраст и географическое распространение: ленский ярус, верхи. Север Сибирской платформы.

Lermontovia sturkestanica, sp. nov. puc. 3,  $\mathcal{A}$ 

Голотип: полный экземпляр, колл. ПИН, № 1151/1, сборы З. В.

Сидоренко, 1948.

Диагноз. Кранидий широкий. Глабель цилиндрическая, слегка приостренная во фронтальной части. Фронтальный лимб широкий, выпуклый со шнуровидным валиком, параллельным глазным валикам. Передние ветвилицевых швов умеренно и сильно расходящиеся. Около 20 туловищных сегментов.

Геологический возраст и географическое распространение: ленский ярус Средней Азии (Туркестанский хребет).

Выделение рода Lermontovia из рода Protolenus приводит к выводу, что в Сибири типичные представители рода Protolenus пока неизвестны. Наиболее близкими к типичному виду рода Protolenus являются древние виды рода Bergeroniellus—В. gurarii Suv. (4) и В. spinosus Lerm. (2,4)—по форме глабели и строению передней краевой каймы, но отличаются они отсутствием биплевральных валиков и сильнее расходящимися передними ветвями лицевых швов. Возможно, к роду Protolenus относятся кранидии из нижнего кембрия Горного Алтая (колл. О. К. Полетаевой), но недостаточное количество материала и плохая его сохранность не позволяют говорить об этом более определенно.

Палеонтологический институт Академии наук СССР Поступило 2 VIII 1956

## ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> Е. В. Лермонтова, Трилобиты. В атласе рукводящих форм, 1, Кембрий, 1940. Е. В. Лермонтова, Нижнекембрийские трилобиты и брахиоподы Вост. Сибири, 1951. <sup>3</sup> Н. П. Суворова, Вопросы геологии Азии, 1, 1954, — <sup>4</sup> Н. П. Суворова, Тр. ПИН, 63, (1956). <sup>5</sup> Е. S. Соbbold, Quart. J. Geol. Soc., London, 66 (1910). <sup>6</sup> Ү. Сzагпоzскі, Bull. Serv. Geol. Pologne, 4 (1927). <sup>7</sup> Р. Нире, Notes et Met. Serv. Geol. Maroc, № 103 (1952). <sup>8</sup> Р. Нире, Апп. Paleont., 39 (1953). <sup>9</sup> Рh. Lake, Palaeont. Soc., 86 (1932). <sup>10</sup> G. F. Matthew, Bull. Nat. Hist. Soc. New Brunswick, 3, № 10 (1892). <sup>11</sup> G. F. Matthew, Trans. New-York Acad. Sci., 14 (1895). <sup>12</sup> L. Neltner, Notes et Mem. Serv. M. Carte geol. Maroc, № 42 (1938). <sup>13</sup> R. et E. Richter, Senckenberg. Naturforsch. Ges., № 455 (1941). <sup>14</sup> K. Saito, Japan. J. Geol. Soc., 10 (1933). <sup>15</sup> M. Schwarzbach, Zbl. Min. Geol. Palaeont., Abt. B., № 9 (1932).

ГИСТОЛОГИЯ

## Л. Д. МАРЦИНКЕВИЧ

## РАЗВИТИЕ И ВОЗРАСТНЫЕ ИЗМЕНЕНИЯ ЭЛАСТИЧЕСКОЙ СТРОМЫ КОЖИ МЛЕКОПИТАЮЩИХ

(Представлено академиком Е. Н. Павловским 18 VIII 1956)

В нашу задачу входило сравнительноанатомическое исследование развития волокнистых структур кожи млекопитающих, относительно которого в литературе до настоящего времени нет единого мнения. Часть исследователей исходит из признания образования эластических волокон из цитоплазмы фибробластов. Другие отрицают такой путь развития, производя эластические волокна из уже существующих волокон, о природе которых, в свою очередь, имеются различные суждения. В настоящее время известен ряд патолого-анатомических исследований, посвященных возрастным изменениям волокон соединительной ткани (3-5). З. С. Володина (1) изучала возрастные изменения клеточных элементов. Однако эти работы не касаются процесса образования волокнистых структур.

Материалом для настоящей работы служили: соединительная ткань кожи живота и лба эмбрионов человека (от 2,5 до 8 месяцев) и детей (от новорожденных до 13-летнего возраста), кожа живота и спины взрослых крыс и крысят различного возраста, кожа спины взрослой белой мыши в норме и на разных стадиях репаративной регенерации. Материал фиксировался в спирте с формалином, в смеси сулемы с уксусной кислотой и в 12%-м формалине для пленок по Ясвоину. Целоидиновые и парафин-целлоидиновые срезы окрашивались по Маллори, резорцин-фуксином с подкраской гематоксилинлихтгрюн и без нее, а также импрегнировались серебром по

Мареш-Бильшовскому.

У эмбриона человека 2,5 месяцев кожа содержит молодую соединительную ткань. Ее рыхло расположенные фибробласты имеют тонкие длинные отростки, на пленках по Ясвоину фибробласты уже биплазматичны. В дерме присутствуют и блуждающие элементы. Среди соединительнотканных клеток часты митозы. Импрегнация серебром выявляет на этой стадии нежную аргирофильную сеточку. Резорцинфуксин совершенно не окрашивает препарат, что свидетельствует о полном отсутствии в соединительной ткани эластического вещества. Деления дермы на сосочковый и сетчатый слои в этот период еще не наблюдается. Появление различий между этими слоями можно отметить у эмбрионов около 4,5 месяцев в коже лба. Количество основного вещества к этому времени резко возрастает, волокна становятся толще, особенно на месте будущего сетчатого слоя, и образуют более густую сеть, чем в сосочковом слое. Клеточные элементы к этому времени маскируются основным веществом и не являются преобладающей частью соединительной ткани, как ранее. Толстые волокна будущего сетчатого слоя при серебрении имеют более светлый тон по сравнению с преколлагеновыми волокнами, по этому признаку можно предполагать начало превращения преколлагеновых волокон в коллагеновые в коже лба у эмбриона в 4-4,5 месяца. Одновременно с этим препараты начинают окрашиваться резорцинфуксином. Правда, окраска еще бледная, нечеткая, но тем не менее ее следует рассматривать как свидетельство появления красочной реакции на эластическое вещество, которое в этот период еще не имеет характерной морфологии эластических волокон. Таким образом, в это время (4—4,5 месяца) волокна соединительной ткани обладают амфотерными свойствами. Такая картина наблюдается в коже лба, в то время как дерма живота еще не окрашивается резорцин-фуксином и не обнаруживает деления на сетчатый и сосочковый слои.

С возрастом количество основного вещества в соединительной ткани увеличивается, волокна располагаются плотнее. На пленках по Ясвоину у 6-месячного эмбриона можно проследить изменения в морфологии фибробластов. Если на ранних стадиях фибробласты имели распластанную, отростчатую форму с большим количеством эктоплазмы, то к 6 месяцам большинство фибробластов уменьшается в объеме за счет уменьшения эктоплазмы. Количество митотически делящихся клеток в этом возрасте резко уменьшается. К 6 месяцам утробной жизни дифференциация волокон на коллагеновые и эластические становится четкой. На препаратах, окрашенных резорцин-фуксином с подкраской лихтгрюн оба вида волокон выявляются одновременно. При этом между ними существует тесная пространственная связь — они всегда сопутствуют друг другу. Сетчатый слой дермы у 6-месяч-ного эмбриона уже сформирован и состоит из довольно толстых коллагеновых пучков, образующих сеть. К ним плотно прилежат параллельно идущие: эластические волокна. Такое соотношение наблюдается и на продольных и на поперечных срезах волокон. Клеточные элементы расположены в щелях между пучками волокон, имеют распластанную форму. В сетчатом слое это главным образом фибробласты; в сосочковом слое клеток больше, состав их более разносбразен. К 6 месяцам аргирофильные волокна остаются только вокруг корней волоса, зачатков желез и в области базальной мембраны эпидермиса.

В последующие месяцы эмбриогенеза развитие соединительной ткани кожи идет по пути утолщения сетчатого слоя, увеличения количества волокон, сопровождающегося уплотнением соединительной ткани. При этом клеточные элементы в такой степени сдавливаются, что не всегда удается определить их природу. Вместе с количественными изменениями в основном веществе намечаются изменения в расположении коллагеновых и эластических волокон, которые совершенно четко проявляются в дерме ребенка в первые два года жизни. Они состоят в том, что эластические волокна в большинстве своем уже не сопутствуют коллагеновым, а образуют самостоятельную сеть. Волокна эластической сети находятся в натянутом состоянии и всегда имеют прямое расположение, в то время как коллагеновые пучки имеют извитой ход, образуют петли, изгибы. Эластические волокна дермы приобретают характерный вид, специфический для этого типа волокон: они не образуют пучков, имеют на всем протяжении одинаковый диаметр, истончаясь лишь в сосочковом слое; характерно ветвятся, образуя в месте

разветвления расширения, площадки.

С возрастом толщина сетчатого слоя кожи все возрастает, соединительная ткань становится еще более плотной, но увеличение основного вещества в этот период происходит главным образом за счет увеличения и утолщения коллагеновых волокон, а количество эластических волокон и их характер в течение первого десятилетия испытывают незначительные изменения.

Эластические волокна при переходе в сосочковый слой истончаются и образуют около эпидермиса разветвления в виде кисточек. Отдельные тончайшие волокна этих разветвлений подходят к базальной мембране и сливаются с ней.

Согласно наблюдениям ряда авторов (4,5), волокнистые структуры кожи испытывают глубокие изменения в течение всей жизни человека.

У исследованных нами млекопитающих (белая мышь, белая крыса) кожа сохраняет общий план строения, хотя и варьирует в деталях. Количество эластических волокон в дерме очень незначительно, по сравнению с человеком. Появление эластических волокон у крысят наблюдается лишь 4006

концу 1-й недели жизни. Дерма 3-дневного крысенка состоит из большого личества отростчатых клеток, в основном фибробластов, и сети преколлановых волокон, которые не окрашиваются резорцин-фуксином. Позднее день) на поверхности отростчатых фибробластов выявляются тончайшие астические волокна. Их количество, характер расположения совершенно ые, чем у аргирофильных волокон, и возможность какой-либо идентикации этих двух видов волокон у крыс совершенно исключается. Колиство эластических волокон с возрастом увеличивается, и у 2- недельного ысенка они хорошо выявляются при окраске резорцин-фуксином. Некорое число их еще расположено на поверхности клеток. В этом возрасте тодом серебрения четко выявляются также коллагеновые волокна.

При заживлении кожных ран у белой мыши наблюдается восстановление астической стромы путем новосбразования эластических волокон, роста

арых эластических волокон наблюдать не удалось.

Образсвание новых эластических волоконец происходит на 8-дневной адии заживления раны. Этот процесс происходит, как и в нормально извивающейся соединительной ткани белой крысы, всегда при непосредвенном участии фибробластов, т. е. эктоплазматическим путем. Тончайшие астические волоконца, появляющиеся на поверхности фибробластов, азу окрашиваются резорцин-фуксином и не проявляют сродства к ребру.

В противоположность этому, в соединительной ткани человека эластиские волокна не закладываются сразу в виде дефинитивных волокон, меющихся у ребенка после рождения, а проходят ряд постепенных ступей развития, что, очевидно, и объясняет трудности в наблюдении появления

рвых эластических волокон.

В период, когда резорцин-фуксин начинает диффузно окрашивать воокна ссединительной ткани, эластическое вещество еще не имеет морфоломи, характерной для эластических волокон, но в то же время уже не сбнауживает каких-либо пространственных связей с фибробластами. Очевидно, настическое вещество продуцируется не в виде сформированных волокон, в какой-то иной форме, которая на ранней стадии не обладает характерной расочной реакцией.

Позднее (4—4,5 мес.) волокна приобретают способность окрашиваться сорецин-фуксином, сохраняя одновременно и способность черниться серебом. Правда, при этом импрегнированные волокна имеют более светлый тон, и преколлагеновые на ранних стадиях, но, тем не менее, еще не могут быть

азваны коллагеновыми (волокна с амфотерными свойствами).

С возрастом (5 мес.) резорцин-фуксин перестает диффузно окрашивать учки волокон и начинает выявлять тонкие эластические волоконца, распорженные на поверхности более толстых коллагеновых. Лишь к 6 месяцам обриональной жизни появляется четкое разделение волокон соединительой ткани на эластические и коллагеновые. При этом оба вида волокон осполагаются параллельно друг другу. Эти процессы происходят в коже и живота не одновременно; в соединительной ткани живота всегда наблючется значительное отставание формообразовательных процессов.

Эластические волокна у 6-месячного плода еще не имеют характерных рт строения, которые появляются лишь после рождения. В первые два да после рождения меняется и взаиморасположение эластических и коллановых волокон, которые образуют две пространственно независимые сиемы, хотя всегда остается известное количество волокон, расположенных

раллельно друг другу.

H.

У других представителей млекопитающих (белая крыса, белая мышь) астические волокна образуются в непосредственной связи с фибробла-ами, на их поверхности, сразу проявляя характерные тинкториальные ойства. В это же время выявляются преколлагеновые волокна как самооятельная, не связанная в своем развитии с эластическими, система воло-

Таким образом, изучение взятого материала позволяет предположи наличие различного способа развития эластических волокон. Разумеетс для окончательного подтверждения этого предположения необходимо бол широкое изучение эластической стромы у различных животных и в разли ных органах, но это предположение вполне вероятно, так как ведущи основным механическим элементом соединительной ткани являются колл геновые волокна, а эластические волокна, появившиеся позднее коллаг новых и в филогенезе, выполняют вспомогательную роль (2), проявляющую в различных органах с разной интенсивностью, что вполне согласуется с нединаковыми сроками появления эластических волокон у различны животных.

Ленинградский педиатрический медицинский институт

Поступило 3 VII 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> З. С. Володина, ДАН, 99, № 6 (1954). <sup>2</sup> А. А. Заварзин, Избрання труды, 4, Изд. АН СССР, 1953. <sup>3</sup> А. В. Ильина, Вестн. венерол. и дерматол., № (1938). <sup>4</sup> Г. В. Орловская, Арх. патол. 11, № 6 (1949). <sup>5</sup> А. В. Русако Қ физиологии и патологии тканей внутренней среды, 1954. <sup>6</sup> G. Jasswoin, Zs. micr. anat. Forsch., 15 (1928).

•ГИСТОЛОГИЯ

## Г. Г. ТИНЯКОВ

## К ВОПРОСУ О РАЗВИТИИ ВОЛОСА У СЕЛЬСКОХОЗЯЙСТВЕННЫХ ЖИВОТНЫХ

(Представлено академиком И. И. Шмальга ученом 17 VII 1956)

Исследуя развитие кожи у крупного рогатого скота и микроструктуру пазных участков кожи взрослых животных крупного рогатого скота, также изучая развитие и строение кожи других сельскохозяйственых животных (свинья, овца, лошадь, як, верблюд, северный олень,

ось и др.), мы получили следующие озатериалы о закономерностях раз-

ития волоса.

-Почти во всех участках кожи оровы в эпидермисе обнаруживатся три наружных слоя — рогоой, блестящий и зернистый, глубе расположен слой цилиндричеких клеток. В некоторых случаях ам удалось проследить, что все ги слои имеют непосредственное родолжение и встенках корневого ешка волоса. При этом оказыается, что внутреннее эпителиальое влагалище проходит вдоль всео корневого мешка вплоть до эпиермиса кожи, а не до уровня мега впадения сальных желез, как ринято считать для корневых ешков всех животных. Легко быо установить, что в таких случаях энкий слой роговых чешуек эпиермиса, переходящий в стенку орневого мешка, становится не ем иным, как кутикулой внутренего эпителиального влагалища. ледующий за ним блестящий слой ревращается в ороговевший слой ексли, а еще глубже лежащий зеристый слой, обычно состоящий из дного рядаверетеновидных клеток, тановится слоем Генле (рис. 1, 4).

Развивающийся волосяной фоликул вначале обладает тупым

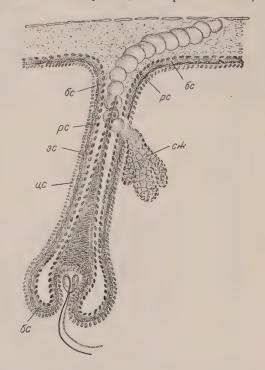


Рис. 1. Схема расположения клеточных слоев в процессе развития волоса. Наверху канал фолликула, формирующийся в связи с развитием сальной железы: pc — роговой слой (кутикула), bc — блестящий слой (слой Гексли), bc — зернистый слой (слой Генле), bc — цилиндрический слой (наружное эпителиальное влагалище), bc — сальные железы

вальным кончиком. В глубине кожи в этот тупой кончик начинает врастать рединительнотканный сосочекс питающими кровеносными сосудами. Кончик олликула впячивается внутрь, происходит своего рода выворачивание коревого мешка (рис. 1). Поскольку в этой впяченной концевой части корнеого мешка располагается соединительнотканный сосочек с кровеносными осудами, то лежащие вокруг него эпителиальные клетки начинают усилено питаться и делиться. Наступает усиленное размножение клеток эпителя луковицы. Но поскольку клетки разных слоев уже детерминированы, о и в своем развитии они дают разнокачественные слои как в самом пержне волоса, так и в стенках внутреннего эпителиального влагалища.

Если соединительнотканный сосочек крупный, то над ним располага ется широкое плато эпителиальных клеток. Из них клетки цилиндриче ского слоя усиленно делятся и дают обильный материал для образования слоя зернистых клеток. Последние, располагаясь более или менее парал. лельно поверхности кожи, дают толстый пористый слой мозгового веществы

в крупных остевых волосах (рис. 2 и 3).

Иную роль играют боковые уплощенные клетки, дифференцированны в сторону образования блестящего слоя. Расположение их, в основном, пер пендикулярное поверхности кожи, и так как они составляют в общей слож ности два-три ряда клеток и располагаются более поверхностно, то их росв луковице дает более поверхностный, более тонкий и плотный слой кор кового вещества стержня волоса. Поскольку «роговой» слой эпидермису получает здесь поверхностное расположение, то и на стержне волоса в про цессе выпячивания корневого мешка он остается самым наружным, одно слойным кутикулярным слоем. Так происходит образование слоев стержи остевого волоса или преобразование клеток корневого мешка в его вывернутой во внутрь и растущей части, которую мы и именуем волосом.

Иную судьбу претерпевают клетки невывернутой части стенок волося ного фолликула. Они остаются в более бедных условиях питания, поэтом быстро подвергаются ороговеванию за исключением производящего наружн ного цилиндрического слоя. Самый внутренний роговой слой превращается здесь в кутикулу корневого влагалища, которая, как известно, непосред ственно соприкасается с кутикулой стержневой части корня волоса. Глубж лежащий блестящий слой становится ороговевшим слоем Гексли, а слой зер нистых, веретеновидных клеток становится слоем Генле внутреннего эпители ального влагалища (рис. 2 и 4). Самый наружный слой цилиндрически живых клеток становится стенкой наружного эпитемиального влагалища Ближе к поверхности кожи этот слой производит большое количество рядо

Таким образом, по нашим данным, мозговое вещество стержня волоса об разуется веретеновидными или ромбическими параллельными поверхност: клетками зернистого слоя эпидермиса, что соответствует слою  $\Gamma$ енле внутрен него влагалища. Корковое вещество волоса создается элементами, соответ ствующими клеткам блестящего слоя эпидермиса или клеткам слоя Гекслвнутреннего эпителиального влагалища. Кутикула, или чешуйчатый сло стержня волоса образуется клетками рогового слоя что, соответствуе

клеткам кутикулы внутреннего эпителиального влагалища. В тех случаях, когда в стержне волоса отсутствует или почти отсутствуе мозговое вещество, волоски всегда получаются тонкие, пуховые. Мы обна ружили, что развитие пуховых волосков связано с образованием очень слаб развитого соединительнотканного сосочка, который слегка впячиваетс в луковицу корня. В таких луковицах почти не образуется плато, и сосоче обычно имеет форму конуса. В образовании стержня пухового волоса при нимают участие, по существу, только боковые поверхностные клетки впя чивания, т. е. клетки, способные образовывать корковое вещество и кути кулу волоса. Поскольку кутикулярные клетки в толщине не могут в совс купности иметь более 4—6  $\mu$ , а клетки коркового слоя — более 16—22  $\mu$ то без участия крупных клеток зернистого слоя возникают только пуховы волоски. Диаметр последних не может превышать 28—30 и, чт наблюдается, например, у тонкорунных овец.

Московский технологический интитут мясной и молочной промышленности

Поступило 6 VII 1956

### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> А.В. Немилов, Гистология и эмбриология домашних животных, 193<sup>2</sup> А.А.Заварзин, С.И.Щелкунов, Руководство по гистологии, 1954. <sup>3</sup> А.И. Махітом, W.Bloom, A Textbook of Histology, 1949. <sup>4</sup> А.W. Нат, Histolog 1950. <sup>5</sup> W. Möllendorff, K.Goerttler, Lehrbuch der Histologie, 1955.





Рис. 2

Рис. 3

Рис. 2. Поперечный разрез остевого корня волоса у овец. Хорошо видны все слои стержня волоса и стенок корневого мешка

Рис. 3. Продольный разрез остевого стержня и корня волоса лося в зимнее время. В стержне располагается пористое мозговое вещество, возникшее из клеток зернистого слоя



Рис. 4. Кожа хвоста коровы. Хорошо виден переход всех слоев из эпидермиса в стенку волосяного фолликула: 1 — зернистый слой, 2 — блестящий, 3 — роговой



## Доклады Академии наук СССР 1956. Том 111, № 5

ЭКОЛОГИЯ

#### Е. А. КОРЯКОВ

# НЕКОТОРЫЕ ЭКОЛОГИЧЕСКИЕ ПРИСПОСОБЛЕНИЯ В РАЗМНОЖЕНИИ ГОЛОМЯНОК (PISCES, COMEPHORIDAE)

(Представлено академиком Е. Н. Павловским 23 VII 1956)

Имеющиеся в литературе сведения о времени размножения голомянок отперногия) получены методом изучения половых циклов производителей. Верещагину (¹), размножение малой голомянки (С. dybowskii Kor.) иходится на февраль - март, большой голомянки (С. baicalensis Pall.)— июль - август. Талиев (9) по количеству отнерестовавших самок в улок удлиняет период выплода личинок малой голомянки до июня - июля; тоносные особи большой голомянки встречались в уловах почти кругй год.

Способ изучения размножения голомянок по появлению потомства кры, личинок) до сих пор не использовался, хотя ихтиопланктон открый части Байкала представлен, по существу, только молодью Comephorus. епятствием служило незнание видовых признаков молоди: ее видовую инадлежность в случае необходимости устанавливали косвенно, по врени размножения (3,5).

Впервые морфологические признаки, отличающие молодь большой и лой голомянки, были приведены в монографии Д. Н. Талиева (9). Приглив к работе над массовым материалом, мы убедились, что можно упроить и ускорить ход определения молоди по видам, используя в качестве

ознавательного признака характер пигментации.

Мы установили, что эмбрионы большой голомянки еще до выхода из олочки (икринки) имеют на верхней части брюшка, ближе к анусу, от ода до трех наружных пигментных точек. Этот пигментный знак сохраняется окидающих тело матери предличинок длиной около 9 мм и затем, по мере ста особи, усиливается прибавлением новых точек в первоначальном ряду появлением 2—3 нижних рядов, причем старшие пигментные клетки ста-

вятся звездчатыми.

У эмбрионов и предличинок малой голомянки пигмент (кроме глазного) утствует\*. Первые пигментные клетки над брюшком появляются уже стадии предмалька, при длине 18—20 мм. Почти одновременно появляется днебоковой ряд пигментных точек, сохраняющийся иногда и у взрослых б. Он отсутствует у большой голомянки, для которой при длине 20—25 мм рактерно появление густого пигмента на рыле, затылке и хвостовом бле. Среднебоковой пигмент как признак молоди большой голомянки взан Д. Н. Талиевым ошибочно.

Руководствуясь этими признаками, мы обработали 374 пробы сборов 3 и 1954 гг. на створе Лиственичное-Снежная (Ю. Байкал). Лов произился ежемесячно (с вынужденными пропусками) сетью типа Джедди

<sup>\*</sup> Сохранение или возникновение эмбрионального пигмента у С. baicalensis, размномиейся в теплое гидрологическое полугодие, приспособительно связано не с температу-(которая на глубинах практически не отличается от зимней), но с принудительным фовым выносом пассивных предличинок в верхнюю освещенную зону при усиленной куляции водных масс, возбуждаемой ветрами.

из шелкового газа № 18 с диаметром входного отверстия 90 см. Число тчек на створе было от 3 до 7. В результате этого мы получили возможное представить ход размножения голомянок числом молоди определение этапа развития в столбе воды под 1 м² до глубины 500 м. Контрольные ло до глубин 1000 и 1500 м подтвердили данные (²) о совершенно незначителном количестве молоди Comephorus в слоях глубже 500 м. Показател численности служило ежемесячное средне-взвешенное, с учетом протяжености участков створа, характеризуемых точками лова. Взяты средние два года (для заполнения пропусков), после того как предварительно убедились, что данные 2 лет по совпадающим срокам достаточно близки.

На графике (рис. 1) пунктирные кривые дают численность предличин второй стадии фазы предличинки по Рассу (8) (первая стадия почти полност

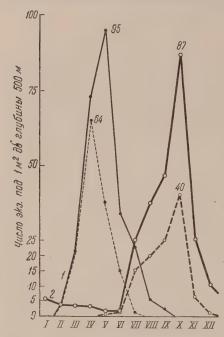


Рис. 1. Динамика численности личиночных стадий голомянок под  $1 \text{ м}^2$  до глубины 500 м в Южном Байкале: I— C. dybowskii; 2—C. baicalensis, сплошные кривые — всего, пунктир предличинки

проходит в теле матери). Длина моло малой голомянки (до конца плавников каймы) к концу фазы составляет 9,5 м большой—11 мм. Эти размеры примено на 2 мм больше, чем у только что орожденных (7—7,5 малая и 9—9,5 мольшая). Наблюдается некоторая ранокачественность потомства: предличики, выходящие из тела матери посленими, крупнее первых. Деторождение стественных условиях, вероятно, растнуто-мелкопорционное, а не разовкак наблюдалось в аквариуме (9).

Сплошные кривые на рис. 1 показ вают изменение численности молоди размера 15 мм, что соответствует появнию лучей в непарных плавниках (1 стария фазы личинки по Рассу). Стари молодь не рассматривается ввиду во можного активного убегания от ор

дия лова.

Как видно из хода кривых, мако мальная численность молоди первых эт пов пост-эмбрионального развития малой голомянки приходится на а рель - май, у большой — на октябр По присутствию предличинок опредляется период размножения мал голомянки февраль— июль, больш голомянки — июнь — ноябрь (возмо

но и декабрь). Первая размножается в весеннее полугодие, вторая —

Летние сборы молоди менее надежны, особенно во вторую, штормову половину лета, когда число станций приходилось сокращать, а ловы вес при сильном ветре и волнении. Ввиду этого пеясно, является ли излом лет части кривой у большой голомянки (июль — сентябрь) делом случая и имеются две волны размножения, из которых первая могла бы принадлежа потомству вторично нерестующих, а вторая — потомству более многоч ленного пополнения (7).

Обращает на себя внимание крутое падение кривых хода размножен к зимнему периоду и более пологое выклинивание, с взаимным перекрванием времени размножения отдельных видов, летом. Можно представи что при депрессии одного из видов второй в течение сравнительно коркого времени может перейти на размножение, характеризующееся двумаксимумами: весенним и осенним. Такой переход произошел, наприму байкальского пелагического бокоплава Macrohectopus Branickii (5)

Кривые рис. 1 позволяют сделать некоторые заключения о росте молоди. Ти предличинки малой голомянки длиной 9,5 мм исчезают в ловах к серене июля, а личинки в 15 мм к середине сентября, то прирост 5—6 мм проходит за два месяца, т. е. по 2—3 мм в месяц. Скорость роста на том же апе развития у большой голомянки, вероятно, несколько выше — до —5 мм в месяц. Если принять условно этот рост постоянным в течение года, довики малой голомянки будут иметь размер 30—40 мм, большой 60—70 мм. нагодаря полугодовому и более длинному периоду размножения голомянки ловные годовики могут иметь очень сильные колебания в размерах и разчное число колец на отолитах.

Площади фигур внутри кривых соответствуют общей численности, выжиющего до данной стадии развития потомства вида. Уже с первого взгляда дно, что популяционная численность потомства у большой и малой голонки приблизительно одинакова, так как площади, ограниченные верхними ивыми, т. е. стадией личинки, равны. Однако на стадии предличинки чиснность потомства малой голомянки на 25% выше, и, следовательно, гибель следующем этапе развития должна быть выше, чем у большой голомянки.

Можно попытаться определить вычваемость на этапе предличинка — чинка. Для этого найдем для ющадей фигур под кривыми средгодовую численность молоди (в шт. д 1 м² до глубины 500 м) м. табл. 1).

Как видно из табл. 1, на этапах извития от предличинки 9,5 мм до ичинки 15 мм отход молоди у малой ломянки составляет 17% (выживаеюсть 83%).

Таблица 1

Стадии развития	C. dybowskii	C. baica- lensis
Предличинки Пичинки	11,7	8,8 12,6
Bcero:	21,4	21,4

У молоди большой голомянки на тех же этапах развития убыль оказалась рицательной. Поскольку личинки улавливались сетью так же хорошо, их и предличинки, то каковы могут быть причины этого явления.

Во-первых, возможно, что часть молоди отрождена или занесена циркущией водных масс глубже 500 м и лишь по мере роста происходил активный подъем в зону облова. В таком случае, если принять за отход 17%, так жек и у малой голомянки, средняя численность молоди большой голомянки стадии предличинки будет не 8,8, а около 15. Ошибка не имеет принцимального значения, так как может быть устранена ловами до больших

убин.

Методически важнее и сложнее искажения численности разных групп олоди во времени, имеющих характер артефакта. Если при рождении предичинка большой голомянки имеет длину тела 9—9,5 мм и рост за месяц 4 мм, при ловах раз в месяц значительная часть этой группы перейдет в группу ичинок (11—15 мм) и будет иметь место кажущееся увеличение выживаеости. При быстром прохождении некоторых этапов развития соответстующие группы в обычных периодических ловах окажутся очень малочиенными или вовсе не представленными. Поэтому наши данные о выживании ломянок на стадиях личинки можно принимать лишь как весьма предваительные. Однако высокая выживаемость молоди голомянок этой стадии полне вероятна. Во-первых, ежемесячный прирост длины личинки малой оломянки примерно равен размерному интервалу во взятой нами морфолоческой группировке, и ошибка в этом случае должна быть не так уж лика; во-вторых, плотность населения глубинных толщ воды низка, виовой состав беден, температуры почти постоянны. Концентрация личинок едко превышает в среднем 1 на  $5~{
m M}^3$  на столб воды от 0 до  $500~{
m M}$ . Очевидно, этой причине молодь голомянок до стадии предмалька в пище рыб не айдена. Разреженность населения у голомянок представляет одно из эколоческих приспособлений, способствующих их размножению.

Вряд ли справедливо поэтому мнение Талиева, что личинки голомяно должны гибнуть больше, чем молодь других рыб. Автор также не пракутверждая, что выживание голомянок 1:1 000 невероятно, так как у вобли леща оно составляет 10—15 на 100 000. Но, приняв эту норму выживам мости для голомянок, легко убедиться, что обеспечение в потомстве одно пары производителей, потребует 5 пар родителей. При такой норме выжи

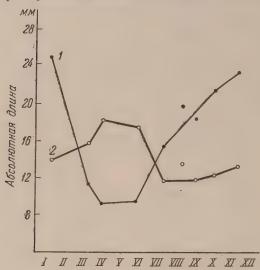


Рис. 2. Средний размер молоди голомянок по месяцам в Южном Байкале:  $1-\mathrm{C.}$  dybowskii,  $2-\mathrm{C.}$  baicalensis

ваемости голомянки, плодовы тость которых не более 500 за всю продолжительност жизни (видовая плодовитост Иоганзену (4), исчезл бы за одно десятилетие. Оч видно, что выживаемость при цветающего вида не быть существенно ниже удве енной обратной величины в довой плодовитости и находи в ней численное выражени Выживаемость у обоих видо голомянок, при почти равно плодовитости (7), должна быт близка и не ниже 1:2500.

Ранее (7) мы обратили вни мание на размерный хиату между популяциями зрелы самок большой и малой голо мянок, как требование сопроженной эволюции этих «ведов-близнецов» (9) на баз общего кормового организм

(М. branickii). Но этот фактор действует и на ранних этапах онтогнеза голомянок, так как единственным и общим объектом питания молол является веслоногое Epischura baicalensis. Рачок дает два максимума бимассы — весенний и осенний (5,6), к которым и приурочено массовое размножение голомянок. Разрыв между временем массового размножения каждов вида почти точно на полгода обеспечивает наилучшие условия не тольедля отрожденных личинок, но и для последующих стадий развития благодаря наибольшему расхождению в размерах, что в данном случае адэкватт расхождению по составу пищи. На рис. 2 приведены кривые средневзвешет ных размеров молоди по месяцам. Как видим, кривые имеют зеркально соотношение, а точки их пересечения (сближение размеров молоди и усилиние конкуренции за пищу) приходятся на периоды годовых минимумс общей численности молоди в толще воды (см. рис. 1).

Экологические адаптации в размножении голомянок указывают, скорена необходимость почти единовременного возникновения в едином водоем обоих представителей сем. Comephroidae и на их сопряженную приспостоительную эволюцию в условиях, близких к современным.

Байкальская лимнологическая станция Восточно-Сибирского филиала Академии наук СССР

Поступило 21 VII 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> Г. Ю. Верещагин, С. П. Сидорычев, ДАН, А, 126 (1929). <sup>2</sup> Б. І Гарбер, Тр. Байкальск. лимнол. ст., 12 (1948). <sup>8</sup> А. А. Захваткин, Тр. Ба кальск. лимнол. ст., 2 (1932). <sup>4</sup> Б. Г. Иоганзен, Тр. Томск. гос. унив., 131 (1955 <sup>5</sup> М. М. Кожов, Животный мир озера Байкал, Иркутск, 1947. <sup>6</sup> М. М. Кожов Бопр. ихтиол., 2 (1954). <sup>7</sup> Е. А. Коряков, ДАН, 101, № 5 (1955). <sup>8</sup> Т. С. Рас Зоол. журн., 25, № 2, (1946). <sup>9</sup> Д. Н. Талиев, Бычки подкаменщики Байкала (Сс. toidei), М.—Л., 1955.

## МИКРОБИОЛОГИЯ

# м. и. гольдин и в. л. федотина

# ИССЛЕДОВАНИЕ ВИРУСА МОЗАИКИ ТАБАКА МЕТОДОМ УЛЬТРАТОНКИХ СРЕЗОВ

(Представлено академиком В. Н. Шапошниковым 28 IX 1956)

Метод ультратонких срезов значительно расширяет возможности электронномикроскопических исследований, в частности он может быть использован обльшим преимуществом по сравнению с другими методами для изучения вирусных включений, выяснения закономерностей их распределения в ратительной клетке и взаимоотношения вируса с клеткой хозяина.

Брандес (3) приводит результаты своих опытов по электронномикроскоическому исследованию сверхтонких срезов тканей табака, содержащих кристаллические включения вируса мозаики табака (в. м. т.). По его данным, каряду с клетками, лишенными вирусных частиц, встречаются клетки с эдиничными вирусными палочками. Автор подтверждает положение, что основная масса вируса мозаики табака находится в виде вирусных включений (.). По данным Брандеса, клетки растения очень часто бывают сплошь заполнены частицами в. м. т.

В процессе освоения метода ультратонких срезов нами, так же как и Брандесом, применялась фиксация по Паладе (4) в буферированном ацетатзеронолом 2%-м растворе четырехокиси осмия при рН 7,3—7,5. Продолкительность фиксации 24 ч.

Дальнейшая обработка срезов проводилась по способу Ньюмена, Боэиско и Свердлова. Срезы толщиною 0,05  $\mu$  получались на микротоме фирмы

Trüb. Tauber, с применением стеклянного ножа.

Как видно из рис. 1, обе части клетки, так же как и в опытах Брандеса,

заполнены вирусными частицами.

Как известно, включения в. м. т. представляют собой агрегаты вирусных частиц. При повреждении клетки кристаллы распадаются, они как бы растворяются, и отдельные вирусные частицы растекаются по всей клетке. Исходя из этих данных, мы считали необходимым выяснить, в какой степени фиксация по Паладе обеспечивает сохранность кристаллических включений вируса мозаики табака. С этой целью нами были проведены следующие опыты. С помощью светового микроскопа просматривались сделанные от руки срезы ткани мозаичного табака. Зарисовывались волоски и содержащиеся в них кристаллические включения. В каждой серии опытов было использовано по 3 среза. Затем вода заменялась фиксатором, и препарат выдерживался в течение 30 мин. в темном месте в маленькой плотно закрытой коробочке. Просмотр показал, что после фиксации по Паладе из 150 лишь в 14 случаях вместо кристаллов можно было обнаружить их остатки в виде кучки зернышек. В одном волоске в конечной клетке сохранился один кристалл.

В другом опыте срезы выдерживались не на предметном стекле, а в пробирочке с фиксатором. В двух из трех учтенных волосков кристаллы после фиксации полностью исчезли во всех клетках. В первой клетке третьего волоска из двух находившихся там крупных кристаллов после фиксации сохранилось несколько зерен одного кристалла. Такие же результаты были

получены и в том случае, если срез без предварительного просмотра в вод

помещался в пробирку с фиксатором.

Таким образом, при фиксации по Паладе включения вируса мозаики табаю в значительной мере распадаются, в разультате чего возникают артефакты не дающие возможности получить правильное представление о распределения вирусных частиц в клетке растения. Хорошо фиксирует вирусные включения пикриновая кислота, но она, как и осмиевая, входящая в фиксато Паладе, диффундирует в ткань растения очень медленно. За промежуто времени от начала повреждения клетки пикриновой кислотой до моментфиксации ею кристаллических включений, часть кристаллов успевает разрушиться (2). Исходя из этих соображений, мы считали целесообразным применить фиксацию ультратонких срезов, содержащих агрегаты вирусны частиц (типа включений в. м. т.), 5%-м водным раствором трихлоруксуснокислоты, которая отличается быстротой проникновения и полнотой фиксации

Контрольные опыты дали следующие результаты. Предварительно, дификсации трихлоруксусной кислотой, были зарисованы волсски и содержащиеся в них 43 кристаллических включения в. м. т. Через 2 часа после фиксации и обработки по способу Ньюмена, Бориско и Свердлова все кристалли сохранились. Повидимому в результате уплотнения в кристаллах обозначилась штриховатость. Как видно из рис. 2, кристаллы хорошо сохрания

лись.

При фиксации трихлоруксусной кислотой включения удается наблю

дать в обычный микроскоп даже в срезах, уже заключенных в блоки.

Быстрая, почти мгновенная фиксация, осуществляемая трихлоруксусствой кислотой, сводит к минимуму артефакты, которые возникают при ображботке срезов осмиевой кислотой, и дает возможность констатировать дей ствительное расположение вирусных частиц в живой клетке. В серии сверх тонких срезов листьев мозаичной гомфрены (Gomphrena globosa), фиксированных трихлоруксусной кислотой, мы могли установить следующее расположение вирусных частиц.

Из общего числа 64 учтенных клеток в 36 вирусные частицы не были об наружены, в 20 содержались только кристаллы Ивановского, в 2 были обнаг ружены кристаллы и расположенные около них отдельные вирусные частицы и только в 6 клетках были отдельные вирусные частицы, кристаллы отсут

ствовали.

Таким образом, в наших опытах устанавливается весьма неравномерном распределение вирусных частиц в. м. т. в живой клетке растения (гомфреных с преимущественным скоплением их в крупные кристаллические образования. Весьма интересно, что рядом с клеткой, содержащей только кристаллиногда можно обнаружить клетку с большим количеством вирусных частиц Возможно, что в такого рода клетках зафиксирован период накопления вирусных частиц.

Следует иметь в виду, что в зависимости от индивидуальных свойств штамма в. м. т., внешних условий и времени, прошедшего с момента заражения, распределение вирусных частиц в клетке хозяина будет различным

Институт микробиологии Академии наук СССР Поступило 12 VI 1956

## ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> М. Гольдин, Микробиология, 7, 9—10, 1124 (1938). <sup>2</sup> М. Гольдин, Вирусные включения в растительной клетке, М., 1954. <sup>3</sup> J. Brandes, Naturwiss., 42, 4, 101 (1955). <sup>4</sup> G. Palade, J. Exp. Med., 95, 285 (1952).

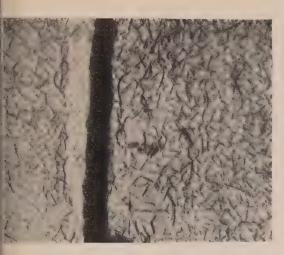






Рис. 2

Рис. 1. Сверхтонкие срезы ткани табака, пораженного в. м. т. В клетках равномерно распределены вирусные палочковидные частицы. Электронномикроскопический снимок  $14000 \times$ Рис. 2. Волоски мозанчного табака с кристаллическими включениями. Срезы фиксировались

5%-й трихлоруксусной кислотой с последующей обработкой по способу Ньюмена, Бориско и Свердлова. Микрофотография 700×





Рис. 3. Сверхтонкие срезы ткани гомфрены, пораженной в. м. т. В клетке виден большой кристалл. Отдельные вирусные частицы отсутствуют.  $A = 7000 \times ; B = 14000 \times$ 



## МИКРОБИОЛОГИЯ

Член-корреспондент АН СССР Н. А. КРАСИЛЬНИКОВ, А. Н. БЕЛОЗЕРСКИЙ, Я. И. РАУТЕНШТЕЙН, А. И. КОРЕНЯКО, Н. И. НИКИТИНА, А. И. СОКОЛОВА и С. О. УРЫСОН

# АНТИБИОТИК ГРИЗИН (ГРИЗЕМИН) И ЕГО ПРОДУЦЕНТЫ

К актиномицетам, наиболее часто выделяемым из почвы и из других приодных субстратов, в первую очередь принадлежат так называемые серые ктиномицеты, т. е. культуры, образующие воздушный мицелий от светлотемно-серого цвета (группа Act. griseus). Многолетние наблюдения надлиями культур указанной группы показали, что эта группа весьма разнордна и включает биологически разные виды и разновидности. Настоящее общение посвящено описанию культур этой группы, продуцирующих ктибиотик, названный в свое время «гризин», или № 15. Продуценты грина широко распространены в природе, но чаще всего выделялись нами в сероземов и каштановых почв. Перекрестное испытание взаимоотношемя культур этой группы с представителями других групп серых актиночицетов показало, что они, как правило, не угнетают друг друга, но в то е время или угнетают культуры других групп, или сами угнетаютсями. Эта их особенность в значительной степени способствовала дифференцации среди серых актиномицетов культур, продуцирующих гризин, от

ультур, продуцирующих другие антибиотические вещества.

По морфологическим, культуральным, а также по, обычно используемым ои систематике, физиологическим свойствам разные штаммы продуцентов оизина были весьма близки друг другу. Штамм № 15, приводимый в каестве типового, хорошо растет на синтетических средах типа среды Чапека, а картофельном агаре, МПА, сусло-агаре и других средах с органическими ормами азота. На Чапек-агаре колонии бесцветные, бугристые или складатые, плотные, покрыты бархатистым мицелием серого или беловато-сеого цвета. На МПА, сусло-агаре, среде Ваксмана и некоторых других лковых средах воздушный мицелий или вовсе не образуется, или сбразуется виде отдельных островков. На агаризированной среде, приготовленной з сухого мясного порошка, воздушный мицелий беловатого цвета образуетна всей поверхности среды. Пигмента в среду штамм № 15 не выделяет. а ломтиках картофеля рост обильный, воздушный мицелий белый. В стаых культурах часто возникают колонии вторичного роста с более пушистым оздушным мицелием беловатого цвета. Культуры из этих колоний или овсе не продуцируют антибиотика или продуцируют его в незначительом количестве. Спороносцы спиральные с 1,5 — 3,5 оборотами. Споры аровидные или овальные, 0,8—0,9  $\mu$  в диаметре (рис. 1, см. вклейку к p. 1008).

Желатину разжижает слабо, молоко пептонизирует без свертывания содщелачиванием. Крахмал интенсивно гидролизует. На клетчатке дает два заметный рост. Среди 16 изученных штаммов продуцентов гризинамись отдельные штаммы, которые отличались от № 15 по интенсивности оста и характеру окраски воздушного мицелия, по обилию спорообразония и по количеству завитков у спороносцев (от 3 до 7), по интенсивному

азложению желатины.

Продуценты гризина лучше всего выделяли антибиотическое вещество сложных органических средах, в основном на средах, богатых белками,

как при выращивании в условиях покоя, так и при глубинном методе рост на качалке. Максимум накопления антибиотика отмечался на 4—5 день пр глубинном росте и на 7—10 день в условиях покоя при температуре 25-26°. Все 16 испытанных штаммов хорошо продуцировали гризин на сред приготовленной из сухого мясного порошка (1—2%) с прибавлением глюкоз (1—2%) и мела, а также на среде из сухого рыбного бульона с глюкоз и мелом. Активность культуральной жидкости при выращивании на сре, из сухого мясного порошка колебалась от 243 до 5000 ед., по данным титр: вания по Staph. aureus. Изучение влияния разных источников углерода г продуцирование гризина показало, что для указанной цели вполне прг годны глюкоза, сахароза, мальтоза, лактоза, галактоза, крахмал и глицирин.

Химическая очистка и изучение химических свойств гризина проводилиств Институте биохимии им. А. Н. Баха Академии наук СССР. Из имеющих продуцентов гризина наиболее детально были изучены вещества, продуце

руемые штаммами №№ 15, 20, 70, 101 и 111.

Антибиотические вещества выделялись из культуральной жидкосттв которую добавлялся солянокислый экстракт (рН около 3) мицелия. Экстрагировать мицелий приходилось для полноты извлечения антибиотика, такак опыт показал, что мицелий содержит довольно значительное его количество.

Культуральная жидкость очищалась добавлением угля при рН 3, затепосле удаления угля и доведения рН до 4,5 выпадал осадок, который такжи отбрасывался, и, наконец, антибиотик из очищенной культуральной жи, кости сорбировался на уголь при рН 7,5. Элюирование антибиотика с угл. производилось 40—50%-м этиловым спиртом, подкисленным до рН 3 Элюаты нейтрализовались до рН 5—6 и сгущались в вакууме до сиропикоторый обладал активностью до 70 000 ед/мл при титровании г St. aureus.

Для получения очищенного препарата в сухом виде дальнейшая очисти антибиотика производилась через пикрат и затем через гелиантат (¹). Полученный хлоргидрат антибиотика представлял собой совершенно белы порошок с активностью до 20 000 ед/мг по Staph. aureus и 2 000 ед/мг п Васt. coli.

Описанным методом были получены антибиотические вещества, продемируемые штаммами №№ 15, 20, 70, 101 и 111. Хлоргидраты этих антибию тиков представляли собой аморфные гигроскопические порошки, хорошрастворимые в воде и метиловом спирте. Они не теряли активности при хра

нении и были устойчивы к нагреванию.

Все выделенные антибиотики являются азотистыми основаниями и дакселедующие качественные реакции: биуретовую, с нингидрином, на альдегидную группу и на глюкозамин (по Моргану и Эльсону). Реакции на малитол, гистидин и гуанидиновую группу были отрицательными. В очищенны через гелиантат препаратах были определены следующие формы азота общий азот по Кьельдалю, аминоазот по Ван-Слайку — в течение 5 миндо и после 6-часового гидролиза — и азот оснований, осаждаемых фосфорновольфрамовой кислотой из гидролизатов.

В табл. 1 представлены данные о содержании в гризине различных фор

азота, выраженные в процентах к антибиотику и к общему азоту.

Из представленных к табл. 1 данных следует, что в антибиотиках окол 40—45% азота находится в форме аминоазота, реагирующего по Ван-Слайк в течение 5 мин. (аминоазота, реагирующего в течение 30 мин., не обнаружено). После гидролиза почти весь азот, содержащийся в антибиотиках превращается в аминоазот, определяемый в течение 5 мин. Важно отметить что около 75% всего азота падает на азот оснований. Можно предположить что выделенные антибиотики являются веществами пептидной природы

Сходство химических свойств перечисленных антибиотиков, возможност их выделения одним и тем же методом, а также одинаковое расположения

х на бумажной хроматограмме позволяют выдвинуть предположение об

дентичности изучаемых веществ.

Антибиотик гризин обладает широким спектром антимикробного дейтвия и угнетает ряд грамположительных и грамотрицательных микробов, также некоторые дрожжи и грибы — как сапрофиты, так и патогенные ля человека и растений формы. Чувствительными к гризину оказались ледующие испытанные микроорганизмы: Staph. aureus, Bac. subtilis, Bac. resentericus, Mycobacterium luteum, Mycobact. diphtheriae, Mycobact. 3-5, Mycobact. tupberculosis, Cryptococcus, Bact. coli, Bact. prodigiosum,

Jact. proteus, Bact. typhi, Jact. paratyphi, Bact. ysenteriae Shiga, Bact. ysenteriae Flexner, Bact. maivacerum, Bact. citriputeale, Jonillia alba, Fusarium olani, Phomopsis cinereae, hielioviopsis basicola, Deuterophoma tracheiphiia, Saccharomyces cereviiae.

Изучение препаратов ризина, полученных от таммов №№ 15, 20, 70, 01, 111, выполненное в 948—49 гг. на кафедре икробиологии Ленинград-

Таблица 1

№ куль- туры	Общий азот	Аминоазот (по Ва за 5 мин. до гидролиза		мин.)	лайку,	Азот оснований	
		а	6	а	6	а	6
15 70 101 111	14,03 14,17 14,55 14,33	5,51 6,57 6,42 6,31	39,27 46,36 44,74 44,03	13,40 13,54 13,13 13,50			78,18

 $\Pi$ римечание:  $\alpha$  — в процентах к сухому препарату,  $\delta$  — в процентах к общему азоту.

кого химико-фармацевтического института В. В. Добромысловым, показало, то ни сыворотка, ни гной не снижают их активности. Испытание влияния гровяной сыворотки на активность этих же препаратов по отношению к dycobact. tuberculosis, проведенное С. А. Вычкановой в 1948 г. во Всеююзном научно-исследовательском химико-фармацевтическом институте ВНИХФИ) показало, что у разных препаратов она снижается в разной тепени.

Испытание токсичности препаратов гризина, выполненное в лаборатории проф. Г. Н. Першина в ВНИХФИ, выявило, что они обладают относительной токсичностью. Максимально переносимая доза для мышей для разных препаратов гризина колебалась от 0,125 до 0,5 мг при ежедневном введении терение 6—10 дней. Ориентировочные опыты по выяснении терапевтической ценности гризина показали, что введение мышам, зараженным дизенсерией, 2 раза в день по 0,25 мг препарата № 15 предохраняет их от гибели 60—70% случаев. Наиболее детально изучена возможность использования гризина (препарата и культуральной жидкости) от штамма № 15 для борьбы с разными инфекционными болезнями растений. Установлено, что препарат № 15 может быть успешно использован для борьбы с гоммозом хлопнатника (²), с бактериальным увяданием персиковых и с некрозом плодов пимона и мандарина (³,4). Опыты Института микробиологии АН СССР покавали возможность использования гризина для борьбы с мальсекко цитрусовых.

В мае 1949 г. два штамма продуцентов гризина (№№15 и 70), состав среды для выращивания и метод химической очистки были переданы в Институт эпидемиологии и микробнологии им. Н. Ф. Гамалея Академии медицинских наук (ИЭМ) для накопления антибиотика в больших количествах и для более детального его изучения. В Институте эпидемиологии и микробиологии Академии медицинских наук СССР наиболее подробно был изучен препарат, полученный от штамма № 15. По данным ИЭМ, он оказал положительный эффект при печении дизентерии у детей. В указанных исследованиях препарат испытывался под названием ИЭМ № 1. В ИЭМ'е антибиотик, полученный от штамывался под названием ИЭМ № 1. В ИЭМ'е антибиотик, полученный от штамывался под названием ИЭМ № 1.

ма № 15, был использован также в ряде исследований, посвященных изучению вопроса о сущности приобретения бактериями устойчивости к хими котерапевтическим препаратам (5), изучению изменчивости стафилококког под действием антибиотиков (6), а также выяснению содержания нуклеиновых кислот у кишечной палочки, ставшей устойчивой к гризину (7,8) Однако в указанных работах (5-8) препарат гризин, полученный от штамма

№ 15, ошибочно назван гриземином. Мы же считаем необходимым сохранити за описанным антибиотиком ранее предложенное нами название гризин.

Институт микробиологии и Институт биохимии им. А. Н. Баха Академии наук СССР

Поступило 27 VII 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> R. L. Реск, А. Waltin et al., J. Am. Chem., Soc., 68, 772 (1946). <sup>2</sup> H. Al Красильников, Р. О. Мирзобекян, С. Аскарова, ДАН, 79, № 6, 1028 (1951). <sup>3</sup> P. О. Мирзобекян, Докл. ВАСХНИЛ, в. 5, 34 (1952). <sup>4</sup> P. О. Мирзобекян, Докл. ВАСХНИЛ, в. 5, 34 (1952). <sup>4</sup> P. О. Мирзобекян, Изв. АН СССР, сер. биол., № 2, 67 (1953). <sup>5</sup> А. Ф. Мороз, Авторефераканд. диссертации, М., 1951. <sup>6</sup> А. Ф. Мороз, Журн. микробиол., эпидемиол. и иммунол., № 1, 22 (1956). <sup>7</sup> З. А. Попенкова, Там же, № 12, 67 (1955). <sup>8</sup> З. А. Попенкова, Там же, № 1, 26 (1956).

## МИКРОБИОЛОГИЯ

## Г. К. САЕВ и К. Ив. МАРКОВ

## ПЕНИЦИЛЛИН И ТИАМИН КАК ФАКТОРЫ РОСТА СТАФИЛОКОККОВ

(Представлено академиком А. И. Опариным 11 IX 1956)

Тиамин и никотиновая кислота как факторы роста стафилококков подробно изучены (1-3). Исходя из ряда наблюдений над стимуляцией пенициллином роста устойчивых к нему штаммов, мы поставили себе задачу просле-

дить отношение пенициллина к факторам роста стафилококков.

Опыты проводились на основной среде Уэста и Уилсона (4), которая используется обычно для микробиологического определения тиамина при тест-организме Staphylococcus aureus. По методике Уэста и Уилсона испытывался эффект роста следующих веществ: 1) тиамин-гидрохлорида; 2) 2-метил-6-аминопиримидин-5-метилсульфоновой кислоты, полученной по Уильямсу с сотр. (5); 3) 4-метил-5-β-оксиэтилтиацола, полученного по Уильямсу с сотр.; 4) бензил-пенициллин-калиевой соли (производство Министерства здравоохранения Болгарии), бензил-пенициллин-натриевой соли (производство Министерства здравоохранения СССР и ВЕБ — Йенафарм ГДР); 5) бензил-пенициллоиновой кислоты, полученной щелочным гидролизом пенициллина по Ортенбладу (6) и под воздействием препарата пенициллиназы.

Вещества прибавлялись к основной среде, содержавшей  $1,6\cdot 10^{-6}$  мол/л никотиновой кислоты и засевались исследуемыми стафилококковыми штаммами. После 36-часовой инкубации при  $37^{\circ}$  развитие стафилококков оп-

ределялось при помощи нефелометра Пульфриха.

Исследования проводились с 41 штаммом St. aureus, которые по своей устойчивости к пенициллину распределяются следующим образом: у 12 штаммов развитие задерживается при концентрации пенициллина < 1E/мл; у 22 штаммов — при концентрации пенициллина между 1 и 250 E/мл и

7 штаммов — при концентрации пенициллина > 250~E/мл.

Рост исследуемых штаммов исследовался на следующих средах, содержащих испытуемые вещества: 1) основная среда, содержащая в качестве фактора роста только  $1,6\cdot10^{-6}$  мол/л никотиновой кислоты; 2) основная среда с  $3\cdot10^{-10}$  мол/л тиамина; 3) основная среда с  $3\cdot10^{-10}$  мол/л 2-метил-6-аминопиримидин-5-метилсульфоновой кислоты; 4) основная среда с  $3\cdot10^{-10}$  мол/л 4-метил-5- $\beta$ -оксиэтилтиацола; 5) основная среда с  $3\cdot10^{-10}$  мол/л 2-метил-6-аминопиримидин-5-метилсульфоновой кислоты и  $3\cdot10^{-10}$  мол/л 4-метил-5- $\beta$ -оксиэтилтиацола; 6) основная среда с  $3\cdot10^{-10}$  мол/л бензил-пенициллина (0,0015 E/мл); 7) основная среда с  $3\cdot10^{-10}$  мол/л бензил-пенициллоиновой кислоты ( $\alpha$  — полученной щелочным гидролизом и  $\alpha$  — полученной под воздействием препарата пенициллиназы); 8) основная среда с  $3\cdot10^{-10}$  мол/л бензил-пенициллина и  $3\cdot10^{-10}$  мол/л тиамина.

Выяснилось, что ни один из исследуемых штаммов не развивается при наличии только никотиновой кислоты (среды 1). В соответствии с данными Найта (2,3), 29 из исследуемых штаммов развиваются при одновременном наличии тиамина и никотиновой кислоты (среда 2). Для всех этих штаммов тиамин может быть успешно заменен смесью из тиацоловой и пиримидиновой

компонент молекулы тиамина (среда 5). Взятые в отдельности обе эти состав.

ные части (среды 3 и 4) неактивны.

У 15 из 29 штаммов, развивающихся в присутствии тиамина и никоти новой кислоты, тиамин может быть заменен эквимолекулярной концентра цией пенициллина, причем получается эффект роста того же порядка. Результаты для двух из исследуемых штаммов приведены на рис. 1. Такие жерезультаты были получены и с бензил-пенициллоиновой кислотой (среда 7) равно как и с пенициллинами различного производства. Установлено, что

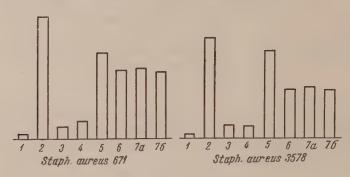


Рис. 1

эффект роста тиамина проявляется до концентрации  $10^{-11}$  мол/л, а пеницилина до концентрации  $10^{-10}$  мол/л.

Замечено, что между стафилококками, для которых тиамин может быть заменен пенициллином без существенного влияния на изменение роста,

преобладают устойчивые к пенициллину штаммы.

Из остальных 12 штаммов, которые все устойчивы к пенициллину и которые не развиваются при наличии тиамина и никотиновой кислоты (среда 2), 6 штаммов развиваются при добавлении к среде пенициллина (среда 8). Остальные 6 штаммов не развиваются и при этих условиях. Вероятно, в процессе адаптации они стали зависимыми и от других факторов роста.

Полученные результаты показывают, что для значительной части исследованных штаммов стафилококков (для 15 из 41) пенициллин является фак-

тором роста, способным заменить тиамин при тех же концентрациях.

Высший медицинский институт София, Болгария

Поступило 7 VII 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

B. C. J. G. Knight, Biochem. J., 31, 731 (1937).
 B. C. J. G. Knight, Biochem. J., 31, 966 (1937).
 B. C. J. G. Knight, Biochem. J., 32 (1938).
 M. West, P. W. Wilson, Science, 88, 334 (1938).
 R. R. Williams, R. E. Waterman et al., J. Am. Chem. Soc., 57, 536 (1935).
 B. Örtenblad, Acta Chem. Scand., 4, 518 (1950).

## ЭКОЛОГИЯ РАСТЕНИЙ

#### Е. А. ДОРОГАНЕВСКАЯ

## О СВЯЗИ АКТИВНОСТИ КАТАЛАЗЫ У ПОЛЫНИ С ЭКОЛОГИЧЕСКИМИ УСЛОВИЯМИ

(Представлено академиком А. Л. Курсановым 14 IX 1956)

В числе работ эколого-географического характера, проводившихся в рай-Тянь-шаньской станции, была сделана попытка проанализировать енения свойств некоторых ландшафтных растений по вертикальным пояпутем сопоставления их внутренних процессов с условиями среды. эяду с определениями изменений их химического состава, средством оценизучаемых связей было определение у этих растений активности ферта каталазы, которая считается показателем интенсивности процессов знедеятельности организма. Связи этого фермента с системой физиолоеских и биохимических процессов позволили предположить, что его ікой-то мере можно использовать в качестве показателя итоговой реакции гительного организма на сложный комплекс экологических воздействий. жность рассматриваемых взаимодействий могла послужить известным пятствием. Однако при работе, например, с полынью (Artemisia tiananica) результаты оказались достаточно четкими и освещающими с новой роны как биологические особенности этого растения, так и связи его словиями местосбитания.

Опыты проводились на двух равнинных участках сухой степи (высота у. м. 1740 и 1765 м) и в предгорьях (2150 м). Методика определения акности каталазы (а. к.): навеска свежих растений в 0,5 г, растертая с ком и мелом, взвешивалась в 100 мл воды. Для определений применялось мл суспензии и 2 мл 3%-ной перекиси водорода. Температура в термоге 15°. Охлаждение — водой горной речки. Отклонения, вызываемые ышением температуры до 17°, не превышали обычных погрешностей та. Взбалтывание — от руки. Мерой а. к. служил объем О<sub>2</sub>, определяти отсчетом на 5-й минуте. Разница отсчетов в параллельных определениях

более 0,1 мл.

Невысокая величина а. к. в первую половину лета соответствует медному темпу развития полыни, которая до осени остается в ранних фазах вития — вегетации и бутонизации. Но в то время как а. к. у многих гений сильно снижается в сезонном ходе, у полыни она еще долго

ается на уровне, близком к прежнему (табл. 1)

Как показали исследования В. А. Благовещенского (1), изменения а. к. астений в течение дня выражаются одновершинной кривой с максимумом ди дня. Это подтверждалось и нашими данными. У полыни же обычно людался противоположный ход этого показателя. В ясные жаркие дни вая дневного хода а. к. была вогнутой с минимумом среди дня (табл. 2). тренние и вечерние часы а. к. может достигать уровня, свойственного гим растениям в молодом возрасте. Но уже к середине дня наступает кое падение а. к. После минимума, наблюдавшегося в большинстве опыоколо 16 час., начинается новое повышение. Но такой ход а. к. наблюгся не всегда. В первую половину лета (например, 24 VI 1955 г. 8—17 час.) пасмурные дни (табл. 3) у полыни наблюдался дневной ход а. к., близкий

Таблица 2

Сезонные изменения а. к. у растений, обитающих на подгорной равнине и предгорья в бассейне р. Чон-Кзыл-Су

			1		1
Дата	Растения	а. к.	Дата	Растения	a. 1
20 VI—53	Ежа сборная (Dactylis glomerata)	19,4		Ежа сборная Полынь тянь-шань- ская	4,0
	Житняк гребневидный (Agropyrum pectinifo.me) Овсяница бороздчатая (Festuca sulcata) Полынь тянь-шаньская	20,1	7 X 1955 14 VIII 1955 20 VIII 1954	Овсяница бороздча-	4,3 6,3 2,2 2,3 2,4 2,6
20 VI—54	Ежа сборная " Житняк гребневидный Герань холмовая (Geranium collinum) Полынь тянь-шаньская "	16,0 14,2 10,6 10,2 8,3 5,8		СКАЯ » »	6,6

к описанному В. А. Благовещенским. При понижении температуры и пове шении влажности во второй половине дня также вместо минимума мог ш ступить максимум, после которого к вечеру регистрировалось снижен а. к. В дни с переменной погодой ход а. к. у полыни разнообразен. Пррезком понижении температуры (24 VI и 8 VIII) наблюдалось сильное п вышение а. к. При постепенном снижении температуры и повышении влаж ности вся кривая несколько смещается вверх (7 VIII).

Дневной ход а. к. у полыни в ясные жаркие дни

	Место сбора	Часы	СЫ	Температура в°		Относит. влаж- ность в %		Дефицит влаж ности в мб	
Дат <b>а</b>		дня	а. к.	у поч- вы	над траво- стоем	у поч-	над траво- стоем	у поч- вы	над трав
21 VII—54	Южный склон, сухой участок	7 10 13	10,4 7,1 5,7	11,8 15,0 25,4	11,9 18,8 20,0	93 84 37	72 41 46	1,0 3,0 20,6	4,0 13,2 12,8
8 VIII—54	Там же	16 19 10 13 16	5,0 5,7 15,6 7,7 5,4	28,0 19,0 28,0 40,0 38,0	21,8 15,5 25,8 28,7 28,4	23 45 34 8 6	32 60 37 24 20	29,2 11,6 25,1 68,2 47,5	18,2 7,2 20,7 30,0 30,6
10 VIII—54	Подгорная равнина	19 10 <sup>30</sup> 13 16 18 <sup>30</sup>	10,0 5,8 4,0 5,6 11,4	16,2 32,0 31,8 41,4 26,0	15,9 27,9 27,7 38,1 24,8	69 21 15 35 31	67 19 23 42 37	6,6 37,7 36,6 23,7 24,1	7,4 30,7 27,6 17,7 22,8

Изменения величины а. к. нередко соответствуют ходу метеоролога ческих элементов, определяемому по психрометру Ассмана в травосто причем это соответствие больше у почвы, чем у поверхности травосто:

Значение увлажнения для процессов жизнедеятельности полыни, отраж: емых а. к., оссбенно отчетливо обнаружилось в опыте от 8 VIII 1955 г. В это ясный и жаркий день дневной ход а. к. определялся параллельно у полыни

невной ход а. к. у полыни при невысокой температуре и достаточном увлажнении (в пасмурную погоду или в первой половине лета)

Дата	Место	Часы		Температура в °		Относительная влажность в %		. Дефицит влаж- ности в мб	
	сбора	дня	а. к.	у поч- вы	над траво- стоем	у поч- вы	над траво- стоем	у поч- вы	над траво- стоем
VIII—54	Южный склон за рекой,	10 1330	5,8 9,3						
24 VI—55	пасмурно Подгорная равнина, южный склон кургана	8 11 14 17 20	8,1 9,4 8,7 7,5 15,3	19,4 26,4 32,4 29,6 17,4	18,2 26,8 27,4 26,7 17,6	45 28 16 20 34	42 31 19 27 34	12,1 24,8 40,4 22,0 13,2	12,0 22,8 29,6 27,4
VII- 55	Предгорья, облачно	830 1130 1430 1730 1930	6,5 5,4 8,7 7,3 8,3	16,4 22,6 16,5 13,0 11,0	14,8 20,3 15,8 12,2 10,0	63 29 47 86 94	43 35 51 86 94	8,8 19,3 11,1 1,8 1,0	13,2 10,6 15,6 8,8 1,7 1,0
VIII—55	Там же, с утра был дождь	715 1015 1315 1615 1915	7,0 7,8 5,9 9,7 3,8	16,3 23,6 35,2 23,8	12,2 17,2 18,0 13,2 9,7	51 31 11 25 36	43 29 14 23 27	9,5 25,6 22,4 15,5 13,2	10,9 25,2 21,0 15,1 10,0

астущей на двух соседних участках южного склона. Первый — типичный ласток сухой степи. Втерой был орошен водами, перелившимися при поливышележащего поля. Пробы брались в точках, разделенных расстоянием 2—2,5 м. В первом случае — от 10 до 16 часов, когда дефицит влажности почвы превысил 68 мб, — а. к. снизилась с 15,6 до 5,4. К 19 час., когда гловия сильно смягчились, а. к. поднялась до 10,0 (см. табл. 2). У полыни, астущей на втором участке, дневной ход а. к. был обычен для растений, ивущих в условиях достатсчного увлажнения. Необычно высокая для ранни а. к. достигала максимума в 16 час., после чего снова снижалась абл. 4).

Роль увлажнения проявляется и в другом. Более высокая и продолжильная интенсивность процессов жизнедеятельности во влажных условиях зволяет полыни накапливать большую массу. На дне лощины ее стебли стигали высоты 40—45 см, на залежи 20—25 см, а на южном склоне кур-

на 10-15 см.

Описанные наблюдения дополняют представление об известных биолоческих особенностях полыни. Она живет в наиболее жарких условиях хих и пустынных степей, где временами не выдерживает большинство обычных спутников. Прохождение фаз развития у нее очень замедленно. за переходит в генеративную стадию тогда, когда многие другие растения ке заканчивают свой жизненный цикл. Снижение а. к. у нее среди дня поканает, что это растение приспосабливается к условиям жестокого избытка пла и недостатка влаги сводя к минимуму свои жизненные функции.

В то же время, обитание в таких неблагоприятных для жизни местах все не означает, что полынь не нуждается в лучших условиях. Наоборот, а ловит каждый благоприятный момент, чутко отзываясь на каждое пожение температуры и повышение влажности усилением процессов жизнеятельности, о чем свидетельствует повышение а. к. В не соответствующих ей местосбитаниях она оказывается в состоянии конкурировать с другими стениями благодаря способности свертывать в неблагоприятные периоды ои жизненные процессы.

А. к. у полыни во влажных местообитаниях в сопоставлении с сухими

	Место	Часы		Температура в °		Относительная влажность в %		Децифит влаж- ности в мб	
Дата сбора		дня	а. к.	у поч-	над траво- стоем	у поч- вы	над траво - стоем	у поч-	над траво стоем
8 VIII—55	Южный склон,	10	14,5 14.7	25,0 25,3	24,8 28,4	64 66	41 20	11,4 11,1	18,3 31,1
27 V1—55**	орошенный участок* Дно лощи-	16 19 13 15 <sup>10</sup>	16,8 10,5 12,4	25,0 18,4	24,9 17,2 17,0 19,4	57 34 63 64	37 37 61 62	18,0 13,3 9,0 17,6	19,6 20,8 7,6 8,6
	Южный склон кургана	13 15 <sup>10</sup>	8,5 7,1	18,8 19,8	17,8 19,0	75 73	85 70	5,2 6,6	3,3 6,3
9 VIII—55	Дно лощины } Плоская		13,6 15,3 6,7	36,5	28,8 29,2 29,4	18 13 16	21 29 27	48,8 53,0 49,3	31,4 28,8 29,8
	вершина холма, залежь	1425	- 7 -		30,0	7	17	56,4	35,4

<sup>\*</sup> Данные по сухому участку см. в табл. 2. \*\* Облачно, после дождя.

Приведенные данные показывают с новой стороны биологические осо бенности полыни. Основное же значение этих сведений заключается том, что они намечают возможность более точного выяснения эколого-гео графических особенностей растений путем изучения связей между их вну тренними процессами и внешними факторами в естественной обстановке.

Институт географии Академии наук СССР

Поступило 26 I 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> В. А. Благовещенский, Сб. Синтез органического вещества и роль витами нов в растении, Изд. АН СССР, 1940.

## Доклады Академин наук СССР 1956. Том 111, № 5

## ФИЗИОЛОГИЯ РАСТЕНИЙ

ю. и. власов

## УСТОЙЧИВОСТЬ ТОМАТА К СТРИКУ В ЗАВИСИМОСТИ ОТ ЭКОЛОГИЧЕСКИХ УСЛОВИЙ

(Представлено академиком А. Л. Курсановым 14 IX 1956)

В тепличных хозяйствах томаты часто поражаются вирусом табачной заики. Этот вирус может вызывать на томатах не только признаки мозаичсти листьев, но (при некоторых условиях) также и симптомы так называето одинарного стрика, заключающиеся в появлении некротических коричвато-бурых полос и пятен на стеблях, черешках, листьях и плодах. Стрик ляется более тяжелой и вредоносной формой болезни, чем мозаичность истьев.

В повышении устойчивости томата к стрику важное значение принадлеит регулированию создающихся в теплицах экологических условий. И. Гольдин и А. П. Париевская (¹), А. С. Пименова (²), И. И. Китаев С. И. Китаев (³) и др. приводят некоторые данные о связи появления симпиов стрика с изменением световых либо температурных условий, однако прокой, методически обсснованной работы по указанному вопросу не продилось. Большинство данных об условиях развития стрика получено не результате специальных опытов, а путем простых наблюдений, без точного ета и контроля внешних факторов; эти материалы нередко носят противочивый характер.

В нашей работе была поставлена цель выяснить значение температуры света в устойчивости томата к одинарному стрику. Опыты проводились строго контролируемых условиях при искусственном заражении растений русом табачной мозаики. В каждом варианте опыта вирусом заражалось менее 20—50 растений. Температура фиксировалась термографами, ажность воздуха — психрометром Ассмана, измерения световой эпергии

оводились пиранометром Янишевского.

В одном из опытов томаты сорта Бизон до возраста 4 листьев выращивась в одинаковых условиях теплицы. Затем растения были высажены в стекнные камеры, смонтированные на стеллаже теплицы. В данном опыте коления относительной влажности воздуха в обоих вариантах были сходными

составляли 45—80%.

В одной из камер (№ 2) искусственным путем создавалась снижениая тенсивность радиации. До заражения растения находились в разных услоях интенсивности радиации 18 дней. В этот период средняя среднесуточя температура в 1-й камере была + 23,2°, а во 2-й + 18°. Средняя интенвность общей радиации была равна в период до заражения в камере № 1 0000 эрг/см²/сек и в камере № 2 — около 100 000 эрг/см²/сек.

Изменение среднесуточной температуры и средней интенсивности радиаи в период после заражения, а также число пораженных стриком растений

разных вариантах представлено в табл. 1.

Период от момента заражения до начала выявления симптомов составля в данном опыте 8 дней. На 9-й день растения обеих групп развили лее или менее заметные симптомы мозаики. Кроме того, на отдельных стениях во 2-й камере появились первые признаки стрика. Слабое разви-

Зависимость появления стрика на томатах от условий температуры и интенсивнось солнечной радиации

	1	2	оп кивоих	сле заражен	ия		Число	поражен	ных
	1-8	3 день	9—14 день		15—22 день		стриком растений		
№№ камер	темпера- тура в °С	интенсив- ность ра- диации в эрг/см²/сек	темпера- тура в °С	интенсив- ность ра- диации в эрг/см²/сек	темпера- тура в °С	интенсив- ность ра- диации в эрг/см²/сек	на 9 день	на 14 день	на 22 де
	21—27,5 19—25,5		24—27 20—22	300 000 100 000	22—23 17—18	200 000 60 000	нет появле- ние	нет 20	нет 100

тие стрика в этом случае продолжалось при  $20-22^{\circ}$  и затем резко усилилост захватив все растения, при понижении температуры до  $17-18^{\circ}$  и при ешбольшем уменьшении интенсивности радиации. Стрик не развивался в кам ре № 1 при среднесуточных температурах не ниже  $21^{\circ}$  и в условиях интестивности радиации не ниже  $200\,000-300\,000$  эрг/см²/сек.

Аналогичные результаты получены и в следующем опыте. Две групт томатов сорта Брек-о-дей (в фазе бутонизации) находились в течение 7 дио заражения в различных условиях температуры и интенсивности радиаци. После заражения растений различия во внешних условиях сохранялис

Результаты опыта представлены в табл. 2.

Таблица 2
Значение температуры и интенсивности солнечной радиации в изменении устойчивости томата к стрику

	Среднесут	гочная температ	Средняя интен-	Число пора-		
№№ вариантов	до заражения	до выявления симптомов	в период выяв- ления симптомов	сивность ради- ации в эрг/см²/сек	женных стри- ком растений в %	
1	21—24	20—24	22—24	200 000-	Нет	
9	1718	1617	16—17.5	230 000 40 000-	100	
2	11-10	10-17	10-17,5	50 000	100	

Рассмотрение табл. 2 показывает, что массовое развитие стрика набли далось при пониженной среднесуточной температуре и низкой интенсивнос солнечной радиации. При повышенной температуре и сравнительно высоко интенсивности солнечной радиации симптомы стрика не появлялись (в это случае развивалась менее вредоносная форма болезни — мозаичнос листьев).

Этот опыт, в отличие от предыдущего, проведен в условиях высокой отн сительной влажности воздуха (75—100%) в обоих вариантах. Таким обр зом, температура и интенсивность радиации являются решающими факт рами в появлении стрика как при высоких, так и при более инзких знач ниях относительной влажности воздуха.

Следует отметить, что в томатных теплицах необходимо поддержива умеренную, но не высокую влажность воздуха, поскольку ее повышени может приводить к развитию и усилению некоторых (в частности, грибны.

заболеваний томатов.

В ряде наших опытов было показано, что если только один из факторо способствует стрику (либо пониженная температура, либо низкая интенсиность радиации), то происходит не массовое, а сравнительно слабое развити 1128

ой формы болезни. Например, в одном из опытов при среднесуточной темратуре 14—19°, а интенсивности радиации 200 000—220 000 эрг/см²/сек шь 20% растений развили симптомы стрика, а при среднесуточной темпераре 20—26°, по низкой интенсивности радиации (80 000—90 000 эрг/см²/сек) шь 8% растений развили симптомы стрика. Рассмотрение результатов данго опыта показывает также, что при понижении только температуры стрик звивается сильнее, чем при понижении только интенсивности радиации.

Имеются указания, что в Московской области стрик имеет некоторое испространение и в открытом грунте. В связи с этим нами также проводимсь, с целью более глубокого изучения экологии стрика, опыты в полевых ловиях. В работе использовались в основном сорта томата Бизон, Стокс элл, Брек-о-дей. Все указанные сорта поражались в открытом грунте как заикой, так и стрикем. Результаты опытов показали, что условия, опреденющие развитие одинарного стрика в открытом грунте, являются приншиально такими же, как вызывающие появление стрика в теплицах. апример, по данным 1954 г. появление стрика происходило в открытом унте в конце июля — начале августа при среднесуточных температурах —20°. Число часов солнечного сияния в эти периоды резко колебалось,

теньшаясь в отдельные дни до 2,5—5.

В тех пределах среднесуточных температур, в которых проявляется рик, суточный ход температуры может складываться по-разному. В одних учаях дневные температуры были сравнительно высокими, а ночные тень резко понижающимися; в других — ночные температуры мало отлились от дневных. Важно отметить, что для развития томата неблагоприяты как очень резкие колебания дневных и ночных температур, так и похолония при незначительных отличиях дневных температур от ночных. Нетагоприятное действие пониженных температур на томаты особенно усивается при недостатке света. В таких условиях томаты не могут, в частнои, перейти к нормальному цветению: значительная часть цветов и бутов опадает. Таким образом, усиление вредоносности вируса табачной мозаит, выражающееся в появлении симптомов стрика, происходит в условиях, оптимальных для культуры томатов. Томаты повышают устойчивость стрику при создании благоприятных для их развития условий температут и интенсивности радиации.

Выражаю искреннюю благодарность руководителю работы профессору

. С. Сухову.

Московская станция защиты растений Всесоюзного института защиты растений Поступило 28 I 1956

#### **ШИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА**

<sup>1</sup> М. И. Гольдин, А. П. Париевск ая, Докл. ВАСХНИЛ, № 12, 33 (1948. 4. С. Пименова, в кн. Семеноводство овощных культур, М., 1953. <sup>3</sup> И. И. итаев, С. И. Китаев, Овощеводство в теплицах, М., 1954.

## ФИЗИОЛОГИЯ РАСТЕНИ

#### Е. Я. ЕРМОЛАЕВА

## ВЛИЯНИЕ ВЫСОКИХ ДОЗ ФОСФОРА НА ПОВЫШЕНИЕ ХОЛОДОСТОЙКОСТИ ТОМАТОВ

(Представлено академиком А. Л. Курсановым 14 IX 1956)

Известно, что томаты относятся к теплолюбивым растениям. При пон жении окружающей температуры ниже 10° останавливается их рост и том мозится созревание пыльцы цветков. Особенно губительно действует поху лодание на рассаду, высаженную в грунт после пребывания ее в теплице (1)

Целью нашего исследования было проследить влияние повышенных дефосфора при пониженных температурах на некоторые физиологичесть процессы у томатов; мы остановились на фосфоре, во-первых, потому, чефосфорное удобрение, как известно, применяется для повышения морозостойкссти в полеводстве и плодоводстве, и, во-вторых, потому, что розофосфора в жизни растений весьма многообразна.

Рядом исследователей  $(2^{-4})$  показано, что наиболее неблагоприятно сказывается на дальнейшем развитии растений отсутствие фосфора в начал

ные периоды питания. То же относится и к томатам (1).

В качестве опытного растения был взят наиболее холодостойкий сортоматов «Грунтовый Грибовский». Опыт был заложен в почвенных культура по следующей схеме: в I варианте была внесена двойная норма фосфорво II — двойная норма калия, в III — двойная норма азота, IV вариан являлся контролем. Кроме того, 15 VI количество каждого из этих элєметов было увеличено путем дополнительного внесения минеральных солегакже в двойном размере. Фосфор вносился в почву в виде  $KH_2PO_4$ , кали в виде KC1 и азот в виде  $Ca(NO_3)_2$ . Томаты 5 V были высеяны в теплиш а  $30 \, \text{V}$  пересажены в вегетационные сосуды. К этому времени растения достили 8—10 см высоты и имели по 2—3 небольших листочка. В 1955 г. погод в июне стояла весьма прохладная, средняя температура воздуха днем был  $12-14^\circ$ , а ночью спускалась до  $3-5^\circ$ . Этими погодными условиями мы вопользовались для разрешения поставленной задачи. Опыт проводился и открытом участке. Повторность в опыте была 10-кратная.

Оказалось, что вскоре после пересадки растений в сосуды, листья и приобрели интенсивную окраску от накопления в клетках антоциан. Исключение представляли лишь растения I варианта, находившиеся и повышенных дозах фосфора. Томаты этого варианта, в отличие от други имели зеленые листья и продолжали хотя и медленно, но расти, в то врем как у всех других растений рост был заторможен. Больше всего были угитены растения, получавшие обильную подкормку азотом. Было очевидичто томаты на высокой дозе фосфора обладали большей холодостойкость по сравнению с растениями других вариантов. С наступлением теплой погод все растения активно двинулись в рост, однако различия между вариантам были отчетливо заметны еще 20 VII (рис. 1). Помимо того, что томаты, обили но снабженные фосфором, лучше перенесли неблагоприятные погодны условия, они также и раньше зацвели, а именно из 10 растений 7 цвели уж 16 VII, тогда как у других в это время только начиналась бутонизация Обнаруженное нами положительное влияние высоких доз фосфора на пове

пение холодостойкости томатов в сосудах мы проверили на рассаде, высакенной в грядку. Под влиянием весьма холодной погоды рост рассады пристановился и листья были интенсивно окрашены антоцианом. После бильной подкормки фосфором листья стали приобретать зеленый цвет и астения начали расти, несмотря на плохне погодные условия. Часть растеий, которая не была подкормлена и служила в качестве контроля, продол-



Рис. 1. Влияние высоких доз минеральных элементов на рост томатов. Слева направо: фосфор, азот, калий, контроль

кала оставаться в прежнем состоянии до наступления потепления. Есть казания (5,6), что совместное внесение фосфорнокислых и калийных удобрений повышает морозостойкость. Быть может в нашем опыте повышение

солодостойкости в некоторой степени ависело от присутствия калия, так как фосфор вносился в виде КН₂РО₄. В варианте с одним калием растения традали от влияния пониженных семператур так же, как и в контроле.

В связи с выявившимися внешними различиями в окраске листьев и росте растений под влиянием повышенных доз фосфора по сравнению с другими минеральными элементами интересно было выяснить внутренние причины, обусловливающие эти различия. Сразнительные определения содержания антоциана, хлорофилла и интенсивности фотосинтеза, проведенные в июне,

Таблица 1

Влияние условий питания на содержание пигментов и интенсивность фотосинтеза листьев томатов

Варианты	Содержа- ние анто- циана в % к контр.	Содержа- ние хлоро- филла в % к контр.	Интенсив- ность фото- синтеза в мг СО <sub>2</sub> на 1 см <sup>2</sup> в 1 час
Фосфор	45	118	26,0
Калий	128	109	17,0
Азот	92	95	24,6
Контроль	100	100	20,7

показали (табл. 1), что зеленая окраска листьев у растений, получавших обильно фосфор, связана с более низким содержанием антоциана и повышенным количеством хлорофилла по сравнению с контрольными и другими растениями. Что касается интенсивности фотосинтеза, то необходимо отметить, что между накоплением хлорофилла и ассимиляционной активностью пистьев не всегда наблюдалась прямая зависимость. У растений, получивших фосфор и азот, фотосинтетическая интенсивность была выше, чем у растений, выращиваемых на калии, и у контрольных, тогда как содержание клорофилла было больше в варианте с фосфором и калием. У растений на росфатном питании повышение накопления хлорофилла соответствовало более высокой фотосинтетической способности тканей листа.

Учет сухого вещества растений 3 VIII также показал, что обильная под-

кормка фосфором наиболее благоприятно сказалась на накоплении органического вещества (табл. 2). Особенно резкая разница наблюдалась в развитикорневой системы, а именно вес корней растения в варианте с фосфором был значительно больше, чем на килийном и азотном птании. Положительно влияние фосфора сказалось и на количестве плодов: в среднем у одного растения на фосфоре оказалось 8 плодов, на калии и в контроле — 4, на

Таблица 2

Накопление органического вещества в зависимости от условий питаниия (сухой вес одного растения в г)

Варианты	Листь <b>я</b>	Стебли	Корни	Все растение
Фосфор Калий Азот Контроль	6,3 5,2 3,4 4,5	7,1 5,5 3,2 5,0	12,0 5,0 2,4 4,5	25,4 15,7 9,0 14,0

азоте к этому времени плодов еще не было.

Известно, что одним из условий повышения морозоустойчивости растений является накопление у них порвышенных количеств растворимых сахаров (7). По аналогии можно было предположить, что на высоких дозам фосфора растения, одновременно с повышением их холодостойкости будут содержать растворимых сахаров больше по сравнению с растениями других вариантов. В связи с этим мы провели анализы на содержание углеводов и общего азота в ли-

стьях томатов. Пробы для анализов были взяты в два срока — 3 VIII и в конце вегетационного периода 29 VIII, поэтому здесь можно говорить только о последействии элементов минерального питания (табл. 3), оказы-

ваемом ими, в сочетании с пониженными температурами, на ход биохимических процессов в растениях. При рассмотрении данных табл. Звидно, что между растениями отдельных вариантов, как в углеводном обмене, так и содержании общего азота, наблюдается соверразная картина шенно в пробах от 3 VIII и от 29 VIII. Данные, полученные 3 VIII, больше отражают последействие избыточного минерального питания при пониженных температурах, так как в это время во внешнем виде растений еще четко

1аблица 3

Влияние условий питания на содержание углеводов и общего азота в листьях томатов (в % на абсолютно сухой вес)

Варианты	Моно- сахара	Саха- роза	Сахара типа маль- тозы	Сумма раствор. сахаров	Крах- мал	Обтий: <b>аз</b> от
3 VIII: Фосфор Калий Азот Контроль	0,79 0,83 0,89 1,17	0,46 0,26 0,47 0,95	0,40 1,32 0,53 5,33	1,65 2,41 1,89 7,45	11,90 8,61 0,50 3,84	2,62 2,64 4,46 3,35
29 VIII: Фосфор Калий Азот Контроль	0,89 0,39 1,12 1,07	2,20 2,17 2,79 1,65	2,12 1,75 0,13 1,73	5,21 4,31 4,04 4,45	0,50 2,03 0,09 0,81	3,05 1,87 3,98 2,65

были видны различия, которые к 29 VIII уже почти сгладились. Основное отличие в углеводном обмене заключалось в том, что в листьях растений на фосфатном, а также и на калийном питании в пробах от 3 VIII крахмал преобладал над растворимыми сахарами, чего не было в контроле и в варианте с высокой дозой азота. В отношении накопления углеводов в конце вегетационного периода (29 VIII) наблюдалась обычная картина превышения ксличества растворимых сахаров над крахмалом. При этом в пробе от 29 VIII специфика влияния минеральных элементов проявилась сильнее, чем в более ранний срок (3 VIII). Интересно, что в конце вегетационного периода в листьях растений на высоких дозах калия крахмала было несколько больше, а азота меньше по сравнению с растениями других вариантов.

То, что обнаруженные изменення в углеводном обмене не связаны с воз-

стом растений, подтвердилось данными, полученными для томатов этого сорта, выращенных при оптимальных условиях. В отношении азота различия заключались лишь в том, что с увеличе-

ем накопления крахмала количество общего азота уменьшалось.

Необходимо отметить, что преобладание крахмала над суммой растворих сахаров наблюдалось в листьях картофеля, выращиваемого при понинных температурах в условиях Заполярья (8). Накопление углеводов виде крахмала указывает на усиление в тканях листа сиптетичеких про-CCOB.

Возможно, что повышенное накопление крахмала в листьях, более активя фотосинтетическая их деятельность и увеличение содержания хлоролла в результате усиленного фосфатного питания растений во время холодания и обусловливают повышение холодостойкости теплолюбивых

льтур, к каким относятся томаты.

Можно предположить, что под влиянием избыточного фосфатного режипитания повышалась активность крахмальной фосфорилазы, способстющей синтезу крахмала или крахмалоподобного вещества (9), в связи ем и усилилась энергетическая деятельность организма.

Ботанический институт им. В. Л. Комарова Академии наук СССР

Поступило 25 III 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> Д. Д. Брежнев, Томаты, 1955. <sup>2</sup> W. F. Gericke, Bot. Gaz., 80, 410 (1925). V. E. Brenchley, Ann. Bot., 43, 89 (1929). <sup>4</sup> E. Я. Ермолаева, Тр. Н, сер., 4, Экспер. бот., 3, 107 (1938). <sup>5</sup> Б. И. Саблинская-Иванова, Соц. растерод., сер. А., 16, 37 (1935). <sup>6</sup> И. Н. Кукс, Соц. реконструкц. сельск. хоз., 12, (1936). <sup>7</sup> И. И. Туманов, Физиологические основы зимостойкости культурных стений, 1940. <sup>8</sup> С. А. Каспарова, С. М. Вартапетян, Биохимия, 13, 6, (1948). <sup>9</sup> А. Л. Курсанов, О. А. Павлинова, Биохимия, 13, 4, 378 48)., О. М. Лутикова, Биохимия, 5, 6, 687 (1940).

## ФИЗИОЛОГИЯ РАСТЕНИ

## И. В. МОСОЛОВ, А. Н. ЛАПШИНА и А. В. ПАНОВА

## К ВОПРОСУ О ВНЕКОРНЕВОМ ПИТАНИИ РАСТЕНИЙ

(Представлено академиком А. Л. Курсановым 14 IX 1956)

В последние годы проводится большая работа по изучению действенекорневых подкормок макроэлементами на урожай различных сельсм хозяйственных культур (1-6). Однако имеющийся в литературе экспериме тальный материал не позволяет сделать определенных выводов об эффетивности этого приема, так как в одних случаях внекорневые подкорми макроэлементами дают высокие прибавки урожаев, в других же эффетсовершенно отсутствует.

В задачу наших исследований входило выяснение условий, определяющих эффективность внекорневых подкормок. С этой целью нами в течен 4 лет проводились полевые и вегетационные опыты с пшеницей, ячмен и клевером. Внекорневые подкормки макроэлементами осуществляли путем опрыскивания растений растворами удобрений различной концектрации в периоды бутонизации и цветения растений.

Таблица 1 Влияние внекорневой подкормки N и P на урожай и качество зерна яровой пшеницы и ячменя

	Пшени	ца, опы	г 1952 г.	Ячмень, опыт 1953 г.		
Варианты	вес зерна в г на сосуд	вес 1000 зерен	белок в зерие в %	вес зерна в г на сосуд	белок в зерне в %	крахмал в зерне в %
Фон (NPK по 0,4 г действующе- го начала на сосуд) Фон + N внекорнев. Фон + Р внекорнев.	11,9 10,7 11,5	36,9 36,8 38,6	13,6 14,5 13,8	15,6 15,0 15,9	11,4 12,1 11,7	47,5 49,1 53,6

 $\Pi$  р и мечание. Опрыскивание 0.5%-м раствором  $\mathrm{NH_4NO_3}$  и  $\mathrm{Ca(H_2PO_4)_2}$  в дозе 0.1 г действующего начала на сосуд.

Данные, представленные в табл. 1 и 2, свидетельствуют о том, что внеко невая подкормка макроэлементами, проведенная в период цветения пшен цы и ячменя, оказала влияние на улучшение качества зерна.

Так, содержание белка в зерне пшеницы и ячменя от внекорневой по кормки азотом повысилось от 0,7 до 2%. Подкормка растений суперфосф том сказалась положительно на весе зерна у пшеницы и на проценте кра мала в нем у ячменя.

На высоту урожая внекорневая подкормка в этих опытах влияни не оказала. Однако дальнейшими исследованиями было установлено, чт действие внекорневых подкормок макроэлементами на урожай зерновь 1134

ультур может быть положительным на почвах, бедных питательными еществами (табл. 3 и 4).

Таблица 2

Таблица 3

лияние внекорневой подкормки NPK на рожай и качество зерна яровой пшеницы

Варианты	Вес зерна в г на сосуд	Вес 1000 зерен в г	Белок в зерне
NPK по 0,5 г дей- ующего начала на	14,00	28,5	16,24
уд)+H <sub>2</sub> O внекорнев. + NPK внекорнев. + NP внекорнев. + N внекорнев. + Р внекорнев.	12,90 14,97 13,67 14,78	$\frac{29,6}{28,3}$	17,03 17,12

OH ( COC) OH -OH -

Примечание. Опрыскивание астворами NH<sub>4</sub>NO<sub>3</sub>, Са (H<sub>2</sub>PO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> и КС1 концентрации: NPK — 20%; NP — 16%, и Р — 8% по 20 мл соответствующего аствора на сосуд.

Влияние внекорневой подкормки NPK на урожай и качество зерна яровой пшеницы

The state of the s			
Варнанты	Вес зерна в г на сосуд	Вес 1000 зерен	Белок в зэрне в %
Фон I (NРК по 0,5 г действующего начала на сосуд) $+$ $H_2O$ вне-	13,7	38,2	12,7
корнев. Фон $I+N$ внекорнев. Фон $I+NPK$ внекорнев. Фон $II (N_2P_2K_2)$ по 1 г действующего начала на сосуд) $+H_2O$ внекорнев.	16,0	40,4 40,9 45,9	13,3
Фон $II + NPK$ внекорнев.	19,7	46,2	17,3

Примечание. Опрыскивание 0,5%-м раствором  $NH_4NO_3$  и 1,6%-м раствором  $NH_4NO_3$ ,  $Ca(H_2PO_4)_2$ и KCl. по 50 мл за три приема соответствующего раствора на сосуд.

Данные, представленные в табл. 3, показывают, что эффективность внекоревой подкормки на фонах, различающихся по содержанию питательных еществ, была различной. Так, на относительно бедном фоне (первые 3 ва-

манта) опрыскивание растений NPK казало положительное действие как а урожай зерна, так и на его качетво. На более же богатом фоне положительного действия внекорневой одкормки не наблюдалось. Аналочиные данные были получены также в вегетационных опытах с подолнечником и в полевых опытах с ровой и озимой пшеницей.

Отсутствие положительного дейвнекорневой подкормки на очвах, хорошо обеспеченных питаельными веществами, можно объясить тем, что в этом случае элементы инерального питания в достаточом количестве поступают через коревую систему и определяют ход ризиологических процессов в растеиях. Изменения же в обмене веществ од влиянием внекорневой подкорми не настолько существенны, чтобы казаться на ходе процессов, связаных с поступлением питательных еществ через корни.

В полевых и вегетационных опыах с клевером внекорневая подкормка

Таблица 4

Влияние внекорневой подкормки NPK на урожай семян клевера. Вегетационные опыты

	Вес семян в г на сосуд				
Варианты	952 r.	953 г.	954 r.	1955 г.	
	19	100	10	10	
Фон (NPK) $+ H_2$ О вне-	4,1	6,7	6,1	6,7	
Фон + Р внекорнев. Фон + N внекорнев.	5,4	6,5 $6.3$	$6,1 \\ 6,2$	7,8 7.4	
Фон + К внекорнев.	5,6				

Примечание. Удобрения при набивке сосудов вносились в следующих дозах на сосуд: в 1952-1954 гг. по 0.5 г  $P_2O_5$  и  $K_2O$  и 0.25 г N; в 1955 г. по 0.3 г  $P_2O_5$  и  $K_2O$  и 0.25 г N.

Опрыскивание растений проводилось 1%—м раствором КС1 и Са  $(H_2PO_4)_2$  и 0.5%—м раствором  $NH_4NO_3$  в следующих дозах на сосуд: в 1952 г. по 0.16 г  $P_2O_5$  и  $K_2O$  и 0.1 г N, в 1953 и 1954 гг. по 0.2 г  $P_2O_5$  и  $K_2O$  и 0.1 N, в 1955 г. — по 0.3 г  $P_2O_5$  и  $K_2O$  и 0.1 г N.

ах с клевером внекорневая подкормка.
Г. Р и К, проводившаяся в период бутонизации — начала цветения растеий, также оказывала на урожай семян различное действие (табл. 4). Из данных табл. 4 видно, что внекорневая подкормка тем или иным пратательным элементом в одних случаях повышала урожай семян клевера в других — не давала эффекта. Аналогичные данные были получены и в полевых опытах (табл. 5).

Таблица 5 Влияние внекорневой подкормки суперфосфатом на урожай семян клевера. Полевые опыты 1953—1955 гг.

	Bec	Вес семян в ц/га				
Варианты	1953 г.	1954 r.	1955 г.			
Фон $\Phi$ он $+$ $P_{10}$ внекор-	2,93 3,40	2,24 2,43	3,5 3,5			

Примечание. Опрыскивание 1,5—3%-м раствором суперфосфата, доза суперфосфата в 1954 г. составляла 5 кг  ${\bf P_2O_5}$  на 1 га.

Таблица 6
Влияние внекорневой полкормки супер фосфатом на урожай семян клевера

. Варианты	Сухой вес 10 растен.	Вес семян в ц/га	P <sub>2</sub> O <sub>5</sub>
Фон Фон + Р <sub>10</sub> внекор-	9,1	1,92 2,45	0,74

Примечание. Опрыскивание 8% - раствором.

Если в опыте 1953 г. внекорневая подкормка растений суперфосфатог увеличивала урожай семян клевера на 0,47 ц/га, то в опытах 1954 и 1955 гг она или совсем не действовала, или оказывала очень слабое влияние.

Различное действие внекорневой подкормки в отдельные годы мы такж объясняем неодинаковыми почвенными условиями. Так, опыты 1954—1955 гг были заложены на хорошо удобренных почвах, что уменьшило действи внекорневой подкормки. Опыты же 1953 г. проводились на менее окультурешных почвах, вследствие чего внекорневая подкормка и оказала положительное действие. Однако следует отметить, что не только богатство почвы пита тельными веществами определяет эффективность внекорневой подкормки Разница в действии внекорневой подкормки в отдельные годы может быт также связана, с одной стороны, со сроком ее внесения, а с другой — с погодными условиями. Так, например, в полевом опыте 1954 г. (см. табл. 5) в тот период, когда производилась подкормка клевера, стояла жаркая сухая погода, и раствор удобрения, нанесенный на поверхность листьев быстро высыхал. Вследствие этого только очень незначительная части фосфора мсгла поступать внутрь листовой ткани. Поэтому эффективности внекорневой подкормки была очень слабой.

В другом же опыте, где внекорневая подкормка клевера проводиласт в ранний период развития растений (после снятия покровной культуры) а также в более прохладное влажное время, ее действие было положительным. При этом почва, на которой выращивался клевер, была удобрена 20 т/га навоза и 2 ц/га извести (табл. 6).

Эффективность внекорневой подкормки в данном опыте связана, повидимому, с тем, что в период ее внесения часто выпадали дожди и поступление фосфора в ткани растений было более полным, так как во влажную погоду покровная ткань листьев быстрее пропускает минеральные вещества, чем в сухую. Кроме того, молодые листья способны поглощать элементы минеральной пищи в большей степени, чем старые. Все это способствовало лучшему усвоению фосфора растениями клевера.

Таким образом, на основании проведенных полевых и вегетационных опытов можно сделать вывод о том, что эффективность внекорневой подкормки не является устойчивой и зависит, с одной стороны, от почвенных и погодных условий, а с другой — от срока ее проведения и физиологического состояния растений.

Внекорневая подкормка, проведенная в ранний период развития растений, оказывает более сильное влияние на урожай, чем подкормка в период 1136

етения— колсшения. На качество урожая (белковость, крахмалистость) ексрневая подкормка оказывает положительное влияние, причем наибое эффективными являются поздние сроки ее проведения (начало колошея—цветения).

Внекорневая подкормка растений на бедных почвах эффективней, чем

почвах, обеспеченных питательными веществами.

Всесоюзный институт удобрений, агротехники и агропочвоведения

Поступило 16 II 1956

## ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

1 И. В. Якушкин, М. М. Эдельштейн, Предуборочная внекорневая подрмка и другие способы повышения сахаристости сахарной свеклы, 1952. <sup>2</sup> Я. А. Медас, Сов. агрон., № 7 (1952). <sup>3</sup> Ф. И. Учеваткин, А. А. Бородулина, Внерневые фосфорные подкормки в период плодообразования, Изд. АН УзССР, 1954. Ф. Ф. Мацков, М. С. Клещевская, Селекцисеменовод., № 9 (1951). <sup>5</sup> С. С. ербин, Земледелие, № 6 (1953). <sup>6</sup> Сборник переводов, Внекорневое питание растей, ИЛ, М., 1956.

## ФИЗИОЛОГИЯ РАСТЕНИИ

#### Е. М. ПОЛТАРЕВ

## О СТАДИИ ЯРОВИЗАЦИИ У МЕЖВИДОВЫХ ГИБРИДОВ ПШЕНИЦЫ

(Представлено академиком А. Л. Курсановым 14 IX 1956)

Зимостойкость растений сортов озимой мягкой пшеницы(Triticum vulga re Host.) определяется комплексом анатомо-морфологических и физиолого биохимических свойств. Показано (1-3), что в условиях Украины сорта ози мой мягкой пшеницы имеют длину стадии яровизации 40—45 дней. Сорт с длиной стадии яровизации ниже 40 дней обычно слабозимостойки и часть

вымерзают.

У твердых пшениц (Tr. durum Desf.) длина стадии яровизации яровых сортов составляет всего 3—5 дней, полуозимых — 15—17 дней. Процесся яровизации у этой пшеницы могут проходить при температуре 5, и 10° поэтому при весеннем посеве яровые и полуозимые твердые пшеницы нор мально колосятся, при осеннем же севе их растения зимой полностью вы мерзают. До сих пор неизвестны твердые пшеницы с длиной стадии яровизации, как у озимых зимостойких сортов мягкой пшеницы. Чтобы получит хорошо зимующую озимую твердую пшеницу, необходимо добиться стадия яровизации не короче 40—45 дней.

В лаборатории генетики Института генетики и селекции АН УССТ путем межвидовой гибридизации сортов озимой мягкой пшеницы с сортам твердой яровой и полуозимой пшеницы и воспитания гибридных растений начиная с  $F_1$ , в направлении высокой зимостойкости путем систематиче ских осенних посевов получены формы озимой твердой и мягкой гибридных пшениц, зимующие в условиях Харькова (4,5). В дальнейшем ставится

задача повысить зимостойкость этих пшениц.

Изучение природы зимостойкости гибридных пшениц ведется в отношении многих признаков и свойств, в том числе и в отношении стадийного развития растений.

Наши опыты по изучению стадии яровизации проводились в 1955 г. на 73 семьях у 12 гибридов 2—5-го поколений. В качестве контроля использо

вались родительские сорта озимой мягкой пшеницы.

Семена гибридов и родительских сортов озимой пшеницы перед посевог различное время яровизировались при температуре от 0 до 2°. Чтобы умень шить возможность дояровизации посевного материала весной в полевых условиях, посев производился на 10 дней позже оптимального срока

Окончание стадии яровизации определялось началом колошения каждого опытного растения. У второго поколения гибридов до выколашивания невозможно определить ботанический вид каждого растения, по этому учет выколосившихся и невыколосившихся растений производился

суммарно, без определения их вида (табл. 1).

Из данных табл. 1 следует, что у районированного на Украине сорта озимой мягкой пшеницы Одесская 3 основная масса растений выколашивает ся при яровизации семян в течение 40—45 дней. У большинства гибридных растений второго поколения стадия яровизации длится не более 30 дней что указывает на влияние ярового родителя. То что при длительности яро 1438

ации семян 35 дней не выколосилось 22—39% растений, а при длительти яровизации 40 дней не выколосились 13—35% показывает, что в гибном потомстве второго поколения часть растений имеет длинную стадию визации, т. е. приближается к озимым сортам и резко отличается по этому йству от твердых пшениц.

Следует отметить, что 5—8% растений не выколосилось даже при яровии в течение 45—50 дней. Это объясняется, повидимому, тем, что часть

ян из-за недостаточной жности не прошло яроации, а часть запозших растений не выкоилась вследствие пождения личинкой шведй мухи. Поэтому 92% выше выколосившихся тений мы в опыте примали за полное выколавание.

Начиная с F<sub>3</sub> продолтельность стадии яровиции изучалась у растей раздельно по группам грдых и мягких пшениц бл. 2).

Из данных табл. 2 слеет, что у всех гибридов стьего поколения более

Колошение растений  $F_2$  межвидовых гибридов озимых мягких пшениц с яровыми твердыми пшеницами в зависимости от продолжительности периода яровизации семян

Название сортов	Число выколосившихся растений в % к общему их числу						
н гибридов	при 30 дн.	при 35 дн.	при 40 дн.	при 45 дн.	при 50 дн.		
Одесская 3× Народная Горденформе 1426/7×	63,2	60,7	86,7	100	100		
🗙 Лютесценс 17	62,5	77,8	84,6	95,7	100		
Алабасская X Гордеиформе 1426/7 Одесская 3	50,0	63,6	66,7 54,4	100 92,5	94,4 97,8		

<sup>\*</sup> Таблицы приводятся в сокращенном виде.

инная стадия яровизации быстрее формируется в группе мягких пшениц, наоборот — в группе твердых пшениц длинная стадия яровизации формиется медленнее. Это объясняется тем, что в группе мягких пшениц происхог процесс восстановления продолжительной стадии яровизации, нарушенй половой гибридизацией, в группе же твердых пшениц длинная стадия овизации формируется заново, а потому и более медленно. У разных гибо

Таблица 2

ошение растений  $F_3$  межвидовых гибридов озимых мягких пшениц с яровыми тверыми пшеницами в зависимости от продолжительности периода яровизации семян

	Бот.	Число выколосившихся растений в % к общему их числу					
Название сортов и гибридов	и вид *	при 30 дн.	при <b>3</b> 5 дн.	при 40 дн.	при 45 дн.	при 50 дн.	
енка — Народная же ненка — Красавица Кабарды ме басская — Гордеиформе 1426 <sub>1</sub> 7 же сская 3 — Народная же гесценс 17 — Гордеиформе 1426 <sub>1</sub> 7 же сская 3 — Гордеиформе 1426 <sub>1</sub> 7 же сская 3	v. d. v. d. v. d. v. d. v. d. v. d. v. v. v. v. v.	20,8 73,5 55,0 22,2 2,2 2,2 9,7 66,7 68,4 91,7	24,9 51,7 26,3 56,7 29,4 8,6 19,0 75,0 61,1 80,0	71,4 100  38,4 52,6 66,7 50,0 92,0 36,7 37,4 27,1 100 70,6 85,7 51,3	73,7 87,5 89,4 93,3 56,2 100 44,5 100 75,8 91,6 31,3 87,5 62,5 100 95,0	95,2 100 100 100 94,4 100 73,6 100 100 90.0 96,7 87,5 74,9 96,4	

<sup>\*</sup> v. - Triticum vulgare, d - Tr. durum.

дов формирование этой стадии происходит неодинаково, например срдые и мягкие пшеницы  $F_3$  Лютесцес 17 imes Гордеиформе 1426/7,  $F_3$  Одесая 3 imes Народная,  $F_3$  Пименка imes Народная имеют короткую стадию ярови-

Котошение растений F<sub>5</sub> межвидовых гибридов ознмых мягких пшениц с яровыми твердыми пшениц яровизации семян (в % к общему числу растений)

аблица 3	продолжительности	TOO IN			н. 49 дн.			20°,0 100 100 20°,0 20°,0	100 97.4 100
Ta	продол				46 дн.	85,7 74,0 73,3	71,4 65,6 87,9 100 27,3 98,4 60,0	1 000 100 100 100	61.9
	ости от		VIC		43 дн.	88.5 83.5 73.5 73.5 73.5 74.6 75.5 75.5 75.5 75.5 75.5 75.5 75.5 75	82.4 100 64.3 100 62.5	100 91,7 62,5 95,7 80,8	52,6 100
į	зависимости		к общему их числу		40 дн.	11,8 81,4 75,0	87,1 85,2 90,4 0,0	88,2 92,0 15,5	11
прами в			%	_	37 дн.	57,9 10,8	30,8 96,5 91,8 16,7	90,5 55,6 20,0 17,8 7,4	4,1
яровыми твердыми пшеницами	ений)		растений в		34 дн.	61,1 63,0 28,6	25,2 85,0 86,3 15,8	86.7 69.6 66.7 6.0,0	11
твердым	там растений)		делений делений	37	- Of AH.	50,0 7,0 66,7 1,2 1,2	80,0 89,3 82,0 25,0	65,2 65,2 18,2	4.6.
яровыми бшему па	GE .	CHO BEITTO	DICAPIGA CIT	28 дн.		6,2	57.1	666.7 68.7 5,3	1
ениц с (в % к с		d <sub>II</sub>		25 дн.		33,3 1,4 5,4	89,1 89,1 89,1	57,8	1
яровизации семян			- 66		-	33,3	3,3 39,1 39,1 78,3 55.6	12,5	***************************************
ровизаци		-	т. 19 дн.	_		45,2	78,3 7,4 1,4 1,4 1,4 1,5 1,5	10,0	
R	-		при 16 дн.	_ .		13,8	54,5 9,5 69,5	34,6	_
		яв	.Tod	:		, v , d. v , v , v , v , v , v , v , v , v , v		6. v.	-
1	Meii	cei	NON	-		-Mw-MwM	ಐಕರು ಕರು	<b>~</b> ⊘ ∞	
	Назваши	- содание гиоридов и сортов			Алабасская 🗙 Мелянопус 69	Алабасская 🗙 Народная	Ферругинеум 1239 $ imes$ Горденформе 1426/7	Алабасская Ферругинсум 1239	* v. – Triticum vulgare, d. – Tr. durum.

ии. У большинства растений этих комбинаций она заканчивается в 30 й, тогда как у гибридов  $F_3$  Алабасская  $\times$  Гордеиформе 1426/7,  $F_3$  Одеся  $3\times$  Красавица Кабарды,  $F_3$  Пименка  $\times$  Красавица Кабарды многие тения имеют длину стадии яровизации свыше 40 дней.

Опыты указывают на возможность перенесения длинной стадии яровии при помощи половой гибридизации уже в третьем поколении от ози-

и мягкой пшеницы в группу твердой пшеницы.

Среди твердых пшениц четвертого поколения в пределах каждой гибридкомбинации, с одной стороны, встречаются семьи с относительно коротстадией яровизации, у которых большинство растений колосится после —37 дней яровизации семян, с другой стороны,— ряд семей заканчивает дию яровизации только через 42—52 дня, т. е. некоторые семьи имеют дию яровизации даже более длинную, чем широко распространенный т озимой мягкой пшеницы Одесская 3. Мягкие гибридные пшеницы  $F_3$ длине первой стадии приближаются к сорту Одесская 3.

В  ${\rm F_5}$  от каждого гибрида бралось для исследования по 4 семьи мягкой

о 4 семьи твердой пшеницы (табл. 3).

В  $F_5$ , в отличие от  $F_3$  по длине стадии яровизации уже нет резкой грани кду твердыми и мягкими пшеницами. Часть гибридных озимых твердых ениц по этому свойству приравнивается к озимым мягким пшеницам. Семьи (линии) как твердых, так и мягких пшениц в пределах каждой ридной комбинации пятого поколения имеют неодинаковую длину дии яровизации, что указывает на разные темпы формирования длинной дии яровизации у этих линий. У одних семей этот процесс проходит быстро етьи №№ семей твердой и мягкой пшениц), длина стадии яровизации аких семей, как правило, равна сортам озимой мягкой пшеницы. У друс семей (первые №№ семей твердых и мягких пшениц) процесс формивания длинной стадии яровизации проходит в менее интенсивной форме, тения по длине первой стадии развития невыравнены, сильно изменчивы. я этих семей характерна незавершенность процесса становления длинной дии яровизации даже в пятом поколении гибридов. Остальные семьи ридов занимают промежуточное положение между указанными крайними ьями.

У гибрида  $F_5$  Алабасская  $\times$  Народная обнаружена семья озимой твердой еницы № 3, у которой стадия яровизации оказалась более продолжителью (49—50 дней), чем у известных высокозимостойких сортов озимой мяг-

пшеницы Одесская 3, Алабасская и Ферругинеум 1239.

Приведенные экспериментальные материалы показали, что путем квидовой гибридизации незимующих сортов твердой пшеницы, у которых дия яровизации очень короткая, с сортами озимой мягкой пшеницы, оторых длительность стадии яровизации равна 40—45 дням, и систематиких осенних посевов гибридов получены формы озимой твердой пшеницы пиной стадии яровизации 40—45 дней, и даже 49—50 дней. Твердых пшет с такой продолжительностью стадии яровизации в литературе описанов не было. Эти формы пшеницы при весеннем посеве не колосятся, а при них посевах нормально зимуют в условиях Харькова.

Работа проводилась под руководством А. Ф. Шулындина.

Институт генетики и селекции Академии наук УССР Поступило 19 XII 1955

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

1 Т. Д. Лысенко, Стадийное развитие растений, 1952. <sup>2</sup> Д. А. Долгушин, овая коллекция пшениц на фоне яровизации, 1935. <sup>3</sup> В. И. Разумов, Среда и енности развития растений, 1954. <sup>4</sup> А. Ф. Шулындин, ДАН, 91, № 3 (1953). Ф. Шулындин, Журн. общ. биол., 15, № 5 (1954).

#### о. п. богданов

## О НАХОЖДЕНИИ НА ТЕРРИТОРИИ СССР ЗАДНЕБОРОЗДЧАТОЙ ЗМЕИ ЗЕРИГЕ — PSAMMOPHIS SCHOKARI FORSKAL

(Представлено академиком Е. Н. Павловским 5 IX 1956)

По литературным данным(1-3), заднебороздчатая змея зериге — Psammo phis schokari Forskal 1775—является довольно обычным видом в Северной Африке, Аравии, Сирии, Иране, Белуджистане, Афганистане, Синде, Пенджабо

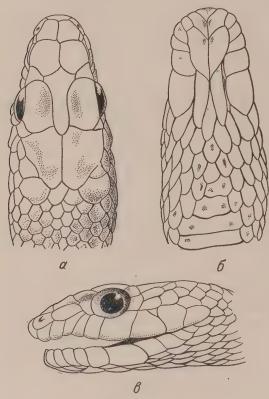


Рис. 1. Голова Psammophis schokari: a — сверху,  $\delta$  — снизу,  $\epsilon$  — сбоку

Кашмире. Ближайшие к советско-иранской границе пункты нахождения этого видрасположены в Куган-Мешерской долине. На территори СССР он до сих пор не бывобнаружен.

В середине июня 1953 го экземпляр этой змеи был добыт в Копет-Даге вблиз Гауданского перевала, недалеко от границы с Ирано (20—25 км на юг от Ашхабада). Змея была поймана на высоте примерно 1500 м на уровнем моря в тот момент когда она переползала шос сейную дорогу.

Добытый экземпляр - крупный половозрелый самец. Длина его туловища головой 920 мм, хвоста - 455 мм. По А. Смиту (²), обща длина наиболее крупног самца 1280 мм (длина туловища с головой 820 мм хвоста — 460 мм).

Зрачок круглый, Вокру середины туловища 17 рядо гладких чешуй. По Г. А. Буланже (1), у отдельных ээ

земпляров изредка бывает 19 рядов. Анальный щиток разделен. Брюшнь щитков 187, подхвостовых 123 пары. По А. Смиту (2), количество брюшнь щитков варьирует от 164 до 187, подхвостовых от 121 до 134, а г Г. А. Буланже (1),— первых бывает от 162 до 195, вторых — от 93 до 141

Скуловой щиток один, предглазничный один, заглазничных два. Висо ных щитков с одной стороны два, с другой три. Верхнегубных девять; г литературным дапным (1, 2), у этого вида иногда их бывает восемь или десяту нашего экземпляра глаза касаются два верхнегубных щитка — пяты

шестой, у других же его иногда касаются четвертый и пятый  $(^{1},^{2})$  или шес-

ой и седьмой (1). Нижнегубных щитков десять (рис. 1).

Пойманный экземпляр светло-коричневый с темной продольной полоой, идущей от глаза по бокам головы и туловища. Эта полоса окаймлена зкими светло-желтыми полосами. Передняя половина тела более темная, атем рисунок бледнеет и на хвосте почти исчезает. Брюхо желтовато-белое неясными мелкими темными пятнами по краям.

По литературным данным (1-3), окраска и рисунок очень варьируют. Сверху она может быть желтоватая, сероватая, бледно-оливковая или красоватая—одноцветная, с поперечными пятнами или продольными полосами.

Институт зоологии и паразитологии Академии наук УзССР

Поступило 11 II 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> G. A. Boulenger, Catalogue of the snakes in the British Museum (Natural Histoy), 3, London, 1896. <sup>2</sup> A. Smith, The Fauna of British India, Ceylon and Birma, Replia and Amphibia, 3, Serpentes, London, 1943. <sup>3</sup> Fr. Werner, Reptilien aus Persien Provinz Fars), Separatabdruck aus der «Verhandlungen» der k. k. Zool.-bot. Gesellsch., Wien, 917.

#### п. в. матёкин

# HOBЫE ДАННЫЕ ОБ APEAJE SUCCINEA ELEGANS RISSO (GASTROPODA, PULMONATA, STYLOMMATOPHORA)

(Представлено академиком В. Н. Сукачевым 24 VIII 1956)

До настоящего времени не вызывало сомнений представление о том, что амфибионтная янтарка Succinea elegans Risso распространена лишь в южных и юго-восточных районах Европы и в Средней Азии (1). Северная граница распространения вида в Европейской части СССР принималась, по многочисленным данным, совпадающей с широтой Калининграда. В Средней Азии, по нашим данным, вид не проникает восточнее Джунгарского хребта. В горных районах S. elegans не выходит за верхнюю границу пояса лиственных лесов. Такой ареал свидетельствует о явной теплолюбивости S. elegans



Рис. 1. Раковина Succinea elegans Risso из района Якутска

что и заставляло относить ес к фаунистической группе видог смешанных и широколиственных лесов Европы (¹). Для Западной средней и Восточной Сибири фаунистические списки указы вают широко распространенные во всей палеарктике виды—S. putris (²) и S. pfeifferi Rssm., а для северо-восточной Сибири (Чукотский полуостров) указы вается еще S. chrysis West., оби тающая также и на Аляске.

В 1956 г. благодаря любезности К. М. Рыжикова мы получили несколько экземпляров янтарок из района Якутска, раковины которых по одним при знакам довольно близки к раковинам S. elegans Risso, по другим — S. chrysi West. Этот материал был собран на влажном пойменном лугу правого берег. р. Лены, в 40 км ниже Якутска.

Приводим краткое описание двух экземпляров с наибольшим количе ством оборотов: раковины удлиненно-овальные, темно-оранжевые с золоти стым отливом, довольно грубо морщинистые. Завиток большой, последнию оборот слабо выпуклый, шов слабо спускающийся. Устье узко-овальное занимает 66—70% общей высоты раковины, внутри золотистые. Размеры высота раковины 7,0 и 7,5 мм, ширина раковины 4,1 и 4,3 мм, высота усты 4,9 и 5,0 мм, число оборотов  $2^{3}/_{4}$ .

C.S. chrysis West. наши экземпляры сближают размеры раковин и изокраска, с.S. elegans Risso — число оборотов и отношение высоты усты к общей высоте раковины. Необходимо, однако, отметить, что относительна высота устья у экземпляров из Якутска — это тот минимум, который

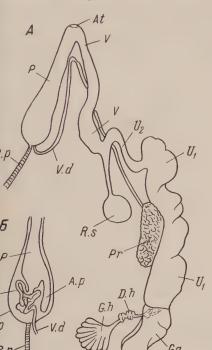
раковины S. elegans Risso встречается чрезвычайно редко.

Установить истинную видовую принадлежность этих экземпляров позволило лишь исследование половой системы, имеющей ведущее значение пропределении видов рода Succinea  $(^2,^3)$  (в ряде случаев, например у S. elegan 1144

равнительно с S. pfeifferi, челюсть и радула не обладают достаточно ясными

афференциальными признаками).

Все исследованные нами экземпляры из Якутска, включая и экземпляры меньшим, нежели указано выше, количеством оборотов, оказались лпичными S. elegans  $\mathring{R}$  isso. У больших экземпляров (число оборотов  $2^3/4$ )



половая система была полностью развитой, у меньших она обладала еще чертами ювенальности.

Как видно из рис. 2, половая система якутских экземпляров имеет сле-

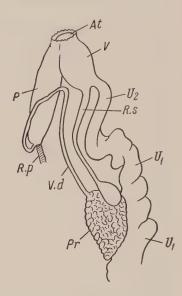


Рис. 2

Рис. 3

 $^{
m D}$ ис. 2. Половая система Succinea elegans Risso из $^{
m T}$ района Якутска. A — общий вид половой системы, Б — проксимальный отдел пениса; чехол пениса вскрыт

Рис. 3. Дистальные части половой системы Succinea pfeifferi Risso.

цующие особенности, характерные для S. elegans и отличающие этот вид от S. pfeifferi и S. putris  $\binom{2}{2}$ : пенис (p), слегка суживающийся к дистальному онцу, имеет чехол (V. p.) (влагалище пениса, по другим авторам), в проксимальной части которого лежит свернутый в клубок эпифаллус (Ep.)и маленький червеобразный аппендикс(Ap), длина которого 0,5 мм (у S. putris пенис не имеет придатка). Вагина (V.) слегка изогнута, узкая и длинная: ее длина в 5—6 раз больше ширины (у S. pfeifferi вагина прямая и короткая, ее длина лишь в 2—3 раза больше ширины (рис. 3)). Остальные признаки половой системы характерны для рода Succinea в целом.

Тщательное сравнение препаратов половой системы якутских экземпляоов с препаратами половой системы S. elegans из Средней Азии и из Европейской части СССР убедило нас в их идентичности, если не считать некоторых различий в абсолютных размерах, всегда пропорциональных размерам раковины. Строение челюстей и радулы наших экземпляров соответству-

ет строению этих частей у S. elegans и S. pfeifferi.

Таким образом, необходимо признать, что в районе Якутска — на правом берегу Лены — S. elegans обитает. Мы не располагаем еще достаточными цанными для того, чтобы идентифицировать чукотскую и северо-американкую S. chrysis c S. elegans. Однако мы позволим себе высказать предположение, что такая идентификация, видимо, вполне вероятна.

Следовательно, современный apean S. elegans Risso представляет собой ва разобщенных района, один из которых охватывает юго-восток Европы (включая Кавказ) и Среднюю Азию, а второй лежит в средней Сибир Такой характер ареала вида можно объяснить лишь существованием в тр тичное время широкого «третично-палеарктического» ареала, распавшего в послеледниковое время на два обособленных участка, с вымиранием вид на широких просторах сев.-вост. Европы и в Западной Сибири. Изучени биологии вида в условиях средней Сибири, резко отличных от условий южной части ареала, объяснит те причины, благодаря которым здесь скранился этот реликт теплого и влажного климата третичного времени.

Московский государственный университет им. М. В. Ломоносова

Поступило 24 VIII 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> И. М. Лихарев, Е. С. Раммельмейер, Наземные моллюски фауны ССС 1952. <sup>2</sup> Н. Е. Quick, Pros. Malac. Soc. Lond., 20, № 6 (1933). <sup>3</sup> G. Мапdah Вarth, Danmarks fauna, 54 (1949).

ФИЗИОЛОГИЯ

#### А. Н. АЛИЕВ

## ФИЗИОЛОГИЧЕСКОМУ АНАЛИЗУ МЕХАНИЗМОВ ИНТОКСИКАЦИИ РГАНИЗМА ПРИ АНАЭРОБНОЙ ИНФЕКЦИИ (НА МОДЕЛИ ИНТО-КСИКАЦИИ БЕЛЫХ КРЫС ТОКСИНОМ VIBRION SEPTIQUE)

(Представлено академиком А. Д. Сперанским 10 IX 1956)

В процессе анализа механизмов развития интоксикации при газовой игрене нами было установлено, что многократное введение в мышцы белых рыс подпороговых доз токсина септического вибриона приводит к развитию тертельной интоксикации. Однократное введение в мышцы животных всей ммарной дозы используемого токсина (200 dlm для мыши) не вызывало ни

одного животного развития смертельной интоксикации.

Изучая экспериментально сущность этого явления, мы установили, что иммационный эффект от действия подпороговых доз токсина может возмкнуть только тогда, когда нервная система способна воспринять падающе на нее патогенные раздражения и опосредствовать их через соответстующие звенья рефлекторной дуги. Было показано, что введением в оранизм новокаина, барбамила или оперативным перерывом афферентного, ферентного или центральных звеньев рефлекторной дуги удается предотратить развитие интоксикации при многократном введении в организм одпороговых доз токсина.

Для анализа процессов, возникающих в нервной системе при такого рода ведении в организм токсина, мы воспользовались методом определения ритической частоты суммации, как показателя функционального состояния ервной системы. Сущность этого метода заключается в том, что у животных пределяется способность к суммации нервных импульсов при раздражении ерва импульсным током различной частоты, определяемой в герцах. Этот онкий параметр дает возможность выявить те изменения лабильности, оторые наступают в нервной системе под влиянием различных физиологи-

еских или патологических раздражителей.

В наших условиях опыт ставился следующим образом. 30 крыс были

азделены на 6 групп (по 5 крыс в каждой).

I группе животных было введено однократно в мышцы бедра 200 dlm оксина септического вибриона.

II группе та же доза, разделенная на 20 равных частей (по 10 dlm),

водилась в мышцы бедра 20 раз с интервалом в 30 мин.

III группе также вводили подпороговые дозы токсина, как и второй руппе, с той лишь разницей, что этим животным было инъицировано кровь 25 АЕ специфической сыворотки с целью исключить возможность ействия активных доз токсина через кровь.

IV группе животных вводилась в кровь смертельная доза токсина — dlm—с целью выявления тех изменений в нервной системе, которые могут

меть место при попадании токсина в кровь.

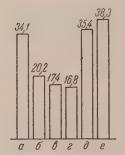
V группе животных было введено в мышцы 20-кратно с интервалом 30 мин. по 10 dlm токсина септического вибриона, разрушенного предвариельным кипячением (контроль на многократные инъекции).

VI группа нормальных животных служила также контролем для выясения диапазона колебания лабильности нервной системы у разных жи-

отных.

У всех подопытных животных через 11 ч. после вмешательства, а также их контролей определяли критическую частоту суммации.

У животных отсепаровывали п. peroneus правой конечности (однократ ные и многократные введения токсина производились в мышцы левой зад ней конечности). Центральный конец перерезанного нерва укладывался на погружные электроды; для нанесепия стимулов мы пользовались аппара том Грах-I опытного завода АМН СССР.



Рис, 1. Средние величины критической частоты суммации при различных формах введения в организм белых крыс токсина септического вибриона (в гц):  $a - 200 \ dlm$  токсина однократно в мышцы бедра;  $b - 10 \ dlm$  токсина 20 раз с интервалом в 30 мин в мышцы бедра;  $b - 10 \ dlm$  токсина 25  $b - 10 \ dlm$  токсина 20 раз с интервалом в 30 мин;  $b - 10 \ dlm$  токсина 20 раз с интервалом в 30 мин;  $b - 10 \ dlm$  токсина в кровь)  $b - 10 \ dlm$  токсина в кровь)  $b - 10 \ dlm$  токсина;  $b - 10 \ dlm$  токсина;  $b - 10 \ dlm$  токсина в кровь)  $b - 10 \ dlm$  токсина;  $b - 10 \ dlm$  токсина;  $b - 10 \ dlm$  токсина в кровь)  $b - 10 \ dlm$  токсина;  $b - 10 \ dlm$  токсина;  $b - 10 \ dlm$  токсина в кровь)  $b - 10 \ dlm$  токсина;  $b - 10 \ dlm$  токсина;  $b - 10 \ dlm$  токсина;  $b - 10 \ dlm$  токсина в кровь)

Мы определяли реобазу и вследствие невозможности определить в условиях нашего опыта порог времени, т. е. хронаксию, ограничивались сначала удвоением, а затем укорочением найденной реобазы в 10 раз. Длительность воздействия была всегда одна и та же (0,04 м/сек.).

Затем мы устанавливали ту минимальную частоту подпороговых стимулов, т. е. критическую частоту суммации, при которой сбнаруживался поро-

говый эффект рефлекторной реакции m. semitendinosus.

Полученные в результате этого опыта данные (рис. 1) показывают, что многократные введения в мышцы животных подпороговых доз токсина значительно снижают лабильность нервной системы и повышают ее способность к суммации падающих на нее раздражений (средняя критическая частота суммации 20,2 гц). Этот эффект остается в силе и при «блокаде»

крови 25 АЕ сыворотки (средняя критическая частота 17,4 гц).

Отмеченный факт говорит о том, что изменение лабильности нервной системы возникает в этих случаях в связи с патогенными раздражениями, идущими с периферии в центр, а не с непосредственным действием токсина, попавшего в кровь. При введении токсина непосредственно в кровь также отмечается значительный сдвиг лабильности нервной системы (средняя критическая частота суммации 16,8 гц). Дополнительный анализ показал, что сдвиг этот связан здесь с так называемым «автоматическим» действием токсина на центральную нервную систему.

При однократном введении в мышцы 200 dlm токсина и при многократном введении в мышцы разрушенного кипячением токсина лабильность нервной системы остается примерно в тех же пределах (средняя критическая частота

суммации 34,1—35,4 гц), что и у нормальных животных (38,8 гц).

Полученные данные позволяют сделать заключение, что раздражения подпороговыми дозами токсина афферентных приборов мышц способно рефлекторным путем изменить лабильность нервной системы и повысить ее способность к суммации падающих на нее раздражений. Такой же эффект может иметь место и при «автоматическом» действии токсина на центральную нервную систему. В обычных условиях развития газовой гангрены следует считаться с этими двумя реальными возможностями развития интоксикации. Каждый из этих механизмов сам по себе может, как показывает опыт, привести животное к летальному исходу, если он превысит физиологическую меру компенсаторных процессов. Удельный вес этих двух нервных факторов может меняться в зависимости от конкретных условий развития заболевания и исходной и меняющейся реактивности организма по отношению к раздражителям окружающей среды.

Институт нормальной и патологической физиологии Академии медицинских наук СССР

Поступило 24 VII 1956

ЭМБРИОЛОГИЯ

#### т. А. ДЕТЛАФ

# 4ДОВЫЕ РАЗЛИЧИЯ В ФОРМООБРАЗОВАТЕЛЬНЫХ СВОЙСТВАХ ЗАРОДЫШЕВОГО МАТЕРИАЛА И СМЕЩЕНИЕ ГАСТРУЛЯЦИИ ОТНОСИТЕЛЬНО СТАДИЙ ДРОБЛЕНИЯ

#### (ЗНАЧЕНИЕ СООТНОШЕНИЯ СТАДИЙ РАЗВИТИЯ И КЛЕТОЧНЫХ ПОКОЛЕНИЙ)

(Представлено академиком И. И. Шмальгаузеном 26 V 1956)

В настоящей работе нас интересовал вопрос о критериях возраста зароши в связи с отличиями формообразовательных свойств зародышевого териала, обпаруженными у представителей разных отрядов и семействиюй на сходных стадиях развития.

Вместо отдельных данных, характеризующих отличия линзообразующих ойств покровного эпителия у разных видов амфибий, известных из первых юбот с глазом (1), в настоящее время благодаря целеустремленным исследониям на путях сравнительного анализа закономерностей развития (2) экопилось много фактов, складывающихся в стройную картину видовых

личий в формообразовательных взаимоотношениях.

Крупнейшим шагом на этом пути было открытие Д. П. Филатовым слелющих двух принципиально важных закономерностей: 1) что способности ителия к образованию линз, опорных нитей и покровного эпителия зменяются согласованно и являются функцией более общих свойств эпите-4я и 2) что видовые различия в линзо- и нитеобразующих свойствах эпитеия связаны с разным темпом его дифференцирования у разных видов  $({}^{3},{}^{4})^{*}$ . дальнейшем A. С. Гинзбург  $(^{5-8})$ , на основании собственных данных по звитию слухового пузырька и литературного материала, показала, что крытая Филатовым закономерность справедлива и для других производых эктодермы, включая и нервную систему. «В основе видовых особенноей развития различных эктодермальных закладок лежат видовые особености эктодермы в целом: более или менее раннее латентное дифференцироние эктодермы, сопровождающееся выделением участков, сбладающих ойкой органогенной спецификой» (7). При этом оказалось, что, помимо наруженного Филатовым параллелизма в изменении скорости дифференирования покровного эпителия в рядах Anura и Urodela, существует непреывный ряд изменений: у Anura эпителий дифференцируется раньше, чем Urodela (среди Anura раньше других у Ranidae, а среди Urodela у Amvstoma mexicanum раньше, чем у Triturus vulgaris.)

Такой же ряд был установлен Пастельсом (9) и в отношении времени вявления способности к мезодермальной и нейтральной дифференцировкам,

<sup>\*</sup> У одних видов способность к образованию линз и опорных нитей возникает в материа, из которого они потом развиваются раньше, и соответственно остальной эпителий раньс утрачивает способность к образованию дополнительных линз и опорных нитей и развиется в покровный эпителий, а у других видов эти изменения и для линз и для опорных нинаступают позднее.

причем выяснилось, что существует корреляция между изменениями свойст эктодермы и хордомезодермального зачатка. Относительно энтодермы в ли

тературе нет сравнительных данных.

Таким образом, появление в процессе развития органогенной специфика в эктодерме и разных (хотя и не всех (10)) ее производных, а также в хордо мезодермальном зачатке у одних видов сдвинуто на относительно более ран ние, у других — на более поздние стадии развития. Важно, что описанные различия сохраняются на протяжении длительного периода развития: он обнаружены и на стадии ранней бластулы (9), и на поздних стадиях, когда возникают качественные отличия в материале зачатка глаза (11-13).

Различия в скорости дифференцирования эктодермы и хордомезодермаль ного зачатка обнаруживаются не только в отношении их формообразователь ных свойств, но и во времени определения полярности ( $^{14}$ ,  $^{15}$ ) и расчленения

на слои  $(^{16},^{17})$ .

гаузена  $(^{18})$ .

Разному темпу дифференцирования эктодермы и хордомезодермального материала у разных видов соответствуют и различия в характере формооб разовательных взаимодействий у этих видов. Так, хордомезодермальная подстилка, раньше вступающая во взаимодействие с эктодермой, чем про долговатый мозг, у Aпига играет относительно большую роль в развити слухового пузырька, чем у Urodela (7). Такие же различия в системе формооб разовательных взаимодействий в связи с различиями в скорости дифференцирования эктодермы и ее производных обнаружены и в других органогене зах (12,18).

Все эти данные расширяют границы ранее установленной закономерности (3,7,8) и говорят о том, что имеются видовые различия в скорости дифферен вирования материала разных зародышевых листков и их производных отно сительно общих процессов развития (гаструляция и нейруляция), причел эти отличия влекут за собой изменение относительного значения отдельных пормообразовательных взаимодействий, т. е. зародыш эволюирует как целое Сказанное согласуется с представлениями по этому поводу И. И. Шмаль

Возникает вопрос о причинах указанных различий в скорости дифферен цирования материала зародыша на сходных стадиях развития у разны видов. В чем их биологический смысл и с чем они могут быть связаны?

Филатов (3) рассматривал этот вопрос в отношении эпителия только в ис торическом аспекте; он считал, что темп дифференцирования эпителия со храняется отбором по признаку его общего, точнее не установленного значения для организма и указывал возможное направление этих изменений По поводу причин, обусловливающих эти различия в онтогенезе, до сих по не было высказано никаких соображений. Ниже приводятся материаль представляющие в этой связи интерес. Они посвящены уточнению критерие определения возраста зародышей и выяснению особенностей развития которые могут быть ответственны за возникновение обсуждаемых различи

у отдельных представителей Anura и Urodela. Напомним, что при сравнительных исследованиях для оценки возраст зародышей используют последовательный ряд стадий (19,20), характеризующихся определенными, четко выраженными признаками, причем для разныстадий эти признаки различны. Такая оценка возраста сравниваемых зародышей, однако, не всегда достаточна, поскольку возможно смещение стадиотносительно друг друга. Изучая строение зародышей тритона, аксолотл и разных видов лягушек (Rana temporaria, R. terrestris, R. ridibunda, Fesculenta) в самом начале гаструляции, я обратила внимание на то, что зародыш тритона на этой стадии содержит гораздо меньше клеток, чем аксолотл и разные виды лягушек, т. е. что начало гаструляции у него смещено в более ранние стадии дробления. Это обстоятельство представляет интере не только с точки зрения характеристики строения и объема клеточног материала зародышевых листков, но и как показатель возраста составляющих их клеток: у зародыша тритона на сходных стадиях гаструляции

йруляции зародышевый материал содержит более молодые поколения

деток, чем у аксолотля и разных видов Ranidae.

Для того чтобы составить представление о порядке этих различий, было осчитано количество ядер на средних сагиттальных срезах, проходящих рез едва намечающуюся спинную губу бластопора на стадии начала гастляции (ст. 10 по Гаррисону) у Triturus vulgaris, Ambystoma mexicanum, ппа terrestris и на поперечных разрезах на границе 1-й и 2-й трети переднедней оси зародыша на стадии конца гаструляции (ст. 12) и начала йруляции (ст. 13) у Tr. vulgaris, Amb. mexicanum, R. temporaria, terrestris.

Зародыши были фиксированы жидкостями Буэна и Сан-Феличе, окрашеп тотально борным кармином или на срезах гемалауном. При просчете ядер,

пчиная со стадии анафазы, делящиеся ядра считались за два.

Таблица 1 Количество ядер на центральных сагиттальных разрезах через зародышей в самом начале гаструляции и их отношения у сравниваемых видов (ст. 10 по Гаррисону)

Вид	Число ядер в срезе	Число просчитан- ных срезов	Сравниваемые виды	Отношение числа ядер с поправк. на относит. тол- щину срезов	Показатель суще- ственности раз- ности сравнив. средних (f)*
Ambystoma mexicanum	279 + 2%	10	Amb. Trit.	2,1	10,1
Triturus vulgarus	200 + 2,8%	8	Amb. Rana	0,7	10,6
Rana terrestris	356 + 1,3%	10	Rana Trit.	3,0	21,7

\* 
$$t = \frac{M_1 - M_2}{\sqrt{m_1^2 + m_2^2}}$$
.

В табл. 1 приведено количество ядер в средних сагиттальных срезах изученных видов. Каждая цифра представляет среднее из 8—10 просчетов то 2—4 среза у 3 зародышей). Средняя ошибка среднего арифметического евелика. Полученные цифры, однако, еще нельзя сравнивать, поскольку рез в 10 µ у зародышей разных видов, имеющих разные размеры, представяет разную часть зародыша. Для сравнения количества ядер необходимо ыло внести соответствующую поправку и рассчитать отношение количества дер при одинаковой относительной толщине срезов. В связи с этим вместо

гношения непосредственно найденных чисел ядер  $rac{K_A}{K_B}$ , где A и B — ин-

ексы вида, мы пользовались отношением  $rac{K_A}{K_B} imes rac{d_A}{d_B}$ , где  $d_A$  и  $d_B$  — диамет-

ы зародышей. При этом мы исходим из того, что отношение количества дер в срезе у сравниваемых видов обратно пропорционально отношению маметров зародышей или количеству срезов, на которые они разложены.

Если бы гаструляция у сравниваемых видов начиналась при одинаковом исле клеток, полученное отношение должно было бы быть равно единице, действительности же мы имели резко отличные цифры, причем показатели ищественности разности сравниваемых средних (t) вполне достоверны м. табл. 1).

У тритона гаструляция начинается при количестве клеток в центральном срезе, равном половине их количества у аксолотля и трети у R. terrestri на соответствующей стадии. Такого количества клеток, при котором начи нается гаструляция у R. terrestris, зародыш тритона достигает лишь концу гаструляции и началу неруляции. Аксолотль занимает промежуточное положение между тритоном и R. terrestris, причем стоит ближе к последнем виду. Различия в числе ядер имеются и на стадиях конца гаструляции

начала нейруляции (ст. 12 и 13).

Таким образом, различиям в дифференцировке эктодермы и хордомезодермы у Tr. vulgaris, Amb. mexicanum и Ranidae на одинаковых стадиях разви тия соответствуют реальные различия в возрасте составляющих их клеток определяемом поколением клеток. Это позволяет предполагать, что ответ ственным за свойства зародышевого материала, может быть, является генерация составляющих их клеток. Можно думать, что процессы дифференциации, осуществляющиеся во время дробления, делают неравноценным клетки разных генераций даже в том случае, если они участвуют в построении зародышей одинаковых стадий развития (гаструляции и нейруляции) Экспериментальную аналогию этому явлению можно видеть в опыта Гольтфретера (21), где эктодерма, пробывшая разное время в солевом растворе и затем посаженная на зародыша, обладала различными формообразовательными свойствами в зависимости от того, сколько времени ее выдерживали в растворе.

Различный темп дифференциации эктодермы и хордомезодермы, установ ленный экспериментальными исследованиями и влекущий за собой изменение формообразовательных взаимодействий, может иметь, таким образом одним из источников смещение начала процесса гаструляции на более ранние или более поздние стадии дробления. Поэтому стадия развития не може служить достаточным критерием для суждения о возрасте зародыша. В определении формообразовательных свойств и формообразовательных взаимодействий, по-видимому, имеет значение сочетание поколения клеток и стади развития, которые у разных видов могут смещаться друг относительнидруга. Требуются дальнейшие исследования для выяснения биологического значения такого смещения, а также для выяснения природы внутриклеточ

ных изменений в процессе дробления.

Поступило 25 V 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> Н. S р е m а n n, Zool. Jahrb. Abt. allg. Zool. u. Phys., **32**, 1 (1912). <sup>2</sup> Д. П. Ф н л а т о в, Сравнительно-морфологическое направление в механике развития и его объект цели и пути. Изд. АН СССР, 1939. <sup>3</sup> Д. П. Ф и л а т о в, Журн. общ. биол., **4**, 28 (1943 <sup>4</sup> А. П. Ш е и н а, ДАН, **29**, 72 (1940). <sup>5</sup> А. С. Г и н з б у р г, ДАН, **54**, 561 (1946 <sup>6</sup> А. С. Г и н з б у р г, ДАН, **72**, 1195 (1950). <sup>7</sup> А. С. Г и н з б у р г, ДАН, **73**, 22 (1950). <sup>8</sup> А. С. Г и н з б у р г, Датентый процесс специализации эктодермы, образующей зачаток лабиринта у аксолотля и тритонов, Кандидатская диссертация, Инст. морфомживотн. АН СССР, 1945. <sup>9</sup> J. Р а s t е е 1 s, J. Embryol. u. ехр. Могрh., **1**, 5 (1953) <sup>10</sup> О. Г. С т р о е в а, Экспериментальное и сравнительное исследование ранних стадий расвития органов движения некоторых позвоночных. Автореферат кандидатской диссертации 1952. <sup>11</sup> Г. В. Л о п а ш о в, ДАН, **61**, 581 (1948). <sup>12</sup> Г. В. Л о п а ш о в, Механизм образования нейральной части глаза в зародышевом развитии. Автореферат докторско диссертации, 1956. <sup>13</sup> Н. И. Д р а г о м и р о в, ДАН, **23**, 398 (1939). <sup>14</sup> W. L u t h е п Roux, Arch., **131**, 523 (1934). <sup>15</sup> Т. А. Д е т л а ф, Сравнительно-экспериметальное изучение эволюции эктодермы, хордомезодермы и их производных у Апатпіа. Докторская диссертация, Инст. морфол. животных АН СССР, 1948. <sup>18</sup> И. И. Ш м а л ь г а у з е н, Организм как целое в индивидуальном и историческом развитии, Изд. АН СССР, 1941 <sup>19</sup> V. Н а m b u г g е г, А Мапиаl оf Ехрегітептаl Embryology, 211 (1947). <sup>20</sup> R u g h. Exрегітептаl Embryology, 480 (1948). <sup>21</sup> J. H o l t f r e t e г, Roux, Arch., **129** 619 (1933).

ЭМБРИОЛОГИЯ

#### Г. А. ШМИДТ

## РОСТ И ДИФФЕРЕНЦИРОВКА ЗАРОДЫШЕВОГО ДИСКА У КОРОВЫ (BOS TAURUS)

(Представлено академиком И. И. Шмальгаузеном 9 VI 1956)

В предыдущем сообщении (4) было показано, что ко времени освобождея от яйцевых оболочек зародыш коровы имеет вид микроскопически-малошарика — зародышевого пузырька (синонимы: бластоциста, трофоблаческий, или бластодермический пузырек), имеющего в диаметре 0—160 µ. Стенка пузырька выполняет функцию усвоения пищевых веств, содержащихся в железистых секретах матки (так называемое маточное

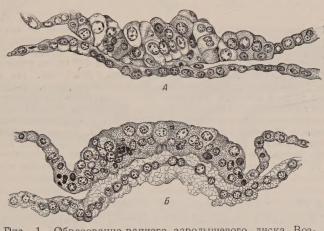


Рис. 1. Образование раннего зародышевого диска. Возраст во всех случаях считается с момента спаривания

олоко), и обладает значением эмбрионального приспособления (питающая ктодерма, или трофобласт). Степень развития этого приспособления оис. 1) оказывает влияние на темп роста собственно зародышевой части, редставленной сначала зародышевым узлом, затем зародышевым диском, алее зародышевым щитом, из которого уже формируется нервная платинка (1-6).

Зародышевый узел превращается в зародышевый диск к концу 14-х уток развития, когда зародышевый пузырек имеет несколько меньше, 5 мм в длину и 1 мм в ширину. Ранний зародышевый диск имеет в диаметре

коло 180 µ (0,18 мм) (см. рис. 1).

Превращение зародышевого узла в зародышевый диск представляет, о-видимому, явление, не имеющее аналога у других высших позвоночных. Оно заключается в том, что внутри зародышевого узла появляется щелевидая полость, параллельная поверхности пузырька. Затем обе половины ародышевого узла разворачиваются подобно развернутой книге. Некоторое ремя только что сформированный зародышевый диск обнаруживает деление

на половины, ограничивающие полость в центре зародышевого узла (ри 1, A). Затем вогнутости поверхности диска исчезают и она становится слеги

выпуклой.

Эктодерма зародышевого диска состоит из клеток различной величин Ядра выглядят также полиморфными, некоторые из них очень сильно окр шиваются гематоксилином (рис. 1, E). Энтодерма диска состоит из одно слоя довольно высоких клеток (рис. 1, E).

В течение 15-х суток зародышевый пузырек вырастает в тоненьку трубочку с гантелевидно вздутыми концами, которая к концу этих сутодостигает в длину 10—12 мм. Зародышевый диск становится овальным -

до 280 и в длину и 180 и в ширину.

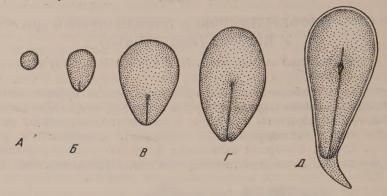


Рис. 2. Изменения зародышевого диска в течение 5 суток от конца 14-х до конца 19-х суток.  $35\times$ . A — зародышевый диск в возрасте 14 суток 22 часа, диаметр 0,188 мм. Длина зародышевого пузырька 2,56 мм. E — зародышевый диск в возрасте 15 суток 12 часов, размер 0,5×  $\times$  0,25 мм. Длина зародышевого пузырька  $70\times1$  мм. На заднем конце диска видна очень короткая первичная полоска. E — зародышевый диск в возрасте 17 суток 12 часов, размер 0,995 $\times$ 0,57 мм. Длина зародышевого пузырька 270 мм. Первичная полоска составляет меньше половины длины зародышевого диска. F — зародышевый диск в возрасте 18 суток 9 часов, размер 1,2 $\times$ 0,6 мм. Длина зародышевого пузырька 350 мм. Первичная полоска составляет примерно половину длины зародышевого диска. F — зародышевый щит в возрасте 19 суток 12 часов, размер 1,518 $\times$ 0,759 мм. Длина зародышевого пузырька 400 мм

В течение 16-х суток зародышевый пузырек вырастает в длину примерт в десять раз и достигает к концу суток 10—12 см. Зародышевый диск в течние этих суток значительно увеличивается, достигая 0,5 мм в длину и 0,25 м в ширину. В нем появляется ранняя закладка первичной полоски, что знаменует собою начало образования симметричной закладки целомическом мезодермы. Длина первичной полоски 16-суточного зародышевого дискменьше 0,15 мм.

В течение 17-х суток зародышевый пузырь вырастает в длину до 15—20 см его толщина увеличивается до 2 мм. Зародышевый диск значительно увеличивается, достигая в длину 1 мм, а в ширину 0,45 мм. Первичная полоситакже увеличивается в длину, не достигая, однако, величины половин длинной оси зародышевого диска. В течение этих суток появляются амнистические складки.

В течение 18-х суток зародышевый пузырь вырастает в длину до 20—25 с и в толщину до 2—2,5 мм. Зародышевый диск достигает в длину 1,2-1,25 мм, а в ширину 0,55—0,6 мм. Первичная полоска становится равно половине длинной оси диска (рис. 2). К концу 18-х суток амниотически складки замыкаются.

В течение 18-х суток конец зародышевого пузырька, обращенный в сторону полости тела матки, проникает в эту последнюю и отсюда дальше в полость противоположного рога. Эта проникающая в полость второг

га матки часть зародышевого пузырька первоначально имеет вид нитевидтонкой трубочки, которая, однако, в течение 19-х суток расширяется не отличается по виду от противоположного конца пузырька. К концу -х суток общая длина трубки зародышевого пузырька достигает 35—40 см. Зародышевый диск к концу 19-х суток достигает максимального размера длинной оси 1,5 мм, его ширина слегка увеличивается — до 0,7 мм. его дифференцировке в течение 19-х суток происходят значительные измения. По-видимому, в сравнительно короткий срок наступает превращение родышевого диска в зародышевый щит: эктодерма как бы натягивается. с складки расправляются. Передняя половина зародышевого диска полу-

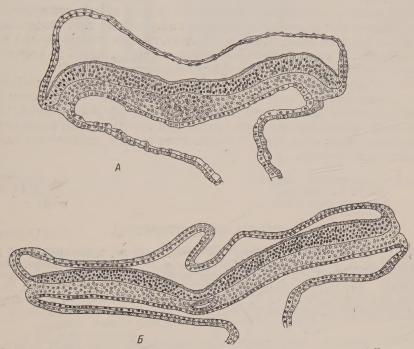


Рис. 3. Поперечные разрезы позднего зародышевого диска на уровне переднего конца первичной полоски (A) и зародышевого щита в области головного отростка (B). Рисовальный аппарат: ок. 17, об. 3. A— отмечается неправильно концентрическое расположение ядер клеток головного отростка. Б— в головном отростке виден хорошо сформированный хордальный канал

пает правильные очертания полуокружности; ее задняя граница проходит перпендикулярно через передний конец первичной полоски (через узелок ензена). Задняя половина зародышевого щита получает форму равнобеденного треугольника с вершиной, обращенной назад. Этот треугольник как бы делится первичной полоской на две равные половины. В течение 9-х суток возникает закладка головного отростка, который в течение следующих 20-х суток получает в центре хорошо сформированный канал

Из всего изложенного следует, что можно уловить определенное соотношение между ростом зародышевого пузыря и ростом и дифференцировкой зародышевого диска. Первый отрезок роста соответствует подготовительным процессам формирования зародышевого диска. Он заключается в росте зародышевого пузырька от момента освобождения от яйцевых оболочек конец 10-х суток, зародышевый пузырек имеет около 0,15 мм в диаметре) до конца 14-х суток (зародышевый пузырек имеет в длину 2,5 мм и в ширину мм). Зародышевый узел увеличивается от 0,05 мм до 0,15 мм в диаметре, превращаясь к концу указанного времени в зародышевый диск.

Второй промежуток роста начинается с конца 14-х суток и оканчивается 16 сутками. Зародышевый пузырек за время этих 2 суток увеличивается в длину примерно в 40 раз. Длина зародышевого диска увеличивается за эт время свыше чем в три раза. В конце 16-х суток, как мы видели, формируется первичная полоска и начинается пролиферация элементов целомическо мезодермы.

Третий отрезок роста охватывает также 3 суток — с конца 16-х до конца 19-х суток. Длина зародышевого пузыря увеличивается в четыре, а длин зародышевого диска в три раза. В течение 19-х суток происходит превращение зародышевого диска в зародышевый щит, формируется головной отре

сток (рис. 3).

Существенно в описанных наблюдениях то, что можно установить связ между увеличением размеров зародышевого пузырька, т. е. между нарастанием мощи эмбрионального приспособления, питающего самого себя и зародышевый диск, и увеличением размеров последнего. Вслед за ростом зарод

дышевого диска наступает его дифференцировка.

Вряд ли могут быть сомнения в том, что у яйцекладущих млекопитак щих и у рептилий также удастся установить связь между увеличением размеров зародышевого диска и наступающей в нем дифференцировкой. Однак у названных животных вся масса пищи для зародышевого развития дан с момента откладки яйца, и это обстоятельство ведет к усложнению изложеных здесь зависимостей.

Институт морфологии животных им. А. Н. Северцова Академии наук СССР Поступило 25 IV 1956

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> В. И. Логинов, Тр. Казанск. гос. ветер. инст., **37**, 1, 256 (1926). <sup>2</sup> М. Я Соловей, А. А. Герасимова, Тр. Лаб. искусств. осем. Всесоюзн. инст. животнов 11 (1945). <sup>3</sup> Г. А. Шмидт, Тр. Инст. морфол. животн. им. А. Н. Северцова АН СССГ **12**, 5 (1954) <sup>4</sup> Г. А. Шмидт, ДАН, **107**, № 5 (1956) <sup>5</sup> М. С. Сhang, The Anat Rec., **113**, № 2, 143 (1952). <sup>6</sup> L. M. Winters, W. W. Green, R. E. Comstock Univers. of Minnesota Agricult. Exp. Stat., techn. Bull., № 151, 1 (1942).